

### **Современные проблемы управления производством**

УДК 622.7.017: 622.33

ШАПОВАЛ С.М., НЕГРІЙ Т.О., СОНІН А.М. (ДонНТУ)

## **ВИЗНАЧЕННЯ ЕКОНОМІКО-ВИРОБНИЧОЇ СТРАТЕГІЇ ВУГІЛЬНИХ ШАХТ**

*Були визначені критерії для розрахунку стратегії реалізації вугільної продукції на шахті, що має власну збагачувальну фабрику.*

Вугільне підприємство, яке має власну збагачувальну фабрику, може продавати: тільки концентрат, або концентрат і рядове вугілля, або тільки рядове вугілля. Реалізація тільки рядового вугілля означає, що шахті економічно не вигідно виробляти концентрат з власного рядового вугілля. Визначимо ефективність кожної з трьох можливих стратегій виробництва і реалізації вугільної продукції шахти.

За критерій ефективності кожної з розглянутих стратегій приймемо валовий прибуток шахти від виробництва і реалізації вугільної продукції за конкретний період часу. Аналітичний вираз планового валового прибутку шахти встановимо для самого загального випадку, коли виробляється і продається як концентрат, так і рядове вугілля (стратегія 2).

Плановий прибуток шахти за конкретний період часу можна визначити із формулами

$$B\Pi_{ш} = \text{ЧД}_{ш} - TC_{ш}, \quad (1)$$

де  $B\Pi_{ш}$  — плановий валовий прибуток шахти від виробництва і реалізації вугільної продукції за конкретний період часу, грн.;  $\text{ЧД}_{ш}$  — плановий чистий дохід шахти від реалізації вугільної продукції за конкретний період часу грн., який розраховується за формулою

$$\text{ЧД}_{ш} = \frac{1}{1 + \alpha} (\Pi_{pb} Q_{pb} + \Pi_k Q_k) = \frac{1}{1 + \alpha} (\Pi_{pb} Q_{pb} + \Pi_k Q_3 K_{vk}), \quad (2)$$

де  $\alpha$  — податок на додану вартість, виражений в частках одиниці;  $\Pi_{pb}$  — планова ціна рядового вугілля з урахуванням податку на додану вартість, грн./т;  $Q_{pb}$  — плановий об'єм реалізації рядового вугілля за даний період часу, т;  $\Pi_k$  — планова ціна концентрату з урахуванням податку на додану вартість, грн./т;  $Q_k$  — плановий об'єм виробництва і реалізації концентрату, за даний період часу, т, який визначується за формулою

$$Q_k = Q_3 K_{vk}, \quad (3)$$

де  $Q_3$  — плановий об'єм рядового вугілля, що підлягає збагаченню з метою реалізації концентрату за даний період часу, т;  $K_{vk}$  — плановий коефіцієнт виходу концентрату з рядового вугілля;  $TC_{ш}$  — планові загальні витрати шахти на видобуток рядового вугілля і його збагачення за даний період часу грн., які визначаються із виразу

$$TC_{ш} = TC_b + TC_3 = A_b + b_b Q_b + A_3 + b_3 Q_3, \quad (4)$$

де  $TC_b$  — планові загальні витрати шахти на видобуток рядового вугілля за даний період часу грн., який визначається за формулою

$$TC_b = A_b + b_b Q_b, \quad (5)$$

де  $A_b$  — постійні витрати на видобуток рядового вугілля за даний період часу, грн.;  $b_b$  — середні змінні витрати на видобуток рядового вугілля, грн./т;  $TC_3$  — загальні ви-

трати шахти на збагачення рядового вугілля за даний період часу, грн.; які визначаються із виразу

$$TC_3 = A_3 + b_3 Q_3, \quad (6)$$

де  $A_3$  — постійні витрати на збагачення рядового вугілля за даний період часу, грн.;  $b_3$  — середні змінні витрати при збагаченні рядового вугілля, грн./т.

Вираз (1) валового прибутку шахти за конкретний період часу із урахуванням (2) і (4) прийме вигляд

$$B\Pi_{ш} = \frac{\Pi_{pb}}{1+\alpha} Q_{pb} + \left( \frac{\Pi_k K_{vk}}{1+\alpha} - b_o \right) Q_3 - b_b Q_b - A_b - A_3. \quad (7)$$

У виразі (7)  $b_b Q_b$  є величиною змінних витрат шахти на видобуток планового об'єму  $Q_b$  рядового вугілля за даний період часу, тобто — постійною величиною. Постійними величинами у виразі (7) є також показники  $A_b$  і  $A_3$ .

Вираз (7) говорить про те, що валовий прибуток шахти  $B\Pi_{ш}$  залежить тільки від невідомих (zmінних) величин  $Q_{pb}$  і  $Q_3$ , оскільки коефіцієнти  $\frac{\Pi_{pb}}{1+\alpha}$  і  $\left( \frac{\Pi_k K_{vk}}{1+\alpha} - b_o \right)$  при них є постійними величинами.

Необхідно встановити оптимальні значення змінних величин  $Q_{pb}$  і  $Q_3$ , тобто такі їх значення, при яких матиме місце максимальний валовий прибуток шахти  $B\Pi_{ш}$ .

Для вирішення цієї задачі необхідно скласти її економіко-математичну модель, що складається з цільової функції і обмежень.

Позначивши коефіцієнти при невідомих величинах  $Q_{pb}$  і  $Q_3$  у виразі (7) через:

$$C = \frac{\Pi_{pb}}{1+\alpha}, \quad (8)$$

$$D = \frac{\Pi_k K_{vk}}{1+\alpha} - b_o, \quad (9)$$

цільову функцію  $Z$  і обмеження економіко-математичної моделі вирішуваної задачі можна представити в наступному вигляді:

$$Z = C Q_{pb} + D Q_3 \rightarrow \max; \quad (10)$$

$$Q_{pb} + Q_3 = Q_e; \quad (11)$$

$$0 \leq Q_{pb} \leq Q_b; \quad (12)$$

$$0 \leq Q_3 \leq \begin{cases} Q_e, & \text{якщо } M_3 \geq Q_e \\ M_3, & \text{якщо } M_3 < Q_e \end{cases}, \quad (13)$$

де  $M_3$  — виробнича потужність збагачувальної фабрики по збагаченню рядового вугілля за даний період часу, т.

Цільова функція (10) припускає встановлення оптимальних значень невідомих величин  $Q_{pb}$  і  $Q_3$ , тобто таких їх значень, при яких буде максимальною величина  $Z$  і згідно (7), величина валового прибутку шахти. Для збиткових шахт це означатиме отримання мінімального валового збитку.

Обмеження (11) говорить про те, що сума об'ємів рядового вугілля, що направляється на реалізацію  $Q_{pb}$  і на збагачення  $Q_3$  дорівнює плановому об'єму видобутку шахти  $Q_b$  за даний період часу.

Обмеження (12) показує, що об'єм реалізації рядового вугілля  $Q_{pb}$  може бути в діапазоні від 0 до  $Q_b$ , т.

Обмеження (13) затверджує наступне.

Належний збагаченню об'єм рядового вугілля  $Q_3$  може бути в діапазоні від 0 до  $M_3$ , т, якщо виробнича потужність збагачувальної фабрики по його збагаченню  $M_3$  менше його планового видобутку  $Q_b$ .

Належний збагаченню об'єм рядового вугілля  $Q_3$  може бути в діапазоні від 0 до  $Q_b$ , т, якщо виробнича потужність збагачувальної фабрики по його збагаченню  $M_3$  більше (або дорівнює) його планового видобутку  $Q_b$ .

Конкретна шахта, що має власну збагачувальну фабрику, залежно від умов  $M_3 \leq Q_b$  або  $M_3 \geq Q_b$  матиме конкретний вид обмеження (13).

Представлена виразами (10)–(13) економіко-математична модель відноситься до класу задач лінійного програмування, що вирішуються симплекс-методом. Проте, враховуючи простоту економіко-математичної моделі даної задачі (тільки дві невідомі величини  $Q_{pb}$  і  $Q_3$ ), вирішити її можна, використовуючи наступні міркування.

Якщо в цільовій функції (10)

$$C < D, \quad (14)$$

що згідно (8) і (9), означає

$$\frac{\Pi_{pb}}{1+\alpha} < \frac{\Pi_k K_{bk}}{1+\alpha} - b_3,$$

або

$$\Pi_{pb} < \Pi_k K_{bk} - b_3(1+\alpha), \quad (15)$$

то максимального значення  $Z$  набуде за рахунок збільшення  $Q_3$ . В цій ситуації можливі два випадки.

Якщо  $M_3 \geq Q_b$ , то  $Q_3 = Q_b$  і  $Q_{py} = 0$ . Це означає наступне. Якщо виробнича потужність збагачувальної фабрики  $M_3$  більше (або дорівнює) об'єма (у) видобутку шахти  $Q_b$ , то об'єм рядового вугілля, що направляється на збагачення  $Q_3$ , буде дорівнювати об'єму видобутку шахти  $Q_b$  і об'єм реалізації рядового вугілля  $Q_{pb}$  буде дорівнювати нулю.

Якщо  $M_3 \leq Q_b$ , то  $Q_3 = M_3$  і  $Q_{pb} = Q_b - M_3$ . Це означає наступне. Якщо виробнича потужність збагачувальної фабрики  $M_3$  менше об'єму видобутку шахти, то об'єм рядового вугілля що направляється на збагачення  $Q_3$ , буде рівний величині  $M_3$  і об'єм реалізації рядового вугілля  $Q_{pb}$  буде рівний величині  $Q_b - M_3$ .

Якщо в цільовій функції (10)

$$C > D, \quad (16)$$

що означає

$$\Pi_{pb} > \Pi_k K_{bk} - b_3(1+\alpha), \quad (17)$$

то максимального значення  $Z$  набуде тільки за рахунок реалізації рядового вугілля і припинення його збагачення.

В цьому випадку

$$Q_{pb} = Q_b \text{ і } Q_3 = 0$$

Оскільки шахті економічно не вигідно збагачувати власне рядове вугілля, то їй необхідно знайти стороннього замовника на збагачення його рядового вугілля, або здасти в оренду збагачувальну фабрику, або продати її.

Конкретна планова величина максимального валового прибутку (мінімального валового збитку) шахти при всіх розглянутих стратегіях виробництва і реалізації вугільної продукції буде одержана з виразу (7) при відповідних оптимальних значеннях  $Q_{\text{pb}}$  та  $Q_3$ .

Умови застосування, інструменти здійснення і ефективності даних стратегій виробництва і реалізації вугільної продукції шахти, що має власну збагачувальну фабрику, наведені в табл. 1.

**Табл. 1.** Умови застосування, інструменти здійснення і ефективності стратегій виробництва і реалізації вугільної продукції шахти, що має власну збагачувальну фабрику

№ стратегії	Стратегія	Умови застосування стратегії	Інструменти здійснення стратегії		Максимальний валовий прибуток (мінімальний валовий збиток) ВП <sub>ш</sub> , грн.
			реалізовувати рядового вугілля, т	направити рядового вугілля на збагачення, т	
1	Продавати тільки концентрат	$\Pi_{\text{pb}} < \Pi_k K_{\text{BK}} - b_3(1+\alpha)$ і $M_3 \geq Q_B$	0	$Q_B$	$\left( \frac{\Pi_k K_{\text{BK}}}{1+\alpha} - b_3 - b_B \right) Q_B - A_B - A_3$
2	Продавати концентрат та рядове вугілля	$\Pi_{\text{pb}} < \Pi_k K_{\text{BK}} - b_3(1+\alpha)$ і $M_3 < Q_B$	$Q_B - M_3$	$M_3$	$\frac{\Pi_{\text{pb}}}{1+\alpha} (Q_B - M_3) + \left( \frac{\Pi_k K_{\text{BK}}}{1+\alpha} - b_3 \right) M_3 - b_B Q_B - A_B - A_3$
3	Продавати тільки рядове вугілля	$\Pi_{\text{pb}} > \Pi_k K_{\text{BK}} - b_3(1+\alpha)$	$Q_B$	0	$\frac{\Pi_{\text{pb}} Q_B}{1+\alpha} - b_B Q_B - A_B - A_3$

В таблиці 1 планова величина максимального валового прибутку (мінімального валового збитку) при реалізації третьої стратегії не враховує можливий прибуток від збагачення рядового вугілля стороннього замовника або від здачі в оренду, або продажі збагачувальної фабрики.

В даний час не існує науково обґрунтованого методу розділення загальних витрат на видобуток рядового вугілля і його збагачення на постійні і змінні, тобто методу отримання виразів (5) і (6).

Для того, щоб скористатися даними таблиці 1, необхідно знайти спосіб встановлення функцій загальних витрат на видобуток рядового вугілля (5) і його збагачення (6).

Таким чином, використовуючи таблицю 1 можемо визначити ефективність стратегій виробництва і реалізації вугільної продукції шахти, що має власну збагачувальну фабрику.