

УДК 004.93.11

**А.П. Семенова, Е.В. Волченко**

Донецкий национальный технический университет, г. Донецк  
кафедра программного обеспечения интеллектуальных систем  
E-mail: nastena-semenova19@rambler.ru, LM@mail.promtele.com

## **ИССЛЕДОВАНИЕ ПРИНЦИПОВ ФОРМИРОВАНИЯ ОБРАЗУЮЩИХ МНОЖЕСТВ ПРИ ПОСТРОЕНИИ ВЗВЕШЕННОЙ ОБУЧАЮЩЕЙ ВЫБОРКИ $w$ -ОБЪЕКТОВ**

### **Аннотация**

*Семенова А.П., Волченко Е.В. Исследование принципов формирования образующих множеств при построении взвешенной обучающей выборки  $w$ -объектов. В работе рассматривается проблема формирования эффективных обучающих выборок в адаптивных системах распознавания. Проводится анализ особенностей построения образующих множеств с точки зрения выбора начальных точек. Приведены результаты экспериментальных исследований, подтверждающие влияние выбора начальных точек на формирование получаемых выборок  $w$ -объектов.*

**Ключевые слова:** адаптивная система распознавания,  $w$ -объект, обучающая выборка.

### **Постановка проблемы и анализ литературы**

Системы распознавания находят все большую область применения в повседневной жизни. Это связано с разработкой большого количества разнообразных устройств (систем технической и медицинской диагностики, компьютеров, охранных систем, «спам»-фильтров электронной корреспонденции, роботов, и т.д.), автоматическая работа которых невозможна без распознавания текущего состояния объектов, процессов и состояний, с которыми эти устройства работают.

Большинство современных прикладных задач, решаемых путем построения систем распознавания, характеризуется большим объемом исходных данных и возможностью добавления новых данных уже в процессе работы систем. Именно поэтому основными требованиями, предъявляемыми к современным системам распознавания, являются:

– адаптивность, состоящая в возможности системы в процессе работы изменять свои характеристики (для обучающихся систем распознавания – корректировать решающие правила классификации) при изменении окружающей среды (добавлении новых объектов обучающей выборки);

– работа в реальном времени, предполагающая наличие возможности формирования решений о классификации за ограниченное время;

– высокая эффективность классификации для линейно разделимых и пересекающихся в признаковом пространстве классов [1,4].

Информация об изменении распознаваемых объектов поступает в системы распознавания в большинстве случаев в виде новых объектов обучающей выборки. Количество объектов в обучающей выборке может достигать десятков тысяч, поэтому для адаптивных систем одной из ключевых проблем является проблема предобработки исходных выборок данных. Предобработка данных включает в себя очистку данных (удаление шума и пропусков в данных), сжатие и объединение данных.

Для сокращения размера выборок существуют различные алгоритмы, но они имеют ряд недостатков. Такие алгоритмы как STOLP, ДРЭД просты в реализации, но дают большую погрешность при решении задач с большим объемом входных данных, алгоритм NNDE практически не приспособлен для решения таких задач [2,5].

### **Метод построения взвешенной выборки $w$ -объектов**

В работе [3] предложен метод построения взвешенной обучающей выборки  $w$ -объектов для сокращения выборок большого объема в адаптивных системах распознавания.

Основой данного метода является выбор множеств близкорасположенных объектов исходной выборки и их замена одним взвешенным объектом новой выборки. Значения признаков каждого объекта новой выборки являются центрами масс значений признаков объектов исходной выборки, которые он заменяет. Введенный дополнительный параметр – вес определяется как количество объектов исходной выборки, которые были заменены одним объектом новой выборки.

Предлагаемый метод ориентирован как на сокращение исходной обучающей выборки, так и на анализ необходимости корректировки выборки и быстрое выполнение такой корректировки при пополнении выборки в процессе работы системы.

Построение  $w$ -объекта состоит из трех последовательных этапов:

- 1) построение образующего множества  $W_f$ , содержащее некоторое количество  $d$  объектов исходной выборки, принадлежащих одному классу;
- 2) формирование вектора  $X_i^W = \{x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{in}\}$ , значений признаков  $w$ -объекта  $X_i^W$  и расчет его веса  $p_i$ ;
- 3) корректировка исходной обучающей выборки – удаление объектов, включенных в образующее множество  $X = X \setminus W_f$ .

Построение образующего множества  $W_f$  состоит в нахождении начальной точки  $X_{f1}$  формирования  $w$ -объекта, определении конкурирующей точки  $X_{f2}$  и выборе в образующем множестве  $W_f$  таких объектов исходной выборки, расстояние до каждого из которых от начальной точки меньше, чем расстояние от них до конкурирующей точки.

В качестве начальной точки  $X_{f1}$  формирования  $w$ -объекта используется объект исходной обучающей выборки, наиболее удаленный от всех объектов других классов. Конкурирующая точка  $X_{f2}$  выбирается путем нахождения ближайшего к  $X_{f1}$  объекта, не принадлежащего тому же классу, что и сам  $X_{f1}$ , т.е.  $y_{f1} \neq y_{f2}$ .

Для случая двух классов выбор объектов  $\{X_{f1}, X_{f2}, \dots, X_d\}$  образующего множества  $W_f$  осуществляется по следующему правилу:  $X_i$  включается в  $W_f$ , если:

- он принадлежит тому же классу, что и начальная точка  $X_{f1}$ ;
- расстояние от рассматриваемого объекта до начальной точки  $X_{f1}$  меньше, чем до конкурирующей точки  $X_{f2}$ ;
- расстояние  $R_{i,1}$  от рассматриваемого объекта до начальной точки меньше расстояния  $R_{i,2}$  от рассматриваемого объекта до конкурирующей точки и меньше расстояния  $R_{1,2}$  между начальной и конкурирующей точками (для случая, когда классы состоят из нескольких отдельных областей признакового пространства).

Таким образом, образующее множество  $W_f$  формируется по правилу:

$$W_f = X_{f1} \cup X_{f2} \cup \left\{ X_i \mid R_{i,1} < R_{i,2} < R_{1,2} \right\}, \quad (1)$$

$$\text{где } f_1 = \arg \min_{i=1, \dots, d} \sum_{j=1}^d R(X_i, X_j),$$

$$f_2 = \arg \max_{\substack{j=1, \dots, d \\ y_j \neq y_{f1}}} R(X_j, X_{f1}),$$

$$R_{a,b} = R(X_a, X_b) = \sum_{t=1}^n (x_{at} - x_{bt})^2.$$

Значения признаков  $\{x_{11}, x_{12}, \dots, x_{in}\}$  нового  $w$ -объекта  $X_i^W$  формируются по образующему множеству  $W_f$  и рассчитываются как координаты центра масс системы из  $p_f = |W_f|$  материальных точек (примем, что объекты исходной обучающей выборки, являющиеся в признаковом пространстве материальными точками, имеют массу, равную 1), где  $|W_f|$  – мощность множества  $W_f$ , т.е.

$$x_{it} = \frac{1}{p_f} \sum_{X_j \in W_f} x_{jt} \quad (2)$$

После формирования очередного  $w$ -объекта, все объекты образующего его множества удаляются из исходной обучающей выборки, т.е.  $X = X \setminus W_f$ . Алгоритм заканчивает свою работу, когда в исходной обучающей выборке не останется ни одного объекта  $X \in \emptyset$ .

Целью написания данной статьи является проведение анализа особенностей построения образующих множеств с точки зрения выбора начальных точек.

### Исследование принципов формирования образующих множеств

Рассмотрим особенности построения образующих множеств на примере объектов двух классов.

На рис. 1 приведен результат работы метода построения взвешенной обучающей выборки  $w$ -объектов, в котором начальной точкой является объект исходной обучающей выборки наиболее удаленный от всех объектов другого класса.

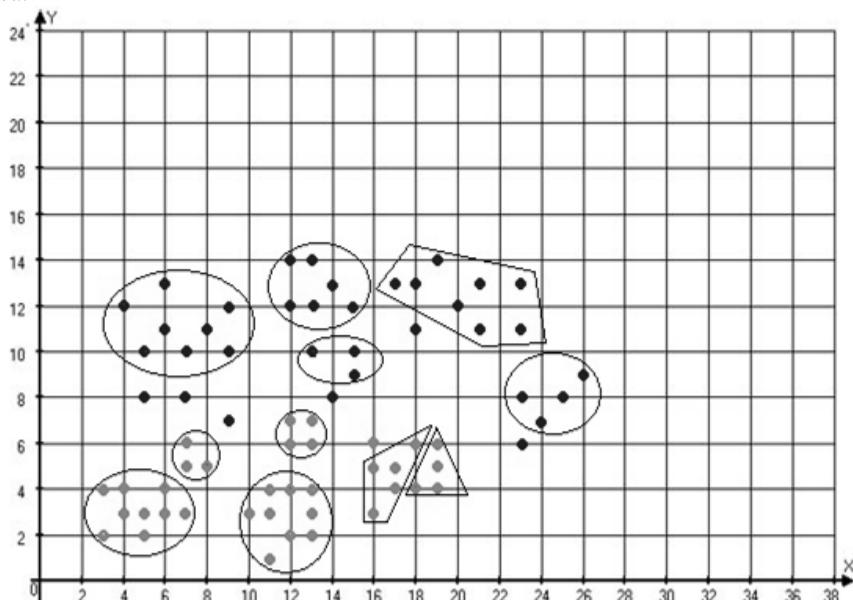


Рисунок 1 – Результат формирования  $w$ -объектов с наиболее удаленной начальной точкой

Как видно из рисунка, используя такой подход к формированию взвешенной обучающей выборки  $w$ -объектов можно существенно сократить размер исходной выборки (в данном примере размер обучающей выборки был сокращен с 70 объектов до 18).

Рассмотрим случай, когда в качестве начальной точки может быть выбран любой объект исходной обучающей выборки независимо от расположения среди объектов своего и противоположного классов.

На рис. 2 приведены варианты формирования образующих множеств для построения выборки  $w$ -объектов при условии, что начальной точкой может быть любой объект исходной обучающей выборки.

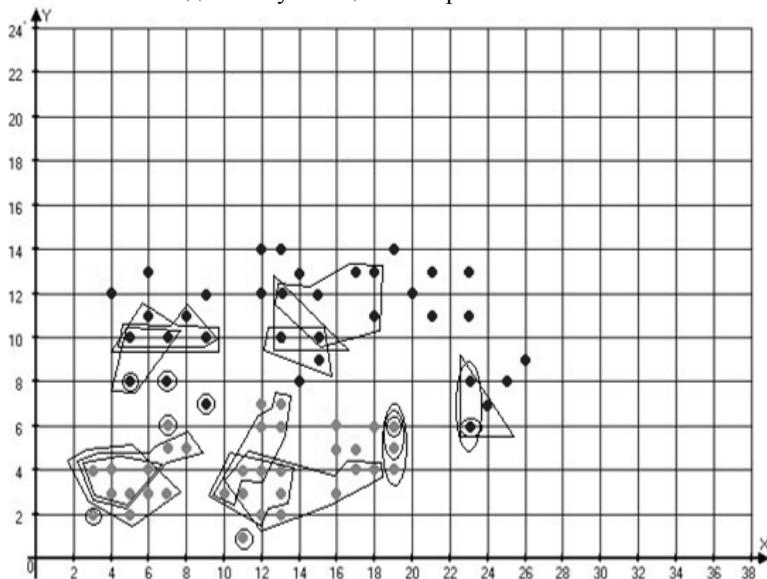


Рисунок 2 – Варианты формирования  $w$ -объектов со случайными начальными точками

На рис. 2 расположение объектов исходной обучающей выборки идентично расположению объектов на рис. 1. При выборе начальной точки в случайном порядке, можно увидеть, что от этого выбора зависит размер образующего множества (количество объектов, которые будут заменены одним  $w$ -объектом, т.е. вес  $w$ -объекта), вектор значений признаков  $w$ -объекта и, соответственно, качество и скорость распознавания. Отчетливо видно, что некоторые объекты могут быть включены в различные образующие множества, а некоторые могут не входить ни в одно из них. Объекты, которые формируют образующее множество из самих себя, расположены близко к объектам противоположного класса или являются максимально удаленными объектами от объектов противоположного класса.

Таким образом, в результате проведенного исследования принципов формирования образующих множеств при построения взвешенной обучающей выборки  $w$ -объектов было получено следующее:

– от выбора начальной точки зависит количество объектов, входящих в образующее множество и, соответственно, количество  $w$ -объектов;

– если объект исходной обучающей выборки, наиболее удаленный от всех объектов другого класса, не выбирается в качестве начальной точки, то он не входит в образующее множество и не заменяется на  $w$ -объект;

– существуют объекты, назовем их неустойчивыми объектами, которые могут входить во все возможные образующие множества;

– существуют объекты, назовем их условно устойчивыми объектами, которые входят более чем в половину возможных образующих множеств;

– в качестве начальной точки нельзя выбирать объекты близко расположенные к объектам другого класса, так как в этом случае образующее множество формируется только из начальной точки или из такого количества объектов, замена которых на  $w$ -объект не является целесообразной.

**Выводы.** Результаты исследования говорят о том, что выбор объекта, наиболее удаленного от всех объектов другого класса, в качестве начальной точки является эффективным способом сокращения размера исходной выборки, но может привести к неточностям в распознавании. Необходимо учитывать, что неустойчивые и условно устойчивые объекты могут привести к ошибкам классификации, так как могут включаться в различные образующие множества и, соответственно, формировать  $w$ -объекты с различными векторами значений признаков. Поэтому целесообразно формировать два обязательных типа образующих множеств. В первый тип множеств будут включены все неустойчивые объекты, а во второй – условно устойчивые объекты.

### Список литературы

1. Pal S.K. Pattern Recognition Algorithms for Data Mining: Scalability, Knowledge Discovery and Soft Granular Computing / S.K. Pal, P. Mitra – Chapman and Hall/CRC, 2004. – 280 p.
2. Загоруйко Н.Г. Прикладные методы анализа данных и знаний. - Новосибирск: ИМ СО РАН, 1999. – 270 с.
3. Волченко Е.В. Метод построения взвешенных обучающих выборок в открытых системах распознавания // Доклады 14-й Всероссийской конференции "Математические методы распознавания образов (ММРО-14)", Суздаль, 2009. – М.: Макс-Пресс, 2009. – С. 100 – 104.
4. Александров А.Г. Оптимальные и адаптивные системы. / А.Г. Александров – М.: Высшая школа, 1989. – 263 с.
5. Потапов А.С. Распознавание образов и машинное восприятие. – С – Пб.: Политехника, 2007. - 548 с.