

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ

Національний аерокосмічний університет ім. М.Є. Жуковського  
“Харківський авіаційний інститут”

ISSN 1814-4225

РАДІОЕЛЕКТРОННІ  
I  
КОМП'ЮТЕРНІ СИСТЕМИ

7 (34)

НАУКОВО-ТЕХНІЧНИЙ ЖУРНАЛ

Видається з січня 2003 р.

Виходить 4 рази на рік

Харків "ХАІ" 2008

Засновник журналу

Національний аерокосмічний університет  
ім. М.Є. Жуковського "Харківський авіаційний  
інститут"

Затверджено до друку вченовою радою Національного аерокосмічного університету ім. М.Є. Жуковського "Харківський авіаційний інститут", протокол № 7 від 19 березня 2008 р.

---

**Головний  
редактор**

**Віктор Михайлович Ілюшко,**  
доктор технічних наук, професор

**Редакційна  
колегія**

**I.В. Баришев**, д-р техн. наук, професор;  
**В.К. Волосюк**, д-р техн. наук, професор;  
**В.М. Вартанян**, д-р техн. наук, професор;  
**М.В. Замірець**, д-р техн. наук, професор;  
**А.А. Зеленський**, д-р техн. наук, професор;  
**Ф.Ф. Колпаков**, д-р техн. наук, професор;  
**Б.М. Конарєв**, д-р техн. наук, професор;  
**В.А. Краснобаєв**, д-р техн. наук, професор;  
**Г.Я. Красовський**, д-р техн. наук, професор;  
**А.С. Кулік**, д-р техн. наук, професор, лауреат  
Державної премії України;  
**Г.П. Кульомін**, д-р техн. наук, професор;  
**В.І. Лахно**, д-р техн. наук, професор;  
**В.В. Лукін**, д-р техн. наук, професор;  
**В.В. Печєнін**, д-р техн. наук, професор;  
**В.В. Піскорж**, д-р техн. наук, професор;  
**В.П. Тарабенко**, д-р техн. наук, професор;  
**І.Б. Сіроджа**, д-р техн. наук, професор;  
**О.Є. Федорович**, д-р техн. наук, професор;  
**В.С. Харченко**, д-р техн. наук, професор;  
**В.М. Яковлев**, д-р техн. наук, професор

**Відповідальний  
секретар**

**О.Б. Лещенко**, кандидат технічних наук, доцент

---

**Свідоцтво про державну реєстрацію КВ № 6987 від 19.02.2003 р.**  
За вірогідність інформації несуть відповідальність автори. В журналі публікуються статті українською, російською та англійською мовами. Рукописи не повертаються. При передруку матеріалів посилання на журнал «РАДІОЕЛЕКТРОННІ І КОМП'ЮТЕРНІ СИСТЕМИ» обов'язкові.

---

<i>Джсенюк Н.В., Серков А.А.</i>	
ПРИНЦИПЫ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ФУНКЦИИ ЗАЩИТЫ МЕЖДУ СОСТАВЛЯЮЩИМИ СЛОЖНОЙ СИСТЕМЫ .....	67
<i>Скляр В.В., Головир В.А., Герасименко А.Д., Малохатько С.А.</i>	
МЕТОД РАЗРАБОТКИ МНОГОВЕРСИОННЫХ ИНФОРМАЦІОННО-УПРАВЛЯЮЧИХ СИСТЕМ НА БАЗЕ АВТОМАТОВ С ПРОГРАММИРУЕМОЙ ЛОГІКОЙ .....	70
<b>Інформаційна безпека</b>	
<i>Коваленко Н.С., Остафійчук П.В.</i>	
РАЗРАБОТКА МАТЕМАТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ РАЗМЕЩЕНИЯ ДАТЧИКОВ В ПРЕДЕЛАХ ЗОН ПЛОСКОСТНОГО КОНТРОЛЯ ДЛЯ ІНТЕГРИРОВАННИХ СИСТЕМ ОБ'ЄКТОВОЇ БЕЗОПАСНОСТІ .....	76
<i>Лучшеев П.А.</i>	
РЕЛЯЦІОННА МОДЕЛЬ ПРЕДСТАВЛЕННЯ ТЕХНОЛОГІЧЕСКИХ ПРОЦЕССОВ ИСПЫТАНИЙ .....	80
<i>Лысенко И.В.</i>	
МОДЕЛЬ РЕАЛИЗАЦИИ КРИПТОГРАФИЧЕСКОЙ ФУНКЦИИ ХЭШИРОВАНИЯ НА ОСНОВЕ ПРИНЦИПОВ ДИВЕРСНОСТИ И КОМПОЗИТНОСТИ .....	84
<i>Савенко О.С., Лисенко С.М.</i>	
МОДЕЛЬ ПРОЦЕСУ ПОШУКУ ТРОЯНСЬКИХ ПРОГРАМ В КОМП'ЮТЕРНІЙ СИСТЕМІ .....	87
<b>Системи контролю та діагностування</b>	
<i>Котитчук М.Б., Олецьук О.В.</i>	
ІНФОРМАЦІЙНА ТЕХНОЛОГІЯ ІДЕНТИФІКАЦІЇ РУХОМИХ ОБ'ЄКТІВ .....	93
<i>Аль Мади М.К.</i>	
ОСОБЕННОСТИ ПРОГРАММЫ ВЫБОРА ОПТИМИЗИРОВАННОЙ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ ТЕСТОВ ДЛЯ ДИАГНОСТИРОВАНИЯ ПОЛУПРОВОДНИКОВОЙ ПАМЯТИ .....	98
<b>Надійність програмного забезпечення</b>	
<i>Mishchenko V.</i>	
DOES THE DIFFERENT DEFINITIONS OF ADA PROGRAM TOKENS HAVE SIGNIFICANT DIFFERENCE ? .....	103
<i>Говорущенко Т.О.</i>	
ПРОБЛЕМИ РЕАЛІЗАЦІЇ МЕТОДУ ІДЕНТИФІКАЦІЇ ПРИХОВАНИХ ПОМИЛОК ПРОГРАМНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ НА ОСНОВІ НЕЙРОМЕРЕЖНИХ ІНФОРМАЦІЙНИХ ТЕХНОЛОГІЙ .....	107
<b>Надійність технічних засобів</b>	
<i>Грига В.М., Дунець Р.Б.</i>	
ЗАСТОСУВАННЯ ПРОСТОРОВО-ЧАСОВИХ ГРАФІВ ДЛЯ СИНТЕЗУ СПЕЦІАЛІЗОВАНИХ ПЕРЕМОЖУВАЧІВ .....	113
<i>Баркалов А.А., Титаренко Л.А., Цололо С.А.</i>	
УМЕНЬШЕНИЕ АППАРАТУРНЫХ ЗАТРАТ В СХЕМЕ МИКРОПРОГРАММНОГО АВТОМАТА МУРА НА CPLD .....	118

---

<i>Sklyar V., Golovir V., Herasimenko O., Malokhatko S.</i>	
A METHOD OF DEVELOPMENT OF MULTIVERSION INSTRUMENTATION AND CONTROL SYSTEMS BASED ON AUTOMATA WITH PROGRAMMABLE LOGIC .....	70
<b>Information security</b>	
<i>Kovalenko N., Ostafiychuk P.</i>	
DEVELOPMENT OF MATHEMATICAL MODEL OF ACCOMMODATION OF GAUGES WITHIN THE LIMITS OF PLANE CONTROL ZONES OVER THE INTEGRATED OBJECT SECURITY SYSTEMS.....	76
<i>Luchshev P.</i>	
RELATIONAL MODEL FOR REPRESENTATION OF TECHNOLOGICAL PROCESSES OF TESTS.....	80
<i>Lysenko I.</i>	
MODEL OF THE CRYPTOGRAPHIC HASH-FUNCTION REALIZATION ON THE BASIS OF THE DIVERSITY AND COMPOSITION PRINCIPLES.....	84
<i>Savenko O., Lysenko S.</i>	
THE MODEL OF THE SEARCH PROCESS OF THE TROJAN HORSE PROGRAM IN THE COMPUTER SYSTEMS .....	87
<b>Control and diagnostics systems</b>	
<i>Kopytchuk N., Oleshchuk O.</i>	
INFORMATIONAL TECHNOLOGY OF MOVING OBJECTS IDENTIFYING .....	93
<i>Al Madi M.</i>	
FEATURES OF THE PROGRAM OF CHOICE OF THE OPTIMIZED SEQUENCE OF TESTS FOR DIAGNOSING OF SEMICONDUCTOR MEMORY .....	98
<b>Software reliability</b>	
<i>Mishchenko V.</i>	
DOES THE DIFFERENT DEFINITIONS OF ADA PROGRAM TOKENS HAVE SIGNIFICANT DIFFERENCE ? .....	103
<i>Govorushchenko T.</i>	
PROBLEMS OF SOFTWARE HIDDEN MISTAKES IDENTIFICATION NEURONET TECHNIQUE REALIZATION.....	107
<b>Hardware reliability</b>	
<i>Gryga V., Dunets R.</i>	
APPLICATION IN SPACE-TIME GRAPHS FOR SYNTHESIS OF SPECIALIZED MULTIPLIERS .....	113
<i>Barkalov A., Titarenko L., Tsololo S.</i>	
HARDWARE OPTIMIZATION OF MOORE FSM ON CPLD .....	118
<i>Koshman S., Siora A., Abdullah Khere Ali, Krasnobaev V.</i>	
INCREASE OF RELIABILITY OF HIGH-PERFORMANCE PROCESSORS IN THE SYSTEM OF RESIDUAL CLASSES .....	124
<i>Plahoteyev A., Plahoteyev P.</i>	
THE ANALYSIS AND SYNTHESIS OF DEVICES ON MICROCONTROLLERS OF THE DISTRIBUTED CONTROL SYSTEMS AND DATA GATHERING.....	129

---

УДК 681.234

**А.А. БАРКАЛОВ<sup>1</sup>, Л.А. ТИТАРЕНКО<sup>1</sup>, С.А. ЦОЛОЛО<sup>2</sup>**

<sup>1</sup>*University of Zielona Gora, Poland*

<sup>2</sup>*Донецкий национальный технический университет, Украина*

## УМЕНЬШЕНИЕ АППАРАТУРНЫХ ЗАТРАТ В СХЕМЕ МИКРОПРОГРАММНОГО АВТОМАТА МУРА НА CPLD

Предлагается метод оптимизации аппаратурных затрат в логической схеме автомата Мура, реализуемого в базисе CPLD. Метод основывается на наличии классов псевдоэквивалентных состояний автомата Мура и большом коэффициенте объединения по входу макроячеек PAL. Приведен пример применения предложенного метода.

**микропрограммный автомат Мура, ПЛИС, CPLD, макроячейка, PAL, оптимизация**

### Введение

Устройство управления является важной частью любой цифровой системы [1]. На практике достаточно часто используется модель микропрограммного автомата (МПА) Мура [2]. В настоящее время для реализации схем МПА широко используются программируемые логические устройства типа CPLD (complex programmable logic devices) [3 – 5]. В основе CPLD находятся макроячейки PAL (programmable array logic), характеризующиеся большим коэффициентом объединения по входу (несколько десятков) и ограниченным числом конъюнктивных термов (до десяти). Одной из актуальных задач, возникающих при синтезе схемы автомата Мура с использованием CPLD, является уменьшение аппаратурных затрат, то есть числа макроячеек PAL в схеме автомата [4, 5]. Решение этой задачи позволяет уменьшить количество микросхем, что улучшает такие параметры, как быстродействие, надежность, стоимость и потребляемая мощность [1, 4]. Для успешного решения этой задачи необходимо учитывать как особенности модели автомата, так и особенности CPLD. К особенностям модели автомата Мура относятся наличие псевдоэквивалентных состояний и зависимость выходных сигналов только от состояний [6, 7].

Целью данного исследования является оптимизация комбинационной схемы автомата Мура за счет обобщенного кодирования состояний и их классов, а также использование нескольких источников кода состояний, что возможно благодаря особенностям CPLD. Задачей исследования является разработка формализованного метода синтеза МПА Мура, позволяющего оптимизировать число макроячеек PAL в схемах блоков формирования функций возбуждения памяти и микроопераций.

### 1. Общие положения

Пусть автомат Мура задан прямой структурной таблицей (ПСТ) [2] со столбцами:  $a_m$  – исходное состояние, входящее в множество состояний  $A = \{a_1, \dots, a_M\}$ ;  $K(a_m)$  – код состояния  $a_m \in A$  разрядности

$$R = \lceil \log_2 M \rceil; \quad (1)$$

$a_s$  – состояние перехода;  $K(a_s)$  – код состояния  $a_s \in A$ ;  $X_h$  – конъюнкция входных сигналов (логических условий), входящих в множество  $X = \{x_1, \dots, x_L\}$ , которая определяет переход  $\langle a_m, a_s \rangle$ ;  $\Phi_h$  – набор функций возбуждения памяти, входящих во множество  $\Phi = \{D_1, \dots, D_R\}$  и

принимающих единичное значение для переключения памяти из  $K(a_m)$  в  $K(a_s)$ ;  $h=1,\dots,H$  – номер перехода. Кроме того, в столбце  $a_m$  записывается выходной набор  $Y(a_m) \subseteq Y$ , формируемый в состоянии  $a_m$ . Здесь  $Y = \{y_1, \dots, y_N\}$  – множество микроопераций. Эта таблица является основой для формирования систем булевых функций:

$$\Phi = \Phi(T, X); \quad (2)$$

$$Y = Y(T). \quad (3)$$

В системах (2)-(3) множество  $T = \{T_1, \dots, T_R\}$  включает внутренние переменные, используемые для кодирования состояний МПА. Системы (2)-(3) определяют структурную схему МПА Мура  $U_1$  (рис. 1).

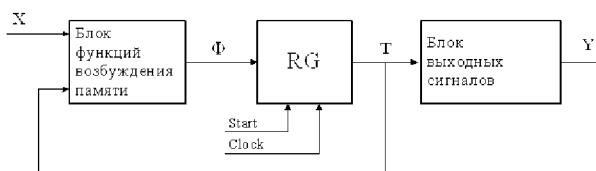


Рис. 1. Структурная схема автомата Мура  $U_1$

В структуре  $U_1$  блок функций возбуждения памяти (БФП) реализует систему (2), а блок выходных сигналов (БВС) реализует систему (3). Схемы обоих блоков реализуются на макроячееках PAL. Память автомата представлена регистром RG, который обнуляется по сигналу Start. Периодический сигнал Clock используется для синхронизации работы схемы. Для уменьшения числа макроячеек PAL в схеме блока БВС можно использовать метод специального кодирования состояний, ориентированный на уменьшение числа термов  $Q(y_n)$  в каждой из функций  $y_n \in Y$  [9]. При этом возможно уменьшение числа уровней в комбинационной схеме блока БВС, что уменьшает длительность такта работы МПА. В предельном случае общее число макроячеек в блоке БВС равняется числу микроопераций  $N$ . Однако специальное кодирование состояний не ориентировано на уменьшение аппаратурных затрат в

блоке БФП. Для решения этой задачи необходимо применить метод оптимального кодирования состояний, использующий наличие классов псевдоэквивалентных состояний  $B_i \in \Pi_A$  с мощностью, большей двух [8, 9]. Состояния  $a_m, a_p \in A$  называются псевдоэквивалентными, если ими отмечены операторные вершины алгоритма управления [2], выходы которых соединены со входом одной и той же вершины алгоритма. Такие состояния относятся к одному классу разбиения  $\Pi_A = \{B_1, \dots, B_I\}$  множества состояний, основанному на отношении псевдоэквивалентности [8]. При оптимальном кодировании каждый класс  $B_i \in \Pi_A$  представляется минимально возможным числом обобщенных интервалов  $R$ -мерного булева пространства, а пределе – одним. При этом длина ПСТ (число строк в ней) может быть уменьшено до величины  $H_0$ , определяемой числом переходов эквивалентного автомата Мили. Для специального или оптимального кодирования состояний может быть использован, например, известный алгоритм ESPRESSO [1]. Рассмотренные методы кодирования состояний не позволяют одновременно уменьшить число макроячеек PAL в схемах блоков БФП и БВС до минимально возможных значений. В настоящей работе предлагается метод синтеза, позволяющий решить эту задачу. Метод основан на наличии псевдоэквивалентных состояний и зависимости микроопераций только от состояний (особенности модели автомата) и значительном числе входов макроячеек PAL (особенности базиса CPLD).

## 2. Основная идея предлагаемого метода

Используем разбиение  $\Pi_A$  для формирования системы булевых функций

$$B_i = \bigvee_{m=1}^M C_{im} a_m \quad (i = 1, \dots, I), \quad (4)$$

где  $C_{im}$  – булева переменная, равная единице, если и только если  $a_m \in B_i$ . Закодируем состояния

$a_m \in A$  таким образом, чтобы каждая функция систем (3) и (4) выражалась минимально возможным обобщенными интервалов  $R$ -мерного булева пространства. Назовем такой подход обобщенным кодированием состояний, для реализации которого может быть использован алгоритм ESPRESSO [1].

Разобъем множество  $\Pi_A$  на классы  $\Pi_B$  и  $\Pi_C$ , при этом  $B_i \in \Pi_B$ , если

$$K_i = 1, \quad (5)$$

где  $K_i$  – число интервалов, представляющих класс  $B_i \in \Pi_A$ . Закодируем классы  $B_i \in \Pi_C$  двоичными кодами  $K(B_i)$  разрядности

$$R_1 = \lceil \log_2(I_c + 1) \rceil, \quad (6)$$

где  $I_c = |\Pi_C|$ . Используем для такого кодирования переменные  $\tau_r \in \tau$ , где  $|\tau| = R_1$ . Теперь может быть сформирована система функций

$$\tau = \tau(T). \quad (7)$$

В этом случае автомат Мура может быть представлен структурной схемой  $U_2$  (рис. 2).

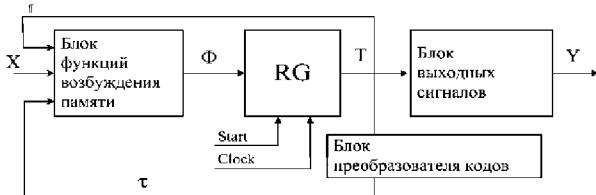


Рис. 2. Структурная схема автомата Мура  $U_2$

В МПА  $U_2$  переменные из множества  $T$  представляют коды  $C(B_i)$  классов  $B_i \in \Pi_B$ , а переменные из множества  $\tau$  – коды  $K(B_i)$  классов  $B_i \in \Pi_C$ . Блок БФП реализует систему функций

$$\Phi = \Phi(T, \tau, X), \quad (8)$$

блок БВС – систему (3), а блок преобразователя кодов (БПК) – систему (7). Таким образом, блок БПК реализует преобразование кодов, представляющих состояния  $a_m \in B_i$ , в код  $K(B_i)$  класса  $B_i \in \Pi_C$ . Такой подход позволяет уменьшить число термов,

реализуемых в блоке БФП, до  $H_0$  и уменьшить число макроячеек PAL в блоке БВС (в пределе до  $N$ ) по сравнению с оптимальным кодированием состояний. Однако оптимизация связана с введением блока БПК, потребляющего некоторые ресурсы кристалла. Этот блок может быть исключен при выполнении условия

$$I_c = 0. \quad (9)$$

В настоящей работе предлагается метод синтеза автомата Мура  $U_2$ , включающий следующие этапы:

1. Формирование разбиения  $\Pi_A$  и системы функций (4).
2. Обобщенное кодирование состояний  $a_m \in A$ .
3. Формирование множеств  $\Pi_B$  и  $\Pi_C$ .
4. Кодирование классов  $B_i \in \Pi_C$  и формирование системы функций (7).
5. Формирование системы функций (3).
6. Формирование прямой структурной таблицы автомата  $U_2$  и системы (8).
7. Синтез логической схемы автомата  $U_2$  в заданном элементном базисе.

### 3. Пример применения предложенного метода

Пусть ПСТ автомата Мура  $S_1$  построена на основе следующей системы обобщенных формул перехода [9]:

$$\begin{aligned}
 B_1 &\rightarrow x_1 a_2 \vee \bar{x}_1 a_3; \\
 B_2 &\rightarrow x_2 a_4 \vee \bar{x}_2 x_3 a_5 \vee \bar{x}_2 \bar{x}_3 a_6; \\
 B_3 &\rightarrow x_3 a_6 \vee \bar{x}_3 x_4 a_8 \vee \bar{x}_3 \bar{x}_4 a_1; \\
 B_4 &\rightarrow x_5 a_8 \vee \bar{x}_5 x_6 a_{11} \vee \bar{x}_5 \bar{x}_6 a_{13}; \\
 B_5 &\rightarrow a_{10}; \\
 B_6 &\rightarrow x_1 a_{12} \vee \bar{x}_1 a_1; \\
 B_7 &\rightarrow x_4 a_1 \vee \bar{x}_4 x_5 a_7 \vee \bar{x}_4 \bar{x}_5 x_6 a_{11} \vee \bar{x}_4 \bar{x}_5 \bar{x}_6 a_{13}.
 \end{aligned} \quad (10)$$

Пусть при этом получено разбиение  $\Pi_A = \{B_1, \dots, B_7\}$ , где  $B_1 = \{a_1\}$ ,  $B_2 = \{a_2, a_3\}$ ,  $B_3 = \{a_4\}$ ,  $B_4 = \{a_5, a_6, a_7\}$ ,  $B_5 = \{a_8, a_9\}$ ,  $B_6 = \{a_{10}\}$ ,  $B_7 = \{a_{11}, a_{12}, a_{13}\}$ . Пусть система микроопераций автомата  $S_1$  представляется следующей системой уравнений:

$$\begin{aligned} y_1 &= a_2 \vee a_3 \vee a_{12}; & y_2 &= a_4 \vee a_8 \vee a_9 \vee a_{10}; \\ y_3 &= a_3 \vee a_7 \vee a_8 \vee a_{11}; & y_4 &= a_5 \vee a_{11}; \\ y_5 &= a_6 \vee a_7 \vee a_8; & y_6 &= a_4 \vee a_6 \vee a_{10}; \\ y_7 &= a_3 \vee a_{11} \vee a_{12} \vee a_{13}; & y_8 &= a_3 \vee a_7 \vee a_{12}. \end{aligned} \quad (11)$$

Итак, для автомата  $S_1$  имеем  $M = 13$ ,  $R = 4$ ,  $T = \{T_1, \dots, T_4\}$ ,  $\Phi = \{D_1, \dots, D_4\}$ ,  $I = 7$ ,  $N = 8$ .

Сформируем систему (4), которая имеет следующий вид:

$$\begin{aligned} B_1 &= a_1; & B_2 &= a_2 \vee a_3; \\ B_3 &= a_4; & B_4 &= a_5 \vee a_6 \vee a_7; \\ B_5 &= a_8 \vee a_9; & B_6 &= a_{10}; \\ B_7 &= a_{11} \vee a_{12} \vee a_{13}. \end{aligned} \quad (12)$$

Результат обобщенного кодирования состояний для автомата  $S_1$  показан картой Карно на рис. 3.

	00	01	11	10
00	<b>a<sub>1</sub></b>	<b>a<sub>2</sub></b>	*	<b>a<sub>4</sub></b>
01	<b>a<sub>5</sub></b>	*	<b>a<sub>6</sub></b>	<b>a<sub>10</sub></b>
11	<b>a<sub>11</sub></b>	<b>a<sub>3</sub></b>	<b>a<sub>7</sub></b>	<b>a<sub>8</sub></b>
10	<b>a<sub>13</sub></b>	<b>a<sub>12</sub></b>	*	<b>a<sub>9</sub></b>

Рис. 3. Коды состояний автомата Мура  $S_1$

Анализ этой карты показывает, что классы  $B_1, B_3, B_5, B_6 \in \Pi_B$  и  $B_2, B_4, B_7 \in \Pi_C$ . Таким образом,  $I_N = 3$ ,  $R_1 = 2$ ,  $\tau = \{\tau_1, \tau_2\}$ . Закодируем классы  $B_i \in \Pi_C$  следующим образом:  $K(B_2) = 11$ ,  $K(B_4) = 01$ ,  $K(B_7) = 10$ . Таким образом, чем больше состояний входит в класс  $B_i \in \Pi_C$ , тем меньше единиц содержит код этого класса. Отметим, что код 00 соответствует ситуации  $B_i \in \Pi_B$ .

Этим объясняется наличие единицы в формуле (6). Из карты Карно имеем  $C(B_1) = 0000$ ,  $C(B_3) = 001*$ ,  $C(B_5) = 1*10$ ,  $C(B_6) = 0110$ .

Сформируем систему уравнений (7). Например,  $K(B_4) = 01$  и коды состояний  $a_m \in B_4$  входят в два обобщенных интервала  $010*$  и  $*111$ . Следовательно, булево уравнение для переменной  $\tau_2$  содержит термы  $\bar{T}_1 T_2 \bar{T}_3$  и  $T_2 T_3 T_4$ . Выполняя подобные действия, получим систему функций блока БПК:

$$\begin{aligned} \tau_1 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 T_3 \vee T_2 \bar{T}_2 T_3 \vee T_1 \bar{T}_3 \bar{T}_4 \vee T_1 \bar{T}_2 \bar{T}_3; \\ \tau_2 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 T_3 \vee T_2 \bar{T}_2 T_3 \vee \bar{T}_1 T_2 \bar{T}_3 \vee T_2 T_3 T_4. \end{aligned} \quad (13)$$

Используя систему (11) и коды из рис. 3, получим систему функций блока БВС:

$$\begin{aligned} y_1 &= \bar{T}_3 T_4; & y_2 &= T_3 \bar{T}_4; & y_3 &= T_1 T_2; \\ y_4 &= T_2 T_3 \bar{T}_4; & y_5 &= T_2 T_3; & y_6 &= \bar{T}_1 T_3; \\ y_7 &= T_1 \bar{T}_3; & y_8 &= T_1 T_4. \end{aligned} \quad (14)$$

Преобразованная ПСТ автомата  $S_1$  строится по системе (10) и включает столбцы  $B_i$ ,  $C(B_i)$ ,  $K(B_i)$ ,  $a_s$ ,  $K(a_s)$ ,  $X_h$ ,  $\Phi_h$ ,  $h$ . Фрагмент преобразованной ПСТ для классов  $B_1, B_2 \in \Pi_A$  содержит 5 строк (табл. 1).

Таблица 1

Фрагмент преобразованной ПСТ автомата Мура  $S_1$

$B_i$	$C(B_i)$	$K(B_i)$	$a_s$	$K(a_s)$	$X_h$	$\Phi_h$	$h$
$B_1$	0000	00	$a_2$	0001	$x_1$	$D_4$	1
			$a_3$	1101	$\bar{x}_1$	$D_1 D_2 D_4$	2
$B_2$	****	11	$a_4$	0010	$x_2$	$D_3$	3
			$a_5$	0100	$\bar{x}_2 x_3$	$D_2$	4
			$a_6$	0111	$\bar{x}_2 \bar{x}_3$	$D_2 D_3 D_4$	5

Связь этой таблицы с системой (10) и кодами классов и состояний очевидны. Отметим, что при  $B_i \in \Pi_B$  столбец  $K(B_i)$  содержит код 00, а при  $B_i \in \Pi_C$  содержимое столбца  $C(B_i)$  игнорируется и может быть любым, что отмечено знаками \*. Эта таблица является основой для формирования системы (8). Например, из табл. 1 с учетом минимизации имеем:

$$\begin{aligned}
 D_1 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 \bar{T}_3 \bar{T}_4 \bar{\tau}_1 \bar{\tau}_2 \bar{x}_1 \text{ (строка 2);} \\
 D_2 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 \bar{T}_3 \bar{T}_4 \bar{\tau}_1 \bar{\tau}_2 \bar{x}_1 \vee \tau_1 \tau_2 \bar{x}_2 \text{ (строки 2,4,5);} \\
 D_3 &= \tau_1 \tau_2 x_2 \vee \tau_1 \tau_2 \bar{x}_3 \text{ (строки 3,5);} \\
 D_4 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 \bar{T}_3 \bar{T}_4 \bar{\tau}_1 \bar{\tau}_2 \bar{x}_1 \vee \tau_1 \tau_2 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \text{ (строки 1,2,5).}
 \end{aligned} \tag{15}$$

Реализация схемы автомата  $S_1$  сводится к реализации систем функций (13, 14, 15) на элементах PAL, что может быть выполнено, например, с использованием пакета WebPack [9].

Отметим, что для модели  $U_2$  длина преобразованной ПСТ всегда равняется  $H_0$ . Так, для автомата  $S_1$  имеем  $H_0 = 18$ . Эта величина совпадает с числом термов в системе (9). Отметим, что для автомата  $S_1$   $H = 36$ , что определяется из выражения

$$H = \sum_{i=1}^I M_i H_i. \tag{16}$$

В выражении (16) параметр  $M_i = |B_i|$ , а параметр  $H_i$  равен числу термов в формуле перехода для класса  $B_i \in \Pi_A$ . Для автомата  $S_1$  (модель  $U_2$ ) число термов в системе (3) равняется 8, что совпадает с числом микроопераций  $N$ . Для реализации схемы блока БПК необходимо реализовать 8 термов системы (12). Таким образом, общее число реализуемых термов для модели  $U_2$  равняется 32.

Отметим, что для модели  $U_1$  это число равняется 62. При специальном кодировании состояний число термов в системе (2) равняется  $28 > H_0$ .

Таким образом, в этом случае необходимо реализовать 36 термов. Естественно, что число макроячеек PAL зависит от распределения этих термов по функциям. Однако исследования [9] показали, что число макроячеек PAL в разных схемах автоматов пропорционально отношению длин реализуемых ПСТ. При этом коэффициент пропорциональности зависит от числа  $q$  термов в макроячейках PAL, используемых для реализации схемы.

Окончательный выбор между известным подходом и предлагаемым методом можно сделать либо с использованием определенного программного обеспечения, либо аналитически.

Покажем, как это сделать аналитически для данного примера, если макроячейки PAL имеют  $q = 3$  терма. Пусть  $E_i(D_r)$ ,  $Q_i(D_r, q)$  соответственно число термов в функции  $D_r \in \Phi$  и число макроячеек с  $q$  термами, требуемых для реализации функции в автомата Мура  $U_i (i = 1, 2)$ .

Для определения параметра  $Q_i(D_r, q)$  можно использовать результаты [5]

$$Q_i(D_r, q) = \left\lceil \frac{E_i(D_r) - q}{q - 1} \right\rceil + 1. \tag{17}$$

Построив полную ПСТ автомата  $S_1$  (модель  $U_2$ ) и проведя минимизацию функций  $D_r \in \Phi$  и использованием закона склеивания [1], получим:

$$\begin{aligned}
 E_2(D_1) &= E_2(D_3) = 7; \quad E_2(D_2) = 10; \\
 E_2(D_4) &= 5.
 \end{aligned}$$

Используя формулу (17), получим:

$$\begin{aligned}
 Q_2(D_1, 3) &= Q_2(D_3, 3) = Q_2(D_4, 3) = 3; \\
 Q_2(D_2, 3) &= 5.
 \end{aligned}$$

Итак, для реализации схемы БФП в этом случае необходимо 14 макроячеек PAL. Анализ системы (13) показывает, что для реализации схемы БПК необходимо 4 макроячейки PAL, по две ячейки для каждой из функций  $\tau_r \in \tau$ .

Как уже отмечалось, для реализации системы микроопераций (14) достаточно 8 макроячеек PAL. Отметим, что эта величина не зависит от  $q$ , так как каждая микрооперация  $y_n \in Y$  представляется одним термом. Итак, для реализации логической схемы автомата  $S_1$  (модель  $U_2$ ) требуется 26 макроячеек PAL. Сделав подобный расчет для автомата My-ra  $S_1$  (модель  $U_1$ ), получим 37 макроячеек PAL. Таким образом, применение модели  $U_2$  вместо  $U_1$  для автомата  $S_1$

позволяет уменьшить аппаратурные затраты в 1.42 раза. Кроме того, схема блока БВС для модели  $U_1$  имеет 3 уровня, а для модели  $U_2$  – только 2. Таким образом, в данном случае модель  $U_2$  обеспечивает и уменьшение времени такта цифровой системы.

### Заключение

Предлагаемый метод обобщенного кодирования состояний автомата Мура позволяет уменьшить длину таблицы переходов до длины соответствующей таблицы эквивалентного автомата Мили. При этом число термов в системе выходных сигналов может быть уменьшено до числа микроопераций ( $N$ ). Сжатие таблицы переходов достигается за счет ввода блока преобразователя кодов для некоторых классов псевдоэквивалентных состояний. Этот блок не вносит задержки в работу автомата, так как преобразование выполняется параллельно с выполнением микроопераций в исполнительной части цифровой системы. При выполнении условия (9), когда каждый класс представляется одним кодовым интервалом, блок БПК отсутствует. Использование БПК основано на особенностях макроячеек PAL [10]. Дополнительным эффектом предлагаемого метода является возможность уменьшения цикла автомата, благодаря уменьшению числа уровней в его логической схеме. Для исследования эффективности предложенного метода был реализован программный комплекс, использующий VHDL-модели автоматов  $U_1$  и  $U_2$ . Кодирование состояний и их классов выполнялось алгоритмом ESPRESSO [1]. Результатирующие системы уравнений обрабатывались системой WebPack фирмы Xilinx [9], что позволило оценить число макроячеек PAL и быстродействие схем автоматов. Исследования показали, что обобщенное кодирование состояний позволяет получить схемы, потребляющие до 40% меньше макроячеек, чем для автоматов с произвольным кодированием состояний, и до 18% меньше, чем для автоматов с оптимальным кодированием состояний. При этом

число уровней в первом случае уменьшалось от 3 до 6, а во втором – от 1 до 3. Дальнейшее направление наших исследований связано с анализом применения предложенного метода при реализации устройств управления на FPGA и микросхемах CoolRunner [9].

### Література

1. DeMicheli G. Synthesis and Optimization of Digital Circuits. – McGraw-Hill, 1994. – 636 p.
2. Baranov S. Logic Synthesis for Control Automata. – Kluwer Academic Publishers, 1994. – 312 p.
3. Грушницкий Р.И., Мурсаев А.Х., Угрюмов Е.П. Проектирование систем с использованием микросхем программируемой логики. – СПб: БХВ-Петербург, 2002. – 608 с.
4. Соловьев В.В. Проектирование цифровых схем на основе программируемых логических интегральных схем. – М.: Горячая линия-ТЕЛЕКОМ, 2001. – 636 с.
5. Kania D. Synteza logiczna przeznaczona dla matrycowych struktur programowalnych typu PAL. – Zeszyty naukowe Politechniki Śląskiej, Gliwice, 2004. – 240 p.
6. Баркалов А.А. Принципы оптимизации логической схемы микропрограммного автомата Мура // Кибернетика и системный анализ. – 1998. – № 1 – С. 65-72.
7. Barkalov A., Wegrzyn M. Design of Control Units with Programmable Logic. Zielona Gora: University of Zielona Gora Press, 2006. – 150 p.
8. FPGA, CPLD and Structured ASIC: Altera, the Leader in Programmable Logic [Электрон. ресурс]. – Режим доступа: altera.com.
9. FPGA, CPLD Solutions from Xilinx, Inc. [Электрон. ресурс]. – Режим доступа: xilinx.com.
10. Баркалов А.А., Цололо С.А. Оптимизация схемы автомата Мура в составе системы на кристалле // Радиоэлектроника и информатика. – 2007. – № 1. – С. 35-39.

*Поступила в редакцию 22.01.2008*

**Рецензент:** д-р техн. наук, проф. Ю.А. Скобцов, Донецкий национальный технический университет, Донецк.