

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ УКРАИНЫ  
ДОНЕЦКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

Кафедра вычислительной математики и программирования

**Методические рекомендации  
и задания к самостоятельной работе  
по информатике**

(для студентов горных специальностей  
по направлению 7.0903 – «Горное дело»)

Донецк 2011

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ УКРАИНЫ  
ДОНЕЦКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

Кафедра вычислительной математики и программирования

**Методические рекомендации  
и задания к самостоятельной работе  
по информатике**  
(для студентов горных специальностей  
по направлению 7.0903 – «Горное дело»)

Рассмотрено  
на заседании кафедры ВМиП  
протокол №7 от 12.02.2007

Утверждено  
на заседании учебно-издательского  
Совета ДонНТУ  
протокол № от 2011

Донецк 2011

УДК 622.807.3.06.(071)

Методические рекомендации и задания к самостоятельной работе по информатике (для студентов горных специальностей по направлению 7.0903 –«Горное дело»)/ Составители В.Н. Павлыш, А.С. Гребенкина. – Донецк, ДонНТУ, 2011. - 21 с.

Пособие предназначено для методического обеспечения выполнения самостоятельной работы студентами всех форм обучения, осваивающими горные специальности.

Составители: В.Н. Павлыш, докт. техн. наук, профессор;  
А.С. Гребенкина, канд. техн. наук, ассистент.

Рецензент: Г.В. Аверин, докт. техн. наук, профессор.

## СОДЕРЖАНИЕ

### Общие рекомендации

1.	Тема 1. Математическое моделирование состояния призабойной зоны угольного пласта .....	
	1.1 Постановка задачи .....	
	1.2 Методические рекомендации к решению задачи .....	
	1.3 Выбор вариантов .....	
2.	Тема 2. Математическое моделирование процесса гидравлического воздействия на угольный пласт .....	
	2.1 Постановка задачи .....	
	2.2 Методические рекомендации к решению задачи .....	
	2.3 Выбор вариантов .....	
3.	Тема 3. Математическое моделирование процесса пневматической обработки угольного пласта .....	
	3.1 Постановка задачи .....	
	3.2 Методические рекомендации к решению задачи .....	
	3.3 Выбор вариантов .....	
4.	Тема 4. Математическое моделирование процесса смещения точки максимума опорного давления .....	
	4.1 Постановка задачи .....	
	4.2 Методические рекомендации к решению задачи .....	
	4.3 Выбор вариантов .....	
5.	Тема 5. Математическое моделирование управления процессом нагнетания жидкости в пласт .....	
	5.1 Постановка задачи .....	
	5.2 Методические рекомендации к решению задачи .....	
	5.3 Выбор вариантов .....	
	Заключение .....	
	Литература .....	

## ОБЩИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ

Цель работы: закрепление знаний теоретического материала и приобретение навыков применения современных компьютерных технологий к решению задач горного дела.

Для самостоятельной работы предлагается решение одной из пяти задач. В процессе решения необходимо:

- внимательно ознакомиться с постановкой задачи;
- изучить математическую модель;
- разработать алгоритм решения, используя приведенные зависимости и рекомендации;
- составить и отладить компьютерную программу;
- распечатать результаты и дать объяснения.

Выбор темы проводится по последней цифре зачетной книжки:

Цифра	0 или 5	1 или 6	2 или 7	3 или 8	4 или 9
Тема	1	2	3	4	5

Вариант выбирается соответственно букве фамилии (при необходимости включаются буквы имени):

1-я буква определяет выбор для первого параметра;

2-я – для 2-го и т.д.

Соответствие букв и вариантов задается таблицей.

Вариант	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Буква	А	Б	В	Г	Д	Е	Ж	З	И	К
	Л	М	Н	О	П	Р	С	Т	У	Ф
	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ы	Ь	Э	Ю	Я

Пример выбора варианта.

Студент

Павленко Сергей Андреевич:

1-й параметр – буква П – вариант 5;

2-й параметр – буква А – вариант 1;

3-й параметр – буква В – вариант 3;

4-й параметр – буква Л – вариант 1;

5-й параметр – буква Е – вариант 6;

и т.д.

Студент

Кац Ефим Семенович:

1-й параметр – буква К – вариант 10;

2-й параметр – буква А – вариант 1;

3-й параметр – буква Ц – вариант 2;

4-й параметр – буква Е – вариант 6;

5-й параметр – буква Ф – вариант 10;

и т.д.

# 1. Тема 1. Математическое моделирование состояния призабойной зоны угольного пласта.

## 1.1 Постановка задачи.

Одной из характеристик, имеющих важное теоретическое и практическое значение, является напряженное состояние угольного пласта, в том числе его призабойной зоны. Исследование соответствующих параметров вызывает необходимость решения ряда задач.

Рассмотрим следующую задачу.

Напряженное состояние пласта характеризуется вектором напряжений  $\bar{F} = (\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3)$ .

Компоненты вектора рассчитываются по следующим зависимостям:

$$\sigma_1 = k\gamma H; \quad (1.1)$$

$$\sigma_2 = \frac{\nu}{1-\nu} k\gamma H; \quad (1.2)$$

$$\sigma_3 = 0,5\sigma_{сж}, \quad (1.3)$$

где  $k$  – коэффициент концентраций напряжений;

$\nu$  – коэффициент Пуассона;

$\gamma$  – объемный вес горных пород;

$H$  – глубина залегания пласта;

$\sigma_{сж}$  – прочность угля на сжатие.

Модуль вектора напряжений:

$$|\bar{F}| = \sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2 + \sigma_3^2}. \quad (1.4)$$

Направляющие косинусы:

$$\cos \alpha = \frac{\sigma_1}{|\bar{F}|}; \quad \cos \beta = \frac{\sigma_2}{|\bar{F}|}; \quad \cos \gamma = \frac{\sigma_3}{|\bar{F}|}. \quad (1.5)$$

В результате для каждого сочетания значений параметров  $k$ ,  $\nu$ ,  $\gamma$ ,  $H$ ,  $\sigma_{сж}$  получаем величину напряжения и его направление.

## 1.2 Методические рекомендации к решению задачи.

Каждый из параметров, входящих в расчетные зависимости, изменяется в некоторых пределах, т.е. обозначив параметр через  $z$ , получим интервал его изменения:

$$z \in [z_H, z_\theta]$$

Выбрав количество характерных значений параметра  $n$ , получим шаг изменения параметра:

$$h_z = \frac{z_\theta - z_H}{n};$$

характерные (контрольные) значения параметра:

$$z_i = z_H + ih_z, \quad i = 0, 1, \dots, n. \quad (1.6)$$

Сформировав массивы параметров, можно рассчитать элементы многомерного массива значений величины напряжений  $F = |\bar{F}|$ , используя формулы (1.1)...(1.4).

В этом массиве необходимо найти максимальное  $F_{\max}$  и минимальное  $F_{\min}$  значения, установить соответствующие значения параметров, а также вычислить направляющие косинусы полученных векторов по (1.5).

Следует отметить, что для упрощения алгоритма и экономии вычислительных средств можно не строить полный многомерный массив значений величины напряжений, а одновременно с расчетом в каждом цикле определять, к какому из значений ( $F_{\max}$  или  $F_{\min}$ ) относится очередное вычисленное значение  $F$ , и при необходимости фиксировать соответствующие индексы.

### 1.3 Выбор вариантов.

Для каждого из параметров  $z$  задается 10 вариантов значений:  $n$  (количество характерных точек),  $z_H$  (начальное значение),  $z_\theta$  (конечное значение).

Варианты заданий.

Таблица 1.1

Параметр		$k$	$\nu$	$\gamma$	$H$	$\sigma_{сж}$
Вариант						
1		2	3	4	5	6
1	$n$	5	3	4	5	3
	$z_H$	2,0	0,3	2,0	600	9,0
	$z_\theta$	2,4	0,36	2,8	1000	10,8
2	$n$	4	3	3	5	4
	$z_H$	2,2	0,28	2,4	500	9,2
	$z_\theta$	2,6	0,34	2,8	1000	10,6
3	$n$	3	4	5	4	3
	$z_H$	2,4	0,30	2,2	400	9,0
	$z_\theta$	2,9	0,36	3,0	800	10,2
4	$n$	4	3	4	5	3
	$z_H$	2,1	0,28	2,5	500	9,1
	$z_\theta$	2,9	0,35	3,4	1000	10,7
5	$n$	5	4	3	5	3
	$z_H$	2,0	0,27	2,4	400	8,8
	$z_\theta$	2,5	0,38	2,9	1200	10,2

Продолжение таблицы 1.1

<b>1</b>		<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
<b>6</b>	<i>n</i>	4	3	5	4	3
	$z_H$	2,3	0,31	2,1	600	9,4
	$z_{\theta}$	2,9	0,40	2,8	1200	10,8
<b>7</b>	<i>n</i>	3	4	4	5	3
	$z_H$	2,4	0,26	2,4	800	9,0
	$z_{\theta}$	3,0	0,32	3,2	1200	10,8
<b>8</b>	<i>n</i>	4	3	5	4	3
	$z_H$	2,2	0,25	2,5	700	8,6
	$z_{\theta}$	2,8	0,33	3,0	1100	10,8
<b>9</b>	<i>n</i>	5	4	3	5	3
	$z_H$	2,0	0,31	2,2	400	9,1
	$z_{\theta}$	3,0	0,40	2,8	900	10,5
<b>10</b>	<i>n</i>	4	3	4	4	4
	$z_H$	2,1	0,32	2,4	500	9,6
	$z_{\theta}$	2,9	0,41	2,6	1100	11,2



## 2. Тема 2. Математическое моделирование процесса гидравлического воздействия на угольный пласт.

### 2.1 Постановка задачи.

При подземной добыче угля большое внимание уделяется вопросам повышения производительности и безопасности труда. В комплексе мероприятий используется такое средство, как предварительная гидравлическая обработка пласта. Сущность ее заключается в нагнетании жидкости через скважины, пробуренные по пласту, под определенным давлением, что позволяет повысить влажность добываемого угля и определенным образом изменить его структуру.

Математически задача ставится следующим образом.

Движение жидкости в пласте описывается уравнением:

$$\frac{\partial P}{\partial t} = \frac{k}{\mu n_{\text{Э}}} \cdot \frac{\partial^2 P}{\partial x^2}, \quad (2.1)$$

где  $P$  – давление жидкости;

$\mu$  – вязкость;

$n_{\text{Э}}$  – эффективная пористость угля;

$k$  – проницаемость пласта;

$t$  – время;

$x$  – пространственная координата.

Решение рассматривается на отрезке  $x \in [0; l]$ , где  $l$  – расстояние до контрольной скважины.

Решением задачи является распределение давления жидкости на заданном отрезке в зависимости от времени  $t$ :  $P(x, t)$ .

Начальные условия ( $t=0$ ):

$$P(0, 0) = P_C, \quad (2.2)$$

где  $P_C$  – давление на скважине;

$$P(x, 0) = 0, \quad x \in (0; l]. \quad (2.3)$$

Граничные условия:

$$P(0, t) = P_C, \quad t \geq 0; \quad (2.4)$$

$$\left. \frac{\partial P}{\partial x} \right|_{x=l} = 0 \text{ (условие непроницаемости)}. \quad (2.5)$$

Окончание нагнетания фиксируется по достижению жидкостью границы отрезка  $x=l$ , что фиксируется, когда давление в крайней точке станет больше нуля к моменту времени  $T$ . Это время определяется

соотношением параметров  $P_C, k, \mu, n, l$  и вычисляется в процессе решения задачи.

## 2.2 Методические рекомендации к решению задачи.

Поставлена краевая задача (2.1)...(2.5), которая решается численно методом конечных разностей.

Для этого уравнение (2.1) аппроксимируется системой алгебраических уравнений.

Выбрав количество контрольных точек  $n$  на отрезке  $0 \leq x \leq l$ , вычислим шаг изменения координаты  $x$ :  $h = \frac{l}{n}$ .

Тогда контрольные точки:

$$x_i = ih, \quad i = 0, 1, \dots, n.$$

Шаг по координате  $t$  (время) рекомендуется выбирать из условия:  $\Delta t = \frac{1}{6}h^2$ , тогда  $t_j = j \cdot \Delta t$ ,  $j = 0, 1, \dots, m$ , причем значению  $m$ , которое заранее не известно, соответствует искомое время протекания процесса:  $T = m\Delta t$ .

Давление в пространстве и времени  $P(x, t)$  моделируется системой дискретных значений в узлах сетки:

$$P_{i,j} = P(x_i, t_j).$$

Уравнение в конечных разностях:

$$\frac{P_{i,j+1} - P_{i,j}}{\Delta t} = \alpha \frac{P_{i-1,j} - 2P_{i,j} + P_{i+1,j}}{h^2},$$

$$i = 1, 2, \dots, n-1; \quad j = 0, 1, 2, \dots; \quad \alpha = \frac{k}{\mu n}.$$

Учитывая начальные и граничные условия, получаем:

$$\left. \begin{aligned} P_{0,j+1} &= P_C; \\ P_{i,j+1} &= \alpha \frac{\Delta t}{h} (P_{i-1,j} - 2P_{i,j} + P_{i+1,j}) + P_{i,j}; \\ i &= 1, 2, \dots, n-1; \\ P_{n,j+1} &= P_{n-1,j+1} \end{aligned} \right\} \quad (2.6)$$

Таким образом, определив шаг по заданному количеству контрольных точек  $n$ , рассчитываем распределение давления в контрольных точках для каждого момента времени  $t_j$ . Фиксируя распределение после каждых 5 шагов по времени, засекаем тот момент, когда давление в граничной точке  $P_{n,j}$  станет отличным от нулевого – этому будет соответствовать момент  $T$ .

Выполнив решение для всех наборов значений параметров  $P_C, l, k, \mu, n_{\Sigma}$ , определяем сочетания, при которых  $T$  достигает наибольшего  $T_{\max}$  и наименьшего  $T_{\min}$  значений.

### 2.3 Выбор вариантов.

Для каждого из параметров  $z$  задается 10 вариантов значений:  $n$  (количество характерных точек),  $z_H$  (начальное значение),  $z_{\theta}$  (конечное значение).

Следует отметить, что определение  $T_{\max}$  и  $T_{\min}$  можно совместить с расчетом распределения  $P_{i,j}$ , что позволит экономить вычислительные ресурсы.

Варианты заданий приведены в таблице 2.1.

Таблица 2.1

Параметр		$P_C$	$l$	$k$	$\mu$	$n_{\Sigma}$
Вариант						
	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
<b>1</b>	$n$	3	4	3	2	3
	$z_H$	120	6	0,1	0,9	3
	$z_{\theta}$	150	8	0,3	1,1	6
<b>2</b>	$n$	3	5	2	3	4
	$z_H$	100	8	0,2	1,2	2
	$z_{\theta}$	160	12	0,3	1,4	4
<b>3</b>	$n$	3	4	3	2	3
	$z_H$	150	8	0,2	1,1	5
	$z_{\theta}$	180	10	0,4	1,3	8
<b>4</b>	$n$	3	5	2	3	2
	$z_H$	110	6	0,1	0,9	6
	$z_{\theta}$	170	11	0,2	1,2	9
<b>5</b>	$n$	3	4	3	2	3
	$z_H$	100	10	0,3	1,2	7
	$z_{\theta}$	180	12	0,6	1,5	10
<b>6</b>	$n$	3	5	4	3	2
	$z_H$	150	5	0,2	0,9	5
	$z_{\theta}$	200	10	0,5	1,2	9
<b>7</b>	$n$	3	4	3	2	3
	$z_H$	120	6	0,15	1,1	2
	$z_{\theta}$	175	12	0,25	1,3	5
<b>8</b>	$n$	3	5	4	3	2
	$z_H$	100	7	0,08	1,0	1
	$z_{\theta}$	130	9	0,4	1,6	7

Продолжение таблицы 2.1.

<b>1</b>		<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
<b>9</b>	<i>n</i>	3	4	5	2	3
	$z_H$	120	8	0,05	1,2	2
	$z_\theta$	210	11	0,45	1,4	8
<b>10</b>	<i>n</i>	3	5	4	3	2
	$z_H$	140	6	0,2	1,1	3
	$z_\theta$	200	12	0,6	1,7	7

Примечание: переменная *n* в разделах 2.2 и 2.3 несет различную смысловую нагрузку ( в первом случае это количество контрольных точек отрезка фильтрации жидкости, а во втором - число вариантов значений параметра ).

### 3. Тема 3. Математическое моделирование процесса пневматической обработки угольного пласта.

#### 3.1 Постановка задачи.

Пневматическая обработка применяется как средство удаления метана из угольного массива до его разработки. Сущность способа заключается в нагнетании воздуха в рабочую скважину с отбором метано-воздушной смеси из контрольной скважины.

Математически задача ставится следующим образом. Динамика изменения концентрации метано-воздушной смеси описывается уравнением:

$$\frac{\partial C}{\partial t} = \frac{k}{\mu m^2} \cdot \frac{\partial C^2}{\partial x^2}, \quad (3.1)$$

где  $C$  – концентрация смеси;

$\mu$  – вязкость;

$m$  – мощность пласта;

$k$  – проницаемость пласта для газов;

$t$  – время;

$x$  – пространственная координата.

Решение  $C(x, t)$  ищется на отрезке  $x \in [0; L]$ , где  $L$  – расстояние между рабочей и контрольной скважинами.

Начальные условия ( $t = 0$ ):

при  $x \in (0; L)$

$$C(x, 0) = C_{II} \text{ (концентрация до обработки);} \quad (3.2)$$

$$C(0, 0) = 0,1C_{II} \text{ (концентрация на рабочей скважине).} \quad (3.3)$$

Граничные условия:

$$C(0, t) = 0,1C_{II}, \quad t \geq 0 \quad (3.4)$$

$$\left. \frac{\partial C}{\partial x} \right|_{x=L} = 0 \quad (3.5)$$

Окончание обработки фиксируется при достижении величины концентрации на контрольной скважине  $0,4C_p$ , что соответствует моменту времени  $T$ . Это время определяется соотношением параметров и вычисляется в процессе решения задачи.

### 3.2 Методические рекомендации к решению задачи.

Рассматривается краевая задача (3.1)...(3.5), для решения которой применяется численный метод. Уравнение (3.1) аппроксимируется системой алгебраических уравнений.

Выбрав количество контрольных точек  $n$  на отрезке  $0 \leq x \leq L$ , вычислим шаг изменения координаты  $x$ :  $h = \frac{L}{n}$ .

Тогда контрольные точки:

$$x_i = ih, \quad i = 0, 1, \dots, n.$$

Шаг по координате  $t$  (время) рекомендуется выбирать из условия:  $\Delta t = \frac{1}{6}h^2$ , тогда  $t_j = j \cdot \Delta t$ ,  $j = 0, 1, \dots, m$ , причем значению  $m$ , которое заранее не известно, соответствует искомое время протекания процесса:  $x_i = ih$ .

Уравнения в конечных разностях:

$$\frac{C_{i,j+1} - C_{i,j}}{\Delta t} = \alpha \frac{C_{i-1,j}^2 - 2C_{i,j}^2 + C_{i+1,j}^2}{h^2},$$
$$i = 1, 2, \dots, n-1; \quad j = 0, 1, 2, \dots; \quad \alpha = \frac{k}{\mu m^2}.$$

Учитывая краевые условия, получим:

$$\left. \begin{aligned} C_{0,j+1} &= 0,1C_{II}; \\ C_{i,j+1} &= \alpha \frac{\Delta t}{h^2} (C_{i-1,j}^2 - 2C_{i,j}^2 + C_{i+1,j}^2) + C_{i,j}, \\ i &= 1, 2, \dots, n-1; \\ C_{n,j+1} &= C_{n-1,j+1} \end{aligned} \right\} \quad (3.6)$$

Таким образом, определив шаг по заданному количеству контрольных точек  $n$ , рассчитываем распределение концентрации в контрольных точках для каждого момента времени  $t_j$ . Фиксируя распределение после каждых 5 шагов по времени, засекаем тот момент, когда концентрация в граничной точке  $C_{n,j}$  станет меньше  $0,4C_p$  – этому будет соответствовать момент  $T$ .

Выполнив решение для всех наборов значений параметров  $C_{II}, L, k, \mu, m$ , определяем сочетания, при которых  $T$  достигает наибольшего  $T_{\max}$  и наименьшего  $T_{\min}$  значений.

### 3.3 Выбор варианта.

Для каждого из параметров  $z$  задается 10 вариантов значений:  $n$  (количество характерных точек),  $z_H$  (начальное значение),  $z_\infty$  (конечное значение).

Следует отметить, что определение  $T_{\max}$  и  $T_{\min}$  можно совместить с расчетом распределения  $C_{i,j}$ , что позволит экономить вычислительные ресурсы.

Варианты заданий приведены в таблице 3.1.

Таблица 3.1

Параметр		$C_{II}$	$L$	$k$	$\mu$	$m$
Вариант						
	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
<b>1</b>	$n$	3	4	3	3	4
	$z_H$	80	10	0,08	0,5	0,8
	$z_{\theta}$	95	20	0,23	0,8	2,0
<b>2</b>	$n$	4	3	4	2	4
	$z_H$	70	15	0,06	0,2	0,8
	$z_{\theta}$	90	22	0,12	0,4	1,6
<b>3</b>	$n$	3	4	3	3	4
	$z_H$	75	8	0,04	0,4	1,2
	$z_{\theta}$	90	16	0,1	0,7	2,4
<b>4</b>	$n$	4	3	4	2	4
	$z_H$	80	12	0,05	0,5	1,0
	$z_{\theta}$	92	18	0,09	0,6	1,8
<b>5</b>	$n$	3	4	3	3	4
	$z_H$	82	10	0,08	0,6	1,2
	$z_{\theta}$	94	24	0,14	0,9	1,7
<b>6</b>	$n$	4	3	4	2	4
	$z_H$	80	8	0,06	0,2	1,1
	$z_{\theta}$	90	20	0,16	0,3	2,1
<b>7</b>	$n$	3	4	3	3	4
	$z_H$	65	16	0,08	0,7	1,2
	$z_{\theta}$	80	26	0,17	1,0	2,0
<b>8</b>	$n$	4	3	4	2	4
	$z_H$	70	14	0,05	0,3	1,5
	$z_{\theta}$	90	20	0,15	0,5	2,2
<b>9</b>	$n$	3	4	3	3	4
	$z_H$	70	12	0,09	0,3	1,4
	$z_{\theta}$	85	24	0,18	0,6	1,8
<b>10</b>	$n$	4	3	4	2	4
	$z_H$	84	8	0,08	0,5	1,6
	$z_{\theta}$	96	17	0,18	0,7	2,4

Примечание: следует различать смысловую нагрузку переменных  $n$ ,  $m$  в различных случаях, что видно из контекста.

## 4. Тема 4. Математическое моделирование процесса смещения точки максимума опорного давления.

### 4.1 Постановка задачи.

Положение точки максимума опорного давления является важной характеристикой, значение которой влияет на выбор ряда технологических параметров.

Координаты точки максимума опорного давления изменяются во времени согласно зависимостям:

$$l(t) = l_0 + d(1 - e^{-at}), \quad (4.1)$$

$$d = a\mu\Theta E_2((1-b)\alpha E_1)^{-1}, \quad (4.2)$$

где  $l_0$  – расстояние от плоскости забоя до точки максимума опорного давления в момент обнажения забоя ( $t=0$ );

$l(t)$  – то же в текущий момент;

$t$  – время от момента обнажения;

$a$  – коэффициент концентрации напряжений;

$\mu$  – коэффициент Пуассона;

$\alpha, \Theta, b$  – эмпирические константы;

$E_1, E_2$  – вертикальный и горизонтальный модули упругости пласта.

Задача состоит в поиске экстремальных значений  $l(t)$  ( $l_{\max}, l_{\min}$ ) в зависимости от соотношения значений параметров.

Решение отыскивается на промежутке  $t \in [0; T]$ , причем  $T$  вычисляется из условия:

$$e^{-aT} \leq 0,1;$$

$$T = \frac{\ln 10}{a}. \quad (4.3)$$

### 4.2 Методические рекомендации к решению задачи.

По выбранному значению параметра  $\alpha$  вычисляется граница отрезка  $[0; T]$ , после чего задается количество  $n$  контрольных моментов, вычисляется шаг по времени  $\Delta t = \frac{T}{n}$  и контрольные моменты  $t_i = i\Delta t, \quad i = 0, 1, 2, \dots, n$ . Далее для каждого сочетания параметров рассчитывается массив значений  $l_i = l(t_i)$  по формулам (4.1), (4.2), определяются  $l_{\max}, l_{\min}$  и соответствующий набор параметров.

### 4.3 Выбор вариантов.

Для каждого из параметров  $z$  задается 10 вариантов значений:  $n$  (количество характерных точек),  $z_H$  (начальное значение),  $z_6$  (конечное значение).

Варианты заданий приведены в таблице 4.1.



Таблица 4.1

Параметр		$l_0$	$\alpha$	$a$	$\mu$	$\Theta$	$b$	$E_1$	$E_2$
Вариант									
<b>1</b>		<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
<b>1</b>	$n$	4	3	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	2	0,25	12	0,25	1	0,55	8	12
	$z_6$	8	0,75	36	0,4	3	0,65	12	15
<b>2</b>	$n$	3	4	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	4	0,1	10	0,3	2	0,48	6	4
	$z_6$	10	0,7	28	0,42	4	0,72	10	14
<b>3</b>	$n$	4	3	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	5	0,5	12	0,2	5	0,12	12	10
	$z_6$	9	0,8	24	0,34	6	0,25	14	18
<b>4</b>	$n$	3	4	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	6	0,1	18	0,32	1,8	0,25	5	6
	$z_6$	12	0,7	30	0,44	2,6	0,30	9	10
<b>5</b>	$n$	4	3	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	2	0,15	15	0,27	1,5	0,18	7	5
	$z_6$	10	0,6	45	0,36	3,0	0,42	11	13
<b>1</b>		<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
<b>6</b>	$n$	3	4	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	4	0,1	18	0,28	2,2	0,25	3	8
	$z_6$	12	0,9	42	0,43	3,4	0,42	15	12
<b>7</b>	$n$	4	3	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	5	0,08	16	0,31	3,5	3,5	12	18
	$z_6$	13	0,17	40	0,46	4,6	4,6	21	20
<b>8</b>	$n$	3	4	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	4	0,12	10	0,22	3,2	3,2	11	16
	$z_6$	8	0,48	37	0,37	4,4	4,4	19	18
<b>9</b>	$n$	4	3	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	5	0,15	17	0,24	3,8	3,8	13	8
	$z_6$	11	0,6	32	0,36	4,6	4,6	21	17
<b>10</b>	$n$	3	4	3	3	2	2	2	2
	$z_H$	6	0,08	11	0,35	2,9	2,9	4	7
	$z_6$	9	0,16	41	0,5	4,7	4,7	15	14

## 5. Тема 5. Математическое моделирование управления процессом нагнетания жидкости в пласт.

### 5.1 Постановка задачи.

Гидравлическое воздействие на угольный пласт осуществляется путем нагнетания жидкости через пробуренные скважины. При этом важное значение имеет стабильность процесса, которая характеризуется постоянством давления и темпа нагнетания. Управляемым параметром является темп, колебания давления на скважине происходят из-за непостоянства проницаемости пласта.

Математически задача ставится следующим образом.

Давление на скважине:

$$P = 0,1\gamma H, \quad (5.1)$$

где  $H$  – глубина залегания;

$\gamma$  – объемный вес вышележащих пород.

Темп нагнетания:

$$Q = \frac{0,006\pi Pl_c}{5\mu t}, \quad (5.2)$$

где  $k$  – проницаемость пласта;

$m$  – мощность пласта;

$\mu$  – вязкость жидкости;

$l_c$  – длина скважины.

Время нагнетания:

$$T = \frac{59,7\mu n_\varepsilon m^2}{kP}, \quad (5.3)$$

где  $n_\varepsilon$  – эффективная пористость.

Контролируемый параметр –  $P$ , регулируемый –  $Q$ .

Допустимое отклонение параметра  $P$  от расчетного – 10%.

### 5.2 Методические рекомендации к решению задачи.

В соответствии с заданными величинами исходных характеристик вычисляются параметры согласно (5.1)...(5.3). Согласно заданному количеству контрольных моментов  $n$  вычисляется квант времени  $\Delta t = \frac{T}{n}$ .

Контрольные моменты:  $t_i = i \cdot \Delta t$ ,  $i = 0, 1, 2, \dots, n$ . Изменение давления во времени задается функцией:

$$P(t) = P(1 + 0,5 \cos t). \quad (5.4)$$

Алгоритм решения следующий:

1. Задается начало процесса  $t = 0$ .
2. Прибавляется квант времени  $\Delta t$ .
3. Вычисляется текущее значение  $P_t$  согласно (5.4).
4. Если  $|P - P_t| > 0,1P$ , выполняется пересчет параметров:

$$k_t = \frac{59,7 \mu n_3 m^2}{TP_t}; \quad (5.5)$$

$$Q_t = \frac{0,006 \pi k_t P_t l_c}{5 \mu n_3}. \quad (5.6)$$

5. Прибавляется квант времени. Если лимит времени  $T$  не исчерпан, переход к п. 2, иначе стоп.

В результате создаются массивы значений  $P_t, Q_t$ , находятся экстремальные значения  $P_{\max}, P_{\min}, Q_{\max}, Q_{\min}$  и соответствующий набор параметров.

### 5.3 Выбор вариантов.

Рекомендуется для всех вариантов количество контрольных моментов времени  $n = 50$ , пористость  $n_3 = 5\%$ .

Для каждого из параметров  $z$  задается 10 вариантов значений:  $n$  (количество характерных точек),  $z_H$  (начальное значение),  $z_6$  (конечное значение). Задача решается для всех сочетаний значений параметров.

Варианты заданий.

Таблица 5.1

Параметр		$\gamma$	$H$	$k$	$\mu$	$m$	$l_c$
Вариант							
1		2	3	4	5		6
<b>1</b>	$n$	3	3	2	2	4	2
	$z_H$	2,2	600	0,15	1,1	0,8	180
	$z_6$	2,8	900	0,35	1,2	2,0	220
<b>2</b>	$n$	3	3	2	2	4	2
	$z_H$	2,4	500	0,12	0,9	0,8	150
	$z_6$	3,0	1100	0,4	1,1	1,6	170
<b>3</b>	$n$	3	3	2	2	4	2
	$z_H$	2,1	400	0,1	1,0	1,2	120
	$z_6$	2,7	1000	0,4	1,4	2,4	160
<b>4</b>	$n$	3	3	2	2	4	2
	$z_H$	2,0	700	0,25	0,8	1,0	160
	$z_6$	2,6	1200	0,35	1,2	1,8	200

Продолжение таблицы 5.1.

1		2	3	4	5	6	
<b>5</b>	<i>n</i>	3	3	2	2	4	2
	<i>z<sub>H</sub></i>	2,4	600	0,22	0,8	1,2	120
	<i>z<sub>с</sub></i>	2,8	1200	0,38	1,4	1,7	180
<b>6</b>	<i>n</i>	3	3	2	2	4	2
	<i>z<sub>H</sub></i>	2,5	500	0,18	1,1	1,1	150
	<i>z<sub>с</sub></i>	3,1	800	0,30	1,5	2,1	200
<b>7</b>	<i>n</i>	3	3	2	2	4	2
	<i>z<sub>H</sub></i>	2,0	800	0,08	0,9	1,2	180
	<i>z<sub>с</sub></i>	2,5	1100	0,16	1,3	2,0	220
<b>8</b>	<i>n</i>	3	3	2	2	4	2
	<i>z<sub>H</sub></i>	2,2	600	0,1	0,8	1,5	160
	<i>z<sub>с</sub></i>	2,6	1000	0,24	1,2	2,2	200
<b>9</b>	<i>n</i>	3	3	2	2	4	2
	<i>z<sub>H</sub></i>	2,4	500	0,15	1,2	1,4	150
	<i>z<sub>с</sub></i>	2,7	1200	0,45	1,6	1,8	210
<b>10</b>	<i>n</i>	3	3	2	2	4	2
	<i>z<sub>H</sub></i>	2,3	600	0,2	1,0	1,6	140
	<i>z<sub>с</sub></i>	2,9	1000	0,3	1,5	2,4	200

## **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

Результаты выполнения самостоятельной работы оформляются в виде отчета следующей структуры:

- титульный лист;
- выбор темы;
- постановка задачи;
- алгоритм решения (блок-схема);
- выбор значений параметров;
- компьютерная программа на алгоритмическом языке (листинг);
- распечатка результатов;
- анализ результатов;
- список литературных источников.

В случае, когда учебным планом специальности предусмотрена курсовая работа по информатике, данная работа представляется в виде пояснительной записки к курсовой работе и выносится на защиту.

В случае, когда курсовая работа не предусмотрена, а имеется компьютерная практика, данная работа может быть представлена и защищена как отчет по практике.

В случае, когда ни курсовая работа, ни практика не предусмотрены, результаты самостоятельной работы предоставляются и защищаются для получения бонуса при сдаче экзамена (зачета по курсу).

## **ЛИТЕРАТУРА**

1. Программирование на языке Турбо-Паскаль с элементами численных методов (учебное пособие)/ Алексеев Е.Р., Кузык И.Н., Павлыш В.Н., Чеснокова О.В., Славинская Л.В. – Донецк, ДонГТУ, гриф Минобразования Украины ISBN 966-7745-08-2, 252с.
2. Павлыш В.Н., Анохина И.Ю., Кононенко И.Н., Зензеров В.И. Начальный курс информатики для пользователей персональных компьютеров. – Донецк, ДонНТУ, изд. «ВІК», 2006. – 235с.