

## ПОСТРОЕНИЕ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ ПРИВОДА ТЯГИ ДРАГЛАЙНА С ДИНАМИЧЕСКИМ ВОЗДЕЙСТВИЕМ КОВША НА ГРУНТ

Крупко В.Г., канд. техн. наук., доц., Алешевич П.В., аспирант,  
Донбасская государственная машиностроительная академия

*Разработана математическая модель привода тяги драглайна с учетом динамического воздействия на грунт в случае дискретного движения рабочего органа.*

*The mathematical model of dragline's driving draft taking into account dynamic force to soil in case discontinuous moving of actuator is developed.*

### ***Проблема и ее связь с научными и практическими задачами.***

Практически во всех странах мира происходит рост объемов земляных работ, требующий создания высокопроизводительной мобильной скоростной землеройной техники: машин, оборудования, инструментов, рабочих органов [1]. Интенсификация земляных работ базируется на создании систем машин как большой единичной мощности и энергоемкости, так и на создании минимашин, позволяющей добиться наибольшей удельной производительности.

Актуальной является проблема поиска новых физических эффектов процесса разрушения и эффективных способов воздействия на рабочие среды; разработка способов интенсификации рабочих процессов землеройных машин.

***Анализ исследований и публикаций.*** В источниках, посвященных динамическому разрушению грунтов [1,3], приведены, схемы для вибрационного, ударного, высокоскоростного разрушения грунтов, основы расчетов. Модели приводов землеройных машин на основе волнового цепного редуктора для импульсного разрушения грунтов ранее не рассматривались.

***Постановка задачи.*** Целью данной работы является построение математической модели привода тяги драглайна с волновым цепным редуктором [2], дополнительными пружинами в узлах крепления ковша, что обеспечивает динамическое разрушение грунта.

***Изложение материала и результаты.*** Без существенной потери точности можно ограничиться представлением привода машины в

виде системы с сосредоточенными параметрами, т.е. системы, в которой инерционные свойства присущи только твердым телам, упругие – невесомым упругим элементам, а диссипативные – демпферам [3]. В этом случае система имеет конечное число степеней свободы и ее расчет значительно упрощается.

Опишем исследуемую систему. Исполнительный орган (ковш драглайна) движется по горизонтальной негладкой поверхности вдоль оси X в системе координат (рисунок 1), на который действует сила трения-скольжения ( $F_{t.c.}$ ), сила сопротивления грунта ( $F_{c.g.}$ ), сила упругости пружины ( $F_p$ ), сила резания ( $F_n$ ), сила тяжести ( $P$ ).

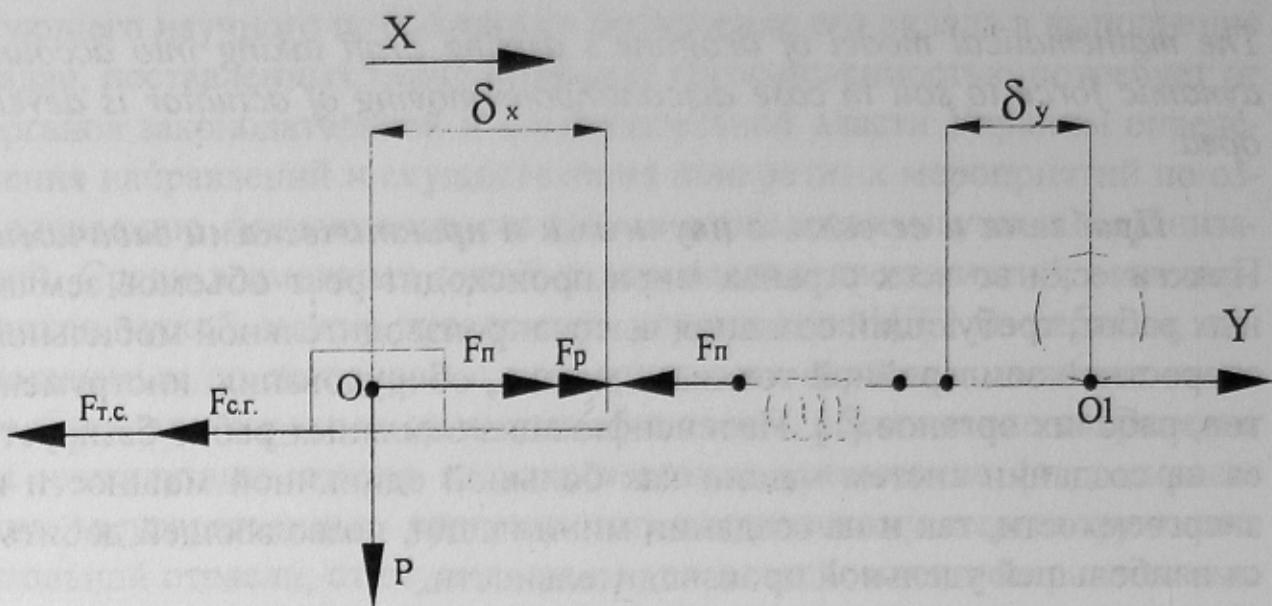


Рисунок 1 Расчетная схема привода тяги драглайна

Для определения кинетической энергии системы составим уравнения Лагранжа II-го рода [4]. Очевидно, что система имеет две степени свободы, следовательно, нужно задать два параметра для описания закона движения системы. Канат примем как тонкий и невесомый [1], движущийся со скоростью  $v(t)$ .

Определим систему координат ОХ, центр которой находится в точке О (центр масс ковша). Положим, что движение рабочего органа происходит в положительном направлении оси ОХ.

Определим обобщенные координаты: в качестве первой координаты прием  $x$  – перемещение центра масс ковша, а в качестве второй –  $y$  – рабочая длина каната (расстояние от узла крепления с исполнительным органом до точки набегания каната непосредственно на барабан).

В обобщенных координатах уравнения движения системы записываются в виде

$$\frac{d}{dt} \cdot \frac{\partial t}{\partial x} - \frac{\partial T}{\partial x} = Q_x \quad (1)$$

$$\frac{d}{dt} \cdot \frac{\partial T}{\partial y} - \frac{\partial T}{\partial y} = Q_y, \quad (2)$$

где  $y, x$  – обобщенные координаты;  $Q_x, Q_y$  – обобщенные силы.

Для определения обобщенных сил исходим из того, что сумма работ обобщенных сил на обобщенных перемещениях равна нулю.

В силу независимости обобщенных координат  $x$  и  $y$  рассмотрим два варианта возможных перемещений системы, предварительно задав виртуальные перемещения системы как  $\delta x, \delta y$ : 1)  $\delta x \neq 0, \delta y = 0$ ; 2)  $\delta x = 0, \delta y \neq 0$ .

Вариант 1. Определим  $\delta A$  – виртуальную сумму работ действующих сил на виртуальные перемещения  $\delta x, \delta y$  при  $\delta x \neq 0, \delta y = 0$ . Тогда

$$\delta A = F_{m.c.} \cdot \delta x + F_{c.e.} \cdot \delta x - F_n \cdot \delta x - F_p \cdot \delta x \quad (3)$$

$$\delta A = f \cdot m \cdot g \cdot \delta x + F_{c.e.} \cdot \delta x - k(l_0 - x) \cdot \delta x - F_p \cdot \delta x, \quad (4)$$

где  $l_0$  – статическое растяжение пружины;

$f$  – коэффициент трения-скольжения.

$$\delta A = \delta x [fmg + F_{c.e.} - F_p - kl_0 + kx], \quad (5)$$

где  $k$  – жесткость пружины.

Выражение в квадратных скобках (5) есть обобщенная сила  $Q_x$ , подставляя в уравнение (1) получим

$$\frac{d}{dt} \cdot \frac{\partial t}{\partial x} - \frac{\partial T}{\partial x} = fmg + F_{c.e.} - F_p - kl_0 + kx \quad (6)$$

Значение  $l_0$  определяется исходя из условий равновесия системы

$$F_{m.c.} + F_{c.e.} - F_p = l_0 k \quad (7)$$

$$fmg + F_{c.e.} - F_p = l_0 k \quad (8)$$

Учитывая выражение (8) приводим уравнение (6) к следующему виду

$$\frac{d}{dt} \cdot \frac{\partial T}{\partial x} - \frac{\partial T}{\partial x} = kx \quad (9)$$

Вариант 2. Определим  $\delta A$  - виртуальную сумму работ действующих сил на виртуальные перемещения  $\delta x, \delta y$  при  $\delta x = 0, \delta y \neq 0$ . Тогда

$$\delta A = -kl_0 \cdot \delta y \quad (10)$$

Следовательно

$$\frac{d}{dt} \cdot \frac{\partial T}{\partial y} - \frac{\partial T}{\partial y} = -kl_0 = -F_{m.c.} - F_{c.z.} + F_p \quad (11)$$

Выражения, приведенные как (9) и (11)  $\delta A$  - виртуальные суммы работ действующих сил на виртуальные перемещения позволяют решить задачу об определении параметров, влияющих на процесс динамического разрушения грунта с учетом прерывистого движения рабочего органа.

**Выводы и направление дальнейших исследований.** Полученные данные позволяют судить о положительном влиянии на процесс копания динамического воздействия, волнового цепного редуктора и пружин узла крепления ковша. Решение полученных уравнений позволит определить оптимальные параметры привода тяги драглайна для динамического разрушения грунта, а также продолжить исследования системы «привод землеройной машины – рабочий орган – грунт».

#### Список источников

1. Баладинский В.Л., Абрашкевич Ю.Д. Механика динамического разрушения грунтов. – К.: Техника строительства, 1999. – 160с.
2. Крупко В.Г., Алесичев П.В. Применение волновых цепных передач для приводов горных машин. Сборник научных трудов Национального горного Университета, №19, том5. – Днепропетровск, 2004. – 320с.
3. Панкратов С.А. Динамика машин для открытых горных и землеройных работ. – М.: Машиностроение, 1967. – 448с.
4. Бать М.И., Джанелидзе Г.Ю., Кельзон А.С. Теоретическая механика в примерах и задачах, в 2х томах, т.2 Динамика. – М.: Наука, 1972. – 524с.