

А.П. Кононенко

## ДАВЛЕНИЯ И МОЩНОСТИ КОЛЬЦЕВОГО ВОДОВОЗДУШНОГО ПОТОКА В ПОДЪЕМНОЙ ТРУБЕ ЭРЛИФТА

Приведено решение математической модели рабочего процесса эрлифта с кольцевой структурой водовоздушного потока, позволяющее определять, в том числе, давления и мощности газожидкостной смеси в вертикальной подъемной трубе. Рис. 4, Ист. 11.

### **1. Проблема и ее связь с научными и практическими задачами.**

Сокращение непроизводительных энергетических расходов в эрлифте является одной из приоритетных задач на пути их совершенствования и предполагает возможность количественной оценки распределения подведенной к аппарату мощности. Такой анализ необходимо иметь в широком диапазоне режимов работы эрлифта для каждой из структур газожидкостной смеси, имеющих место в вертикальных подъемных трубах. Одной из часто реализуемых в эрлифтах является кольцевая структура водовоздушной смеси.

Поэтому количественный анализ распределения давлений и мощностей кольцевого водовоздушного потока в подъемной трубе эрлифта является актуальной научной и практической задачей.

**2. Анализ исследований и публикаций.** Экспериментальный количественный анализ полного перепада давлений на участке вертикальной трубы и его составляющих, обусловленных трением, расширением газовой фазы и гидростатической составляющей газожидкостного потока приведен в [1] при условиях постоянных расходов воды для каждой серии опытов и изменении расходов воздуха в широких диапазонах.

Отличием характеристик водовоздушного потока в подъемной трубе эрлифта от рассмотренного в [1] является то, что в эрлифт принудительно подается один компонент – сжатый воздух. Расход лифтirируемой жидкости в подъемной трубе при изменении расхода воздуха устанавливается в зависимости от конструктивных и технологических особенностей эрлифта – диаметра и длины трубы, погружения смесителя и др. Поэтому представление результатов анализа распределения давлений водовоздушного потока в виде, предложенном в [1], для условий газожидкостного подъемника не является приемлемым.

Анализ мощностей потоков в эрлифте в [2, 3] выполняется при рассмотрении внешней задачи – определении полезных и затрачиваемых составляющих как правило в одном, оптимальном, режиме работы подъемника без оценки изменения этих составляющих при изменении расхода воздуха. Такой подход ограничивает возможности количественного энергетического анализа эрлифта в широком диапазоне режимов его работы.

Выполненные исследования распределения энергетических параметров снарядных и эмульсионных водовоздушных потоков в газожидкостных подъемниках [4, 5] также требуют дополнения аналогичными исследованиями для кольцевой структуры двухфазной смеси на основе математической модели рабочего процесса эрлифта [6].

**3. Постановка задачи.** На основе разработанной математической модели рабочего процесса эрлифта с кольцевой структурой газожидкостной смеси

выполнить количественный анализ распределения давлений и мощностей водовоздушного потока в подъемной трубе эрлифта в широком диапазоне изменений расходов сжатого воздуха.

**4. Изложение материала и результаты.** Уравнение движения кольцевого восходящего водовоздушного потока в вертикальной подъемной трубе эрлифта возможно преобразовать к выражению [6]

$$p_{cm} \frac{z_i}{H+h} = \frac{2\pi \cdot R}{\omega} \int_0^{z_i} \tau_w(z) \cdot dz + \frac{1}{\omega} \left\{ \rho_c(z) \cdot [w_c(z)]^2 \cdot \omega_c(z) + \rho' \cdot [w'_f(z)]^2 \cdot \omega_f(z) \right\} \Big|_0^{z_i} + \frac{g}{\omega} \left[ \int_0^{z_i} \rho_c(z) \cdot \omega_c(z) \cdot dz + \rho' \int_0^{z_i} \omega_f(z) \cdot dz \right], \quad (1)$$

которое, в свою очередь, для участка подъемной трубы длиной  $z_i$  ( $0 \leq z_i \leq H+h$ ) зачастую представляют в виде баланса давлений

$$p_{\Sigma i} = p_{mpi} + p_{уски} + p_{gi}, \quad (2)$$

где  $p_{cm}$  – избыточное давление в смесителе;  $H$  – высота подъема эрлифта;  $h$  – геометрическое погружение смесителя;  $z_i$  – расстояние от смесителя до рассматриваемого сечения подъемной трубы;  $R$  – радиус подъемной трубы;  $\omega$ ,  $\omega_c(z)$ ,  $\omega_f(z)$  - площадь соответственно поперечного сечения подъемной трубы, гомогенного ядра газожидкостного потока и пристенной жидкостной пленки;  $\tau_w(z)$  - касательное напряжение на стенке трубы;  $\rho'$ ,  $\rho_c(z)$  - плотность соответственно воды и гомогенного ядра газожидкостного потока;  $w_c(z)$ ,  $w'_f(z)$  - скорость соответственно гомогенного ядра газожидкостного потока и воды в пристенной пленке;  $g$  – ускорение свободного падения;  $p_{\Sigma i}$  - суммарный перепад давления на участке подъемной трубы длиной  $z_i$ ;  $p_{mpi}$ ,  $p_{уски}$ ,  $p_{gi}$  - перепады давления на участке подъемной трубы длиной  $z_i$ , обусловленные соответственно трением, ускорением и силой тяжести.

Средний объемный расход водовоздушной смеси на участке трубы длиной  $z_i$  [6]

$$Q_{cpi} = \frac{W_e + W_g}{z_i} \int_0^{z_i} \frac{dz}{\varphi^*(z) \cdot \rho''(z) + [1 - \varphi^*(z)] \cdot \rho'}, \quad (3)$$

где  $W_e$ ,  $W_g$  - массовый расход соответственно воздуха и воды (массовая подача эрлифта);  $\varphi^*(z)$  - расчетное газосодержание водовоздушного потока в подъемной трубе;  $\rho''(z)$  - плотность воздуха.

Суммарная мощность  $N_{\Sigma i}$ , а также ее составляющие - мощности, необходимые для компенсации потерь на трение  $N_{mpi}$ , ускорение  $N_{уски}$  и гравитационную составляющую  $N_{gi}$  при движении водовоздушного потока по участку вертикальной подъемной трубы длиной  $z_i$ , определяются как произведение среднего объемного расхода  $Q_{cpi}$  на соответствующий перепад давлений  $p_{\Sigma i}$ ,  $p_{mpi}$ ,  $p_{уски}$  и  $p_{gi}$ . Суммарная подведенная мощность  $N_{поди}$  и мощности,

подведенные потоком воды  $N'$  и сжатого воздуха  $N''_i$ , определяются по общепринятым соотношениям [2, 3]. Мощность, необходимая для компенсации потерь на скольжение  $N_{c_{ki}}$  для кольцевой структуры потока определяется разностью  $N_{node} - N_{\Sigma i}$ .

Решение полученных уравнений численным методом на ПЭВМ при помощи разработанной программы позволяет определять, в том числе, изменение давлений – суммарного  $p_{\Sigma i}$ , обусловленного трением  $p_{mp}$ , ускорением  $p_{уск}$  и силой тяжести  $p_{gi}$  и мощностей – суммарной  $N_{\Sigma i}$ , компенсирующей затраты на трение  $N_{mp}$ , ускорение  $N_{уск}$ , скольжение  $N_{c_{ki}}$ , преодоление силы тяжести  $N_{gi}$ , а также подведенной потоком воды  $N'$ , сжатого воздуха  $N''_i$  и суммарной подведенной  $N_{node}$  в зависимости от расхода воздуха  $Q_e$  и по высоте подъемной трубы.

Адекватность разработанной математической модели рабочего процесса эрлифта с кольцевой структурой водовоздушного потока подтверждается удовлетворительной сходимостью расчетных и экспериментальных расходных характеристик подъемников [7].

Анализ распределения давлений и мощностей водовоздушного потока с кольцевой структурой выполнен на примере эрлифта с подъемной трубой диаметром  $D = 150$  мм, длиной  $H+h = 11,7$  м, подающей трубой  $d = 30$  мм и длиной  $l = 460$  мм при геометрическом погружении смесителя  $h = 2,4$  м (относительное геометрическое погружение смесителя  $a = 0,205$ ) [8]. Реализация устойчивой кольцевой структуры двухфазного потока в режиме максимальной подачи и прилегающих к нему режимах работы рассматриваемого эрлифта подтверждается картой кризисных состояний водовоздушного потока [7, 9].

Принято допущение правомерности использования математической модели рабочего процесса эрлифта с кольцевой структурой водовоздушного потока во всем рассматриваемом диапазоне изменения расходов воздуха, количественные расчеты произведены при постоянном давлении в смесителе « $p$ -const», равном экспериментально измеренному  $p_{cm} = 0,152$  кгс/см<sup>2</sup> (14,9 кПа) [8].

При построении безразмерной расчетной расходной характеристики газожидкостного подъемника в качестве базисных были приняты значения расходов воздуха и подачи эрлифта в режиме максимальной подачи  $Q_{e, \text{макс}} = 19,2$  м<sup>3</sup>/мин (0,32 м<sup>3</sup>/с),  $Q_{e, \text{макс}} = 7,20$  м<sup>3</sup>/ч (0,002 м<sup>3</sup>/с) (рис. 1).

Перепад давления на подъемной трубе (избыточное давление в смесителе) при принятой модели расчета « $p$ -const» составляет  $p_{\Sigma} = p_{cm} = 0,152$  кгс/см<sup>2</sup> (14,9 кПа), величина которого и была принята в качестве базисной для графика изменения относительных давлений водовоздушной смеси в эрлифте (рис. 2). Относительное давление, обусловленное силой тяжести, в режиме максимальной подачи составляет  $\bar{p}_g \approx 0,965$  от суммарного перепада давления на подъемной трубе  $p_{\Sigma}$ , обусловленное трением –  $\bar{p}_{mp} \approx 0,021$ , обусловленное ускорением –  $\bar{p}_{уск} \approx 0,014$ .

Интенсивность изменения составляющих  $\bar{p}_g$ ,  $\bar{p}_{mp}$ ,  $\bar{p}_{уск}$  относительного суммарного перепада давления  $\bar{p}_{\Sigma}$  в рассматриваемом диапазоне изменения

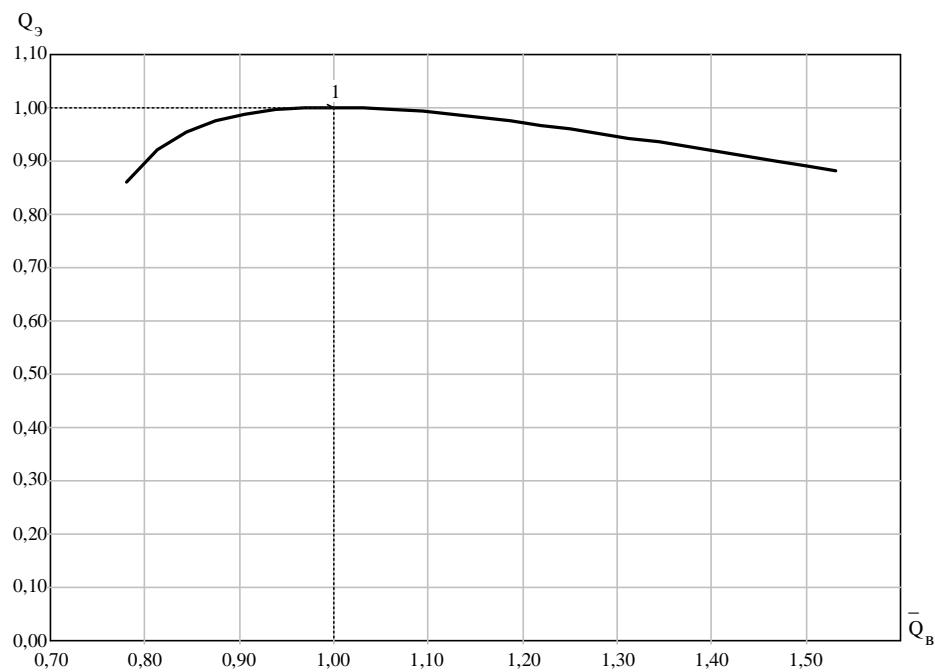


Рис. 1. Безразмерная расходная характеристика эрлифта  $D = 150$  мм,  $H+h = 11,7$  м,  $d = 30$  мм,  $l = 460$  мм,  $h = 2,4$  м,  $\alpha = 0,205$  [базисные значения  $Q_e = 19,2$  м<sup>3</sup>/мин (0,32 м<sup>3</sup>/с),  $Q_3 = 7,20$  м<sup>3</sup>/ч (0,002 м<sup>3</sup>/с)]

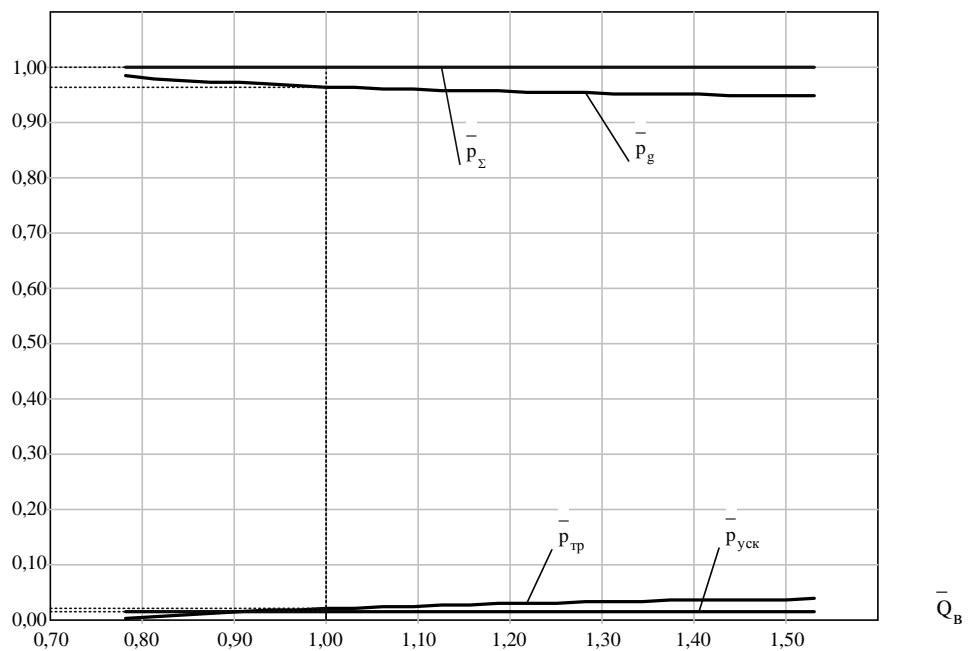


Рис. 2. Изменение относительных давлений в эрлифте  $D = 150$  мм,  $H+h = 11,7$  м,  $d = 30$  мм,  $l = 460$  мм,  $h = 2,4$  м,  $\alpha = 0,205$  [базисные значения  $Q_e = 19,2$  м<sup>3</sup>/мин (0,32 м<sup>3</sup>/с),  $p_\Sigma = 0,152$  кгс/см<sup>2</sup> (14,9 кПа)]

относительных расходов воздуха  $\bar{Q}_e \approx 0,8 \div 1,5$  незначительная, что можно объяснить и достаточно постоянной, для данных условий, относительной подачей эрлифта  $\bar{Q}_s \approx 0,9 \div 1,0$ .

Мощность, подведенная к подъемной трубе в режиме максимальной подачи эрлифта [при расходе воздуха  $Q_e = Q_{e,\max} = 19,2 \text{ м}^3/\text{мин}$  ( $0,32 \text{ м}^3/\text{с}$ )] составляет  $N_{\text{под}} = 4,47 \text{ кВт}$ . В свою очередь эта мощность складывается из мощности воздушного потока  $N'' = 4,44 \text{ кВт}$  и мощности потока воды  $N' = 0,03 \text{ кВт}$ , что составляет  $\bar{N}'' \approx 0,993$  и  $\bar{N}' \approx 0,007$  от значения  $N_{\text{под}} = 4,47 \text{ кВт}$ , принятого в качестве базисного для графиков относительных мощностей (рис. 3, 4).

Подведенная мощность  $N_{\text{под}} = 4,47 \text{ кВт}$ , имеющая место при расходе воздуха  $Q_{e,\max} = 19,2 \text{ м}^3/\text{мин}$  ( $0,32 \text{ м}^3/\text{с}$ ), расходуется на:

- преодоление силы тяжести  $N_g = 0,274 \text{ кВт}$ , что составляет  $\bar{N}_g \approx 0,061$  от подведенной мощности  $N_{\text{под}}$  (рис. 4);
- компенсацию потерь на трение  $N_{mp} = 0,006 \text{ кВт}$ ,  $\bar{N}_{mp} \approx 0,0013$ ;
- компенсацию потерь на ускорение  $N_{yck} = 0,004 \text{ кВт}$ ,  $\bar{N}_{yck} \approx 0,0009$ ;
- компенсацию потерь на скольжение  $N_{ck} = 4,19 \text{ кВт}$ ,  $\bar{N}_{ck} \approx 0,937$ .

Таким образом, в режиме максимальной подачи эрлифта относительные суммарные расходы мощности  $\bar{N}_\Sigma = \bar{N}_g + \bar{N}_{mp} + \bar{N}_{yck}$  составляют около  $\sim 6\%$ , оставшиеся  $\sim 94\%$  от относительной подведенной мощности  $\bar{N}_{\text{под}}$  расходуются на компенсацию относительных потерь на скольжение  $\bar{N}_{ck}$ . Причем, примерно такое же соотношение в распределении мощностей сохраняется во всем рассматриваемом диапазоне изменения относительных расходов воздуха  $\bar{Q}_e \approx 0,8 \div 1,5$ .

Аналогичное выше приведенному распределение давлений и мощностей водовоздушных потоков в подъемных трубах получено и для других эрлифтов, работающих в режиме максимальной подачи с кольцевой структурой двухфазной смеси. Количественный анализ гидродинамических параметров водовоздушной смеси выполнен для эрлифтов с подъемными трубами диаметрами  $D = 100 \div 250 \text{ мм}$ , длинами  $H+h = 11,7 \div 31,2 \text{ м}$  и геометрическими погружениями смесителей  $h = 1,28 \div 4,32 \text{ м}$  (относительные геометрические погружения  $\alpha = 0,070 \div 0,205$ ) [8, 10, 11].

Как следует из результатов расчетов для подъемных труб диаметрами  $D = 100 \div 250 \text{ мм}$  в режиме максимальной подачи эрлифта при кольцевой структуре водовоздушного потока относительное давление, обусловленное ускорением, составляет  $\bar{p}_{yck} < 3\%$ . Остальное значение суммарного перепада давления на подъемной трубе  $p_\Sigma$  распределяется между составляющими давлений, обусловленными силами тяжести  $p_g$  и трения  $p_{mp}$  в пропорциях, достоверно классифицировать которые сложно из-за ограниченного числа анализируемых примеров.

Соответственно относительная мощность, расходуемая на компенсацию потерь на скольжение для рассмотренных случаев находится в пределах  $\bar{N}_{ck} = 75 \div 95\%$ , а оставшаяся часть поведенной мощности расходуется на преодоление силы тяжести  $\bar{N}_g$ , компенсацию потерь на трение  $\bar{N}_{mp}$  и компенсацию потерь на ускорение  $\bar{N}_{yck}$ .

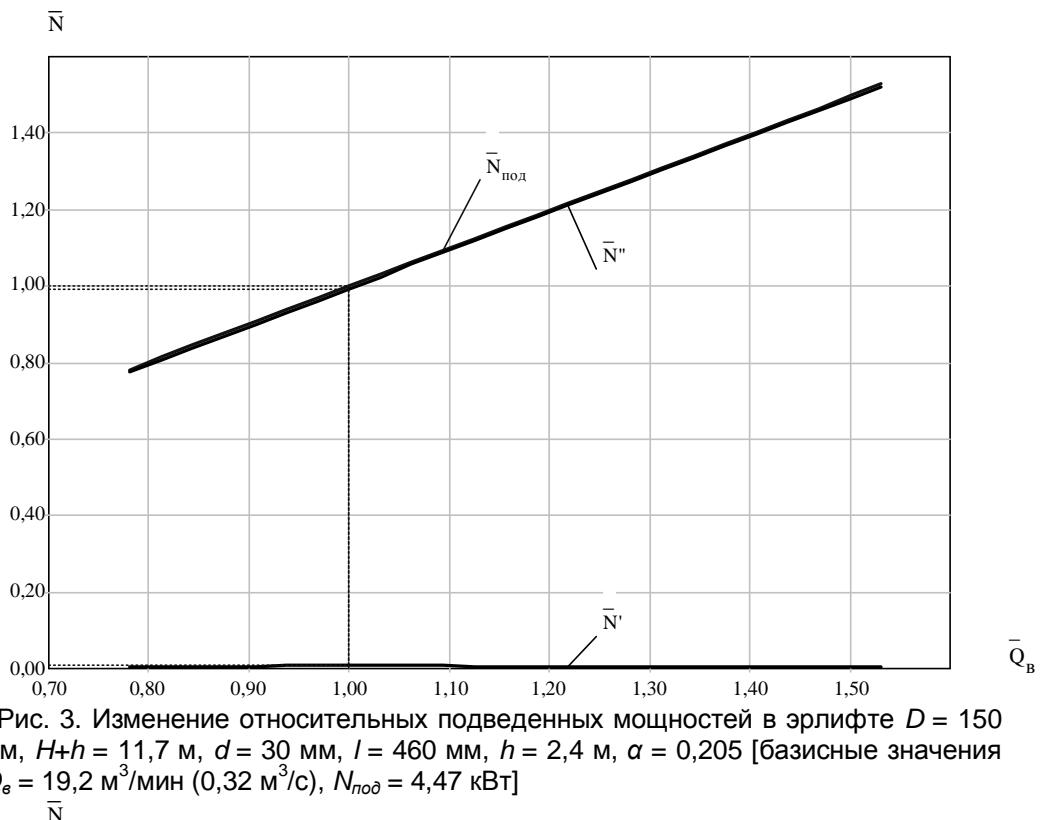


Рис. 3. Изменение относительных подведенных мощностей в эрлифте  $D = 150$  мм,  $H+h = 11,7$  м,  $d = 30$  мм,  $l = 460$  мм,  $h = 2,4$  м,  $\alpha = 0,205$  [базисные значения  $Q_e = 19,2 \text{ м}^3/\text{мин}$  ( $0,32 \text{ м}^3/\text{с}$ ),  $N_{под} = 4,47 \text{ кВт}$ ]

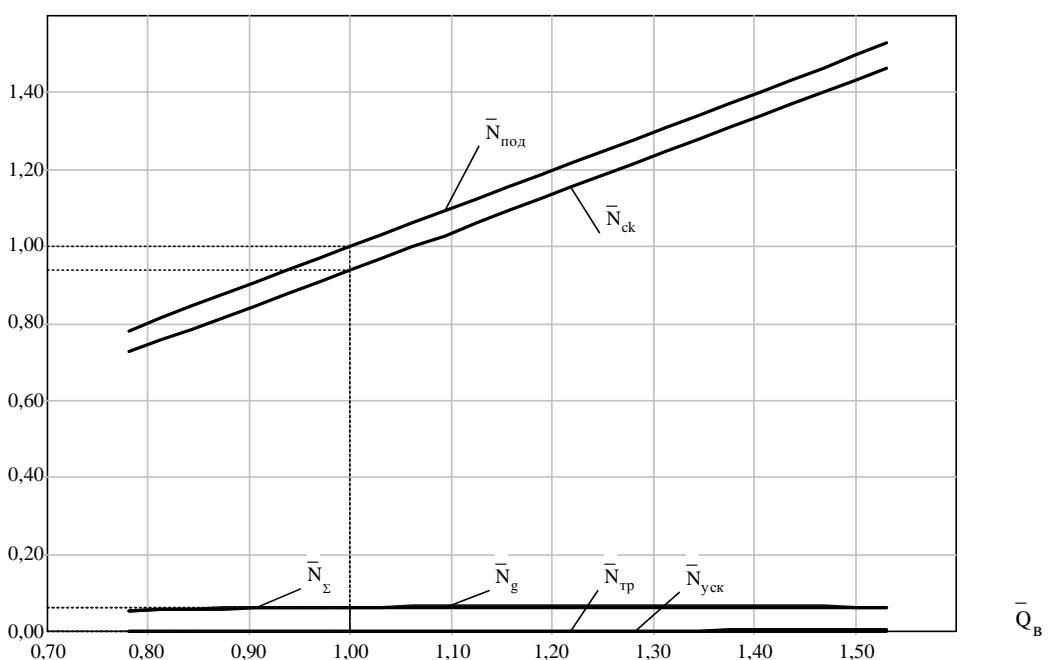


Рис. 4. Изменение относительных мощностей в эрлифте  $D = 150$  мм,  $H+h = 11,7$  м,  $d = 30$  мм,  $l = 460$  мм,  $h = 2,4$  м,  $\alpha = 0,205$  [базисные значения  $Q_e = 19,2 \text{ м}^3/\text{мин}$  ( $0,32 \text{ м}^3/\text{с}$ ),  $N_{под} = 4,47 \text{ кВт}$ ]

**5. Выводы и направление дальнейших исследований.** Впервые для эрлифтов с подъемными трубами диаметрами  $D = 100\div250$  мм получены количественные распределения давлений и мощностей кольцевого водовоздушного потока в режиме максимальной подачи эрлифта. Показано, что относительная мощность, расходуемая на компенсацию потерь на скольжение, находится в пределах  $\bar{N}_{ck} = 75\div95\%$ . Оставшаяся часть подведенной мощности расходуется на преодоление силы тяжести  $\bar{N}_g$ , компенсацию потерь на трение  $\bar{N}_{mp}$  и компенсацию потерь на ускорение  $\bar{N}_{уск}$ .

Сравнительный анализ распределения давлений и мощностей водовоздушных потоков при имеющих место в подъемной трубе эрлифта снарядной, эмульсионной и кольцевой структурах течения позволит установить наиболее энергетически целесообразные режимы и разработать рекомендации по совершенствованию газожидкостных подъемников.

#### Список литературы

1. Арманд А.А. Исследование механизма движения двухфазной смеси в вертикальной трубе // Сб.: Гидродинамика и теплообмен при кипении в котлах высокого давления. - Изд-во АН СССР. - 1955. - С. 21-34.
2. Эрлифтные установки: Учебное пособие. - В.Г. Гейер, Л.Н. Козыряцкий, В.С. Пащенко, Я.К. Антонов – Донецк: ДПИ, 1982. – 64 с.
3. Папаяни Ф.А., Козыряцкий Л.Н., Пащенко В.С., Кононенко А.П. Энциклопедия эрлифтов. - М.: Информсвязиздат, 1995. – 592 с.
4. Кононенко А.П. Тиски та потужності снарядного водоповітряного потоку в піднімальній трубі ерліфта // Науковий журнал «Вісник ДонДУЕТ». Серія "Технічні науки". - Донецьк: ДонДУЕТ. - №1(29). – 2006. - С. 20-30.
5. Бойко Н.Г., Кононенко А.П. Энергетические параметры водовоздушного потока в эрлифте с эмульсионной структурой смеси // Наукові праці ДНТУ. Серія: "Гірничо-електромеханічна". Випуск 12 (113). - Донецьк: ДонНТУ. – 2006. - С. 17-32.
6. Кононенко А.П. Модель рабочего процесса эрлифта с кольцевой структурой водовоздушного потока // Вісник Національного технічного університету "ХПІ". Збірник наукових праць. Тематичний випуск: Нові рішення в сучасних технологіях. - Харків: НТУ "ХПІ". - №27. – 2006. - С. 113-121.
7. Кононенко А.П. Расчетные характеристики эрлифта с кольцевой структурой водовоздушной смеси // Восточно-Европейский журнал передовых технологий. – Харьков: ХПИ. -№5/1 (23). – 2006. - С. 58-61.
8. Кононенко А.П. Ограничения в подаче эрлифта. Вісник Донбаської національної академії будівництва і архітектури // Збірник наукових праць: «Технологія, організація, механізація та геодезичне забезпечення будівництва», Випуск 2005-7(55). – Макіївка: ДНАБА. – 2005. - С.71-81.
9. Кононенко А.П. Структуры двухфазных потоков в подъемных трубах эрлифтов // Вісник Сумського державного університету. Серія - Технічні науки. – Суми: СДУ. - №12. – 2005. - С. 38-48.
10. Костанда В.С. Исследование и разработка эрлифтных и углесосно-эрлифтных подъемов гидрошахт: Дисс. ... канд. техн. наук. - Донецк: ДПИ, 1963: том 1 – 209 с., том 2 – 140 с.
11. Малыгин С.С. Применение эрлифтов для водоотлива шахт: Дисс. ... канд. техн. наук. - Донецк: ДПИ, 1966. – 264 с.