

**Чернышев Н.Н.**

Донецкий национальный технический университет, г. Донецк  
кафедра автоматики и телекоммуникаций  
E-mail: kolyachernishov@mail.ru

## **МОДЕЛЬ ПРОЦЕССА ПОЛУЧЕНИЯ СЕРНИСТОГО АНГИДРИДА В ПРОСТРАНСТВЕ СОСТОЯНИЙ**

### **Аннотация**

**Чернышев Н.Н. Модель процесса получения сернистого ангидрида в пространстве состояний.** Разработаны модели технологических участков процесса получения сернистого ангидрида в пространстве состояний. Проведено исследование технологических модулей как локальных объектов управления на выполнение условий наблюдаемости и управляемости.

**Ключевые слова:** сернистый ангидрид, пространство состояния, управляемость, наблюдаемость.

**Введение.** Технологический процесс получения сернистого ангидрида в схеме производства серной кислоты методом мокрого катализа с точки зрения теории автоматического управления является многомерным многосвязным объектом [1], для которого возможен синтез системы управления на основе современных методов управления в пространстве состояний. Эффективное управление рассматриваемым технологическим процессом возможно только в результате сочетания определенных свойств системы управления, обеспечивающей режимы работы в области оптимальных параметров и, в то же время, восприимчивой к управляющим воздействиям и робастной “грубой” по отношению к изменению параметров и действию внешних возмущений. Представление математической модели в пространстве состояний позволит описать и учитывать кроме внешних переменных (входной, выходной и возмущений), а и все внутренние переменные системы. Дополнительными аргументами в пользу моделирования системы в переменных состояния являются следующие [2,3,4]:

- модель в переменных состояния для системы высокого порядка позволяет легко решать задачи анализа и синтеза с помощью ЭВМ;
- модель в переменных состояния предоставляет больше информации об объекте управления (о его внутренних переменных) следовательно, процедура проектирования системы управления может быть выполнена более эффективно, нежели при использовании передаточной функции;
- почти все методы проектирования оптимальных и робастных систем управления основаны на использовании моделей в переменных состояния.

**Цель работы.** Получение описания процессов протекающих в установке сжигания сероводородного газа в технологической схеме производства серной кислоты методом мокрого катализа.

**Постановка задачи.** Для достижения поставленной цели необходимо для каждого технологического участка рассматриваемого процесса получить уравнения взаимосвязи управляющих, возмущающих, внутренних и выходных переменных в пространстве параметров состояния.

**Получение математической модели.** В общем случае объект управления описывается системой нелинейных дифференциальных уравнений в переменных состояния.

Если же предположить, что уравнения динамики линейны относительно переменных состояния, управляющих и возмущающих воздействий, то их можно привести к виду [2,5]

$$\begin{cases} \dot{\bar{x}}(t) = A\bar{x}(t) + B_1\bar{w}(t) + B_2\bar{u}(t), \\ \bar{z}(t) = C_1\bar{x}(t) + D_{11}\bar{w}(t) + D_{12}\bar{u}(t), \\ \bar{y}(t) = C_2\bar{x}(t) + D_{21}\bar{w}(t) + D_{22}\bar{u}(t). \end{cases} \quad (1)$$

где  $\bar{x}(t)$  –  $n$ -мерный вектор переменных состояния;

$\bar{u}(t)$  –  $m$ -мерный вектор управляющих воздействий;

$\bar{w}(t)$  –  $r$ -мерный вектор входных возмущений;

$\bar{y}(t)$  –  $p$ -мерный вектор выходных переменных;

$\bar{z}(t)$  –  $k$ -мерный вектор управляемых выходов;

$A$  – квадратная матрица динамики объекта, размерности  $(n \times n)$ ;

$B_1, B_2$  – матрица коэффициентов входных возмущений,  $(n \times r)$  и управляющих воздействий, размерности  $(n \times m)$ ;

$C_1, C_2$  – матрицы измерения выходных величин, размерности  $(k \times n)$  и  $(p \times n)$ ;

$D_{11}, D_{21}, D_{12}$  и  $D_{22}$  – матрицы обхода, размерности  $(k \times r)$ ,  $(p \times r)$ ,  $(k \times m)$  и  $(p \times m)$ .

Систему уравнений (1) можно представить в виде векторно-матричной схемы представленной на рис. 1.

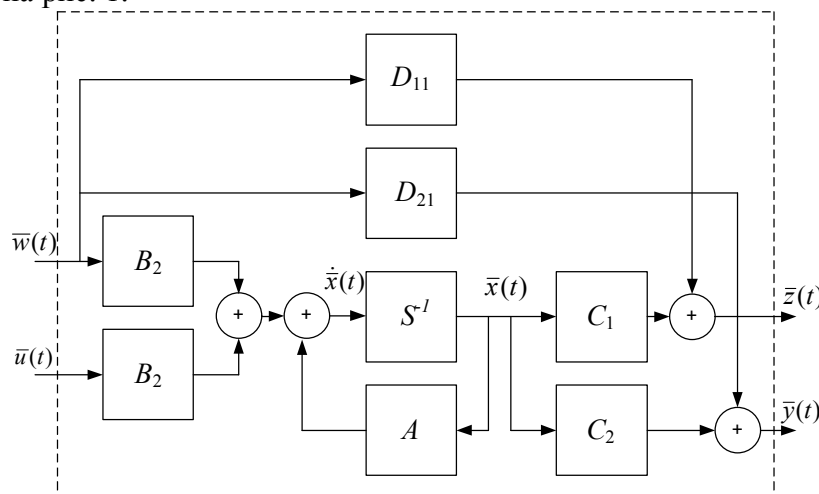


Рис. 1. Векторно-матричная схема объекта в пространстве состояния

Математическое описание процесса получения сернистого ангидрида состоящего из технологических участков: печь-котла, камеры дожигания и смешения получены на основании уравнений материального и теплового балансов, представленных в дифференциальном виде и описывающих динамику процесса. При выводе уравнений математической модели принят гидродинамический режим идеального перемешивания, температура изменяется линейно по длине аппарата и коэффициент теплоотдачи теплоносителей постояен [6]. Поскольку поддержка стационарного режима работы установки предполагает малые отклонения параметров от их стационарных значений, имеет смысл применить линейную аппроксимацию для линеаризации нелинейных элементов, входящих в состав установки. Непрерывную функцию в окрестности рабочей точки можно разложить в ряд Тейлора и отбрасывая члены разложения выше первого порядка малости.

Введем обозначения отклонений переменных от установившихся значений:

1) для печь-котла:

- переменные состояния:

$$x_{1(1)} = T_{\bar{a}} - T_{\bar{a}}^0, \quad x_{2(1)} = T_{\bar{n}\delta} - T_{\bar{n}\delta}^0, \quad x_{3(1)} = T_{i.\bar{a}.1} - T_{i.\bar{a}.1}^0, \quad x_{4(1)} = T_{i\bar{a}\delta} - T_{i\bar{a}\delta}^0,$$

$$x_{5(1)} = G_{\dot{i}.\dot{a}.1} - G_{\dot{i}.a.1}^0.$$

- управляющие воздействия:

$$u_{1(1)} = G_{\dot{a}\dot{i}\zeta\dot{a}.1} - G_{\dot{a}\dot{i}\zeta\dot{a}.1}^0, \quad u_{2(1)} = G_{\dot{a}\dot{i}\ddot{a}} - G_{\dot{a}\dot{i}\ddot{a}}^0.$$

- возмущения:

$$d_{1(1)} = G_{\delta\dot{i}\ddot{i}} - G_{\delta\dot{i}\ddot{i}}^0, \quad d_{2(1)} = T_{\dot{a}\dot{i}\zeta\ddot{a}} - T_{\dot{a}\dot{i}\zeta\ddot{a}}^0.$$

- выходные переменные:

$$y_{1(1)} = T_{\dot{i}.a.1} - T_{\dot{i}.a.1}^0, \quad y_{2(1)} = G_{\dot{i}.a.1} - G_{\dot{i}.a.1}^0, \quad y_{3(1)} = T_{i\dot{a}\delta} - T_{i\dot{a}\delta}^0.$$

Уравнения динамики для переменных  $x_{1(1)}$ ,  $x_{2(1)}$ ,  $x_{3(1)}$ ,  $x_{4(1)}$  и  $x_{5(1)}$  равны

$$\begin{aligned} \dot{x}_{1(1)} = & -\frac{G_{\dot{i}.a.1}^0 c_{\dot{i}.a.1}}{V c_{\dot{i}.a.1}} x_{1(1)} - \frac{c_{\dot{i}.a.1} T_{\dot{a}}^0}{V c_{\dot{i}.a.1}} x_{5(1)} + \frac{T_{\dot{a}\dot{i}\zeta\dot{a}.1}^0 c_{\dot{a}\dot{i}\zeta\ddot{a}}}{V c_{\dot{i}.a.1}} u_{1(1)} + \\ & + \frac{c_{\delta\dot{i}\ddot{i}} T_{\delta\dot{i}\ddot{i}} + q_{\dot{n}\dot{i}.1}}{V c_{\dot{i}.a.1}} d_{1(1)} + \frac{G_{\dot{a}\dot{i}\zeta\dot{a}.1}^0 c_{\dot{a}\dot{i}\zeta\ddot{a}}}{V c_{\dot{i}.a.1}} d_{2(1)}. \end{aligned} \quad (2)$$

$$\dot{x}_{2(1)} = \frac{\alpha F}{2M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} x_{1(1)} - \frac{2\alpha F}{M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} x_{2(1)} + \frac{\alpha F}{2M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} x_{3(1)} - \frac{\alpha F}{2M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} x_{4(1)}. \quad (3)$$

$$\begin{aligned} \dot{x}_{3(1)} = & -\frac{G_{\dot{i}.a.1}^0 c_{\dot{i}.a.1} + k_{\delta} F_1}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} x_{3(1)} - \frac{c_{\dot{i}.a.1} T_{\dot{i}.a.1}^0}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} x_{5(1)} + \frac{T_{\dot{a}\dot{i}\zeta\dot{a}.1}^0 c_{\dot{a}\dot{i}\zeta\ddot{a}}}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} u_{1(1)} + \\ & + \frac{c_{\dot{a}\dot{i}\ddot{a}} T_{\dot{a}\dot{i}\ddot{a}} - i_{\dot{i}\ddot{i}}}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} u_{2(1)} + \frac{c_{\delta\dot{i}\ddot{i}} T_{\delta\dot{i}\ddot{i}} + q_{\dot{n}\dot{i}.1}}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} d_{1(1)} + \frac{G_{\dot{a}\dot{i}\zeta\dot{a}.1}^0 c_{\dot{a}\dot{i}\zeta\ddot{a}} + k_{\delta} F_1}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} d_{2(1)}. \end{aligned} \quad (4)$$

$$\dot{x}_{4(1)} = \frac{\alpha F}{V_e \tilde{n}_{i\dot{a}\delta}} x_{2(1)} - \frac{\alpha F}{2V_e \tilde{n}_{i\dot{a}\delta}} x_{4(1)} + \frac{c_{\dot{a}\dot{i}\ddot{a}} T_{\dot{a}\dot{i}\ddot{a}} - i_{\dot{n}\dot{n}}}{V_e \tilde{n}_{i\dot{a}\delta}} u_{2(1)}. \quad (5)$$

$$\dot{x}_{5(1)} = -\frac{1}{T_1} x_{5(1)} + \frac{1}{T_1} u_{1(1)} + \frac{1}{T_1} d_{1(1)}. \quad (6)$$

Составим матрицы  $(A, B, C, D)$  в соответствии с уравнениями (2) – (6)

$$A_{(1)} = \begin{bmatrix} -\frac{G_{\dot{i}.a.1}^0 c_{\dot{i}.a.1}}{V c_{\dot{i}.a.1}} & 0 & 0 & 0 & -\frac{c_{\dot{i}.a.1} T_{\dot{a}}^0}{V c_{\dot{i}.a.1}} \\ \frac{\alpha F}{2M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} & -\frac{\alpha F}{M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} & \frac{\alpha F}{2M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} & -\frac{\alpha F}{2M_{\dot{n}\delta} c_{\dot{n}\delta}} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{G_{\dot{i}.a.1}^0 c_{\dot{i}.a.1} + k_{\delta} F_1}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} & 0 & -\frac{c_{\dot{i}.a.1} T_{\dot{a}}^0}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}.a.1}} \\ 0 & \frac{\alpha F}{V_e \tilde{n}_{i\dot{a}\delta}} & 0 & -\frac{\alpha F}{2V_e \tilde{n}_{i\dot{a}\delta}} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{1}{T_1} \end{bmatrix},$$

$$B_{1(1)} = \begin{bmatrix} \frac{c_{\delta i \ddot{r}} T_{\delta i \ddot{r}} + q_{\ddot{n}i1}}{V_{c_{\dot{i}. \ddot{a}1}}} & \frac{G_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}1}^0 c_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}}}{V_{c_{\dot{i}. \ddot{a}1}}} \\ 0 & 0 \\ \frac{c_{\delta i \ddot{r}} T_{\delta i \ddot{r}} + q_{\ddot{n}i1}}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}1}} & \frac{G_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}1}^0 c_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}} + k_{\delta} F_1}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}1}} \\ 0 & 0 \\ \frac{1}{T_1} & 0 \end{bmatrix}, B_{2(1)} = \begin{bmatrix} \frac{T_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}1}^0 c_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}}}{V_{c_{\dot{i}. \ddot{a}1}}} & 0 \\ 0 & 0 \\ \frac{T_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}1}^0 c_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}}}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}1}} & \frac{c_{\dot{a}i\ddot{a}} T_{\dot{a}i\ddot{a}} - i_{\ddot{r}}}{V_{\delta} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}1}} \\ 0 & \frac{c_{\dot{a}i\ddot{a}} T_{\dot{a}i\ddot{a}} - i_{nn}}{V_e \tilde{n}_{i\dot{a}\delta}} \\ \frac{1}{T_1} & 0 \end{bmatrix},$$

$$C_{1(1)} = C_{2(1)} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}, D_{11(1)} = D_{12(1)} = D_{21(1)} = D_{22(1)} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}.$$

2) для камеры дожигания:

- переменные состояния:

$$x_{1(2)} = T_{\dot{i}. \ddot{a}2} - T_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0, \quad x_{2(2)} = G_{\dot{i}. \ddot{a}2} - G_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0.$$

- управляющие воздействия:

$$u_{1(2)} = G_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}2} - G_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}2}^0.$$

- возмущения:

$$d_{1(2)} = T_{\dot{i}. \ddot{a}1} - T_{\dot{i}. \ddot{a}1}^0, \quad d_{2(2)} = G_{\dot{i}. \ddot{a}1} - G_{\dot{i}. \ddot{a}1}^0, \quad d_{3(2)} = T_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}} - T_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}}^0, \\ d_{4(2)} = G_{\delta i \ddot{r}} - G_{\delta i \ddot{r}}^0.$$

- выходные переменные:

$$y_{1(2)} = T_{\dot{i}. \ddot{a}2} - T_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0, \quad y_{2(2)} = G_{\dot{i}. \ddot{a}2} - G_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0.$$

Уравнения динамики для переменных  $x_{1(2)}$  и  $x_{2(2)}$

$$\dot{x}_{1(2)} = -\frac{G_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0 c_{\dot{i}. \ddot{a}2} + k_{\dot{e}\ddot{a}} F_2}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} x_{1(2)} - \frac{c_{\dot{i}. \ddot{a}2} T_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} x_{2(2)} + \frac{c_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}} T_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}}^0}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} u_{1(2)} + \\ + \frac{G_{\dot{i}. \ddot{a}1}^0 c_{\dot{i}. \ddot{a}1}}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} d_{1(2)} + \frac{c_{\dot{i}. \ddot{a}1} T_{\dot{i}. \ddot{a}1}^0}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} d_{2(2)} + \frac{G_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}2}^0 c_{\dot{a}i\dot{c}\ddot{a}} + k_{\dot{e}\ddot{a}} F_2}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} d_{3(2)} + \frac{q_{\ddot{n}i2}}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} d_{4(1)}. \quad (7)$$

$$\dot{x}_{2(2)} = -\frac{1}{T_2} x_{2(2)} + \frac{1}{T_2} u_{1(2)} + \frac{1}{T_2} d_{2(2)}. \quad (8)$$

Составим матрицы  $(A, B, C, D)$  в соответствии с уравнениями (7) – (8)

$$A_{(2)} = \begin{bmatrix} -\frac{G_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0 c_{\dot{i}. \ddot{a}2} + k_{\dot{e}\ddot{a}} F_2}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} & -\frac{c_{\dot{i}. \ddot{a}2} T_{\dot{i}. \ddot{a}2}^0}{V_{\dot{e}\ddot{a}} \tilde{n}_{\dot{i}. \ddot{a}2}} \\ 0 & -\frac{1}{T_2} \end{bmatrix},$$

$$B_{1(2)} = \begin{bmatrix} \frac{G_{i.\tilde{a}.1}^0 c_{i.\tilde{a}.1}}{V_{e\tilde{a}} \tilde{n}_{i.\tilde{a}.2}} & \frac{c_{i.\tilde{a}.1} T_{i.\tilde{a}.1}^0}{V_{e\tilde{a}} \tilde{n}_{i.\tilde{a}.2}} & \frac{G_{\hat{a}i\check{c}\check{a}2}^0 c_{\hat{a}i\check{c}\check{a}} + k_{e\hat{a}} F_2}{V_{e\hat{a}} \tilde{n}_{i.\tilde{a}.2}} & \frac{q_{\tilde{n}i2}}{V_{e\hat{a}} \tilde{n}_{i.\tilde{a}.2}} \\ 0 & \frac{1}{T_2} & 0 & 0 \end{bmatrix}, B_{2(2)} = \begin{bmatrix} \frac{c_{\hat{a}i\check{c}\check{a}} T_{\hat{a}i\check{c}\check{a}}^0}{V_{e\hat{a}} \tilde{n}_{i.\tilde{a}.2}} \\ \frac{1}{T_2} \end{bmatrix},$$

$$C_{1(2)} = C_{2(2)} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, D_{11(2)} = D_{21(2)} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, D_{12(2)} = D_{22(2)} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

3) для камеры смешения:

- переменные состояния:

$$x_{1(3)} = T_{\tilde{n}.\tilde{a}} - T_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0, \quad x_{2(3)} = G_{\tilde{n}.\tilde{a}} - G_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0.$$

- управляющие воздействия:

$$u_{1(3)} = G_{\hat{a}i\check{c}\check{a}3} - G_{\hat{a}i\check{c}\check{a}3}^0.$$

- возмущения:

$$d_{1(3)} = T_{i.\tilde{a}.2} - T_{i.\tilde{a}.2}^0, \quad d_{2(3)} = G_{i.\tilde{a}.2} - G_{i.\tilde{a}.2}^0, \quad d_{3(3)} = T_{\hat{a}i\check{c}\check{a}} - T_{\hat{a}i\check{c}\check{a}}^0.$$

- выходные переменные:

$$y_{1(3)} = T_{\tilde{n}.\tilde{a}} - T_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0, \quad y_{2(2)} = G_{\tilde{n}.\tilde{a}} - G_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0.$$

Уравнения динамики для переменных  $x_{1(3)}$  и  $x_{2(3)}$

$$\dot{x}_{1(3)} = -\frac{G_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0 c_{\tilde{n}.\tilde{a}} + k_{e\tilde{n}} F_3}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} x_{1(3)} - \frac{c_{\tilde{n}.\tilde{a}} T_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} x_{2(3)} + \frac{c_{\hat{a}i\check{c}\check{a}} T_{\hat{a}i\check{c}\check{a}}^0}{V_{e\hat{a}} \tilde{n}_{i.\tilde{a}.2}} u_{1(2)} + \frac{G_{i.\tilde{a}.2}^0 c_{i.\tilde{a}.2}}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} d_{1(2)} +$$

$$+ \frac{c_{i.\tilde{a}.2} T_{i.\tilde{a}.2}^0}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} d_{2(2)} + \frac{G_{\hat{a}i\check{c}\check{a}3}^0 c_{\hat{a}i\check{c}\check{a}} + k_{e\tilde{n}} F_3}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} d_{3(2)}. \quad (9)$$

$$\dot{x}_{2(3)} = -\frac{1}{T_3} x_{2(2)} + \frac{1}{T_3} u_{1(2)} + \frac{1}{T_3} d_{2(2)}. \quad (10)$$

Составим матрицы  $(A, B, C, D)$  в соответствии с уравнениями (9) – (10)

$$A_{(3)} = \begin{bmatrix} -\frac{G_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0 c_{\tilde{n}.\tilde{a}} + k_{e\tilde{n}} F_3}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} & -\frac{c_{\tilde{n}.\tilde{a}} T_{\tilde{n}.\tilde{a}}^0}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} \\ 0 & -\frac{1}{T_3} \end{bmatrix},$$

$$B_{1(3)} = \begin{bmatrix} \frac{G_{i.\tilde{a}.2}^0 c_{i.\tilde{a}.2}}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} & \frac{c_{i.\tilde{a}.2} T_{i.\tilde{a}.2}^0}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} & \frac{G_{\hat{a}i\check{c}\check{a}3}^0 c_{\hat{a}i\check{c}\check{a}} + k_{e\tilde{n}} F_3}{V_{e\tilde{n}} \tilde{n}_{\tilde{n}.\tilde{a}}} \\ 0 & \frac{1}{T_3} & 0 \end{bmatrix}, B_{2(3)} = \begin{bmatrix} \frac{c_{\hat{a}i\check{c}\check{a}} T_{\hat{a}i\check{c}\check{a}}^0}{V_{e\hat{a}} \tilde{n}_{i.\tilde{a}.2}} \\ \frac{1}{T_3} \end{bmatrix},$$

$$C_{1(3)} = C_{2(3)} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, D_{11(3)} = D_{21(3)} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, D_{12(3)} = D_{22(3)} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Полученное представление математической модели объекта управления в пространстве состояния описывает случай линейного стационарного объекта.

При решении задач управления методами теории пространства состояний учитываются некоторые фундаментальные свойства динамических систем, которые не встречаются в классической теории управления, этими свойствами являются управляемость и наблюдаемость систем.

Необходимое и достаточное условие для управляемости и наблюдаемости объектов управления заключается в том, чтобы матрицы управляемости  $Q_R$  и наблюдаемости  $Q_p$  непрерывных динамических систем имели ранг равный порядку системы [3,4]

$$Q_R = [B \ AB \ A^2B \ \dots \ A^{n-1}B], \quad Q_p = [C^T \ A^T C^T \ \dots \ (A^{n-1})^T C^T]. \quad (11)$$

Результаты расчетов показали, что все рассматриваемые объекты управления являются полностью наблюдаемыми и управляемыми.

#### **Выводы.**

1. Разработаны модели технологических участков в пространстве состояний. Представление моделей в пространстве состояния позволит применять анализ и синтез многомерной системы управления технологическим процессом на основе методов современной теории управления.

2. Исследования технологических модулей как локальных объектов управления на наблюдаемость и управляемость позволили сделать вывод, что объекты технологического процесса производства сернистого газа являются полностью наблюдаемыми и управляемыми при использовании предложенного способа построения моделей технологических модулей в пространстве состояний.

#### **Литература**

1. Чернышев Н.Н. Системная декомпозиция процесса производства серной кислоты как объекта автоматизации. / Н.Н. Чернышев // Наукові праці Донецького національного технічного університету. Сер. обчислювальна техніка та автоматизація. – Донецьк: ДонНТУ. – 2010. – Вип. 19 (153). – С. 27-33.

2. Поляк Б.Т. Робастная устойчивость и управление / Б.Т. Поляк, П.С. Щербаков. – М.: Наука, 2002. – 330 с.

3. Кузовков Н.Т. Модальное управление и наблюдающие устройства / Н.Т. Кузовков. – М.: Машиностроение, 1976. – 184 с.

4. Рафіков Г.Ш. Основи сучасної теорії управління безперервних динамічних систем: Навчальний посібник / Г.Ш. Рафіков. – Донецьк: ДонНТУ, 2003. – 196 с.

5. Сю Д., Мейер А. Современная теория автоматического управления и ее применение. Перевод с английского. Под ред. др-а тех. наук проф. Ю.И. Топчиева / Д. Сю, А. Мейер. – М.: Машиностроение, 1972. – 544 с.

6. Ткаченко В.Н., Чернышев Н.Н. Разработка и исследование математической модели технологического процесса производства серной кислоты. / В.Н. Ткаченко, Н.Н. Чернышев // Наукові праці Донецького національного технічного університету. Сер. обчислювальна техніка та автоматизація. – Донецьк: ДонНТУ. – 2009. – Вип. 16 (148). – С. 22-29.

#### **Анотація**

**Чернышев М.М. Модель процесу отримання сірчистого ангідриду в просторі станів.** Розроблено моделі технологічних ділянок процесу отримання сірчистого ангідриду в просторі станів. Проведено дослідження технологічних модулів як локальних об'єктів управління на виконання умов спостережності і керованості.

**Ключові слова:** сірчистий ангідрид, простір стану, керованість, спостережність.

#### **Abstract**

**Chernyshev N.N. Model of the process of obtaining sulfur dioxide in the state space.** The models of technological process of obtaining plots of sulfur dioxide in the state space. The investigation process modules as local control objects on the conditions of observability and controllability.

**Keywords:** sulfur dioxide, the state space, controllability, observability.