



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ УКРАИНЫ  
ДОНЕЦКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



## «ИНФОРМАТИКА И КОМПЬЮТЕРНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ 2006»

Сборник трудов второй международной студенческой

научно-технической конференции

13 декабря 2006 года

Донецк 2006

ДонНТУ

ЗЛОКАЧЕСТВЕННЫХ НОВООБРАЗОВАНИЙ ОТ ПРИРОДНЫХ И АНТРОПОТЕХНОГЕННЫХ ФАКТОРОВ С ПРИМЕНЕНИЕМ МЕТОДОВ МНОГОМЕРНОЙ СТАТИСТИКИ.....	365
<b>Сергієнко Ю.С., Смірнов О.В.</b> ЗНАХОДЖЕННЯ ОПТИМАЛЬНОГО ОБ'ЄМУ ВИРОБНИЦТВА НА ОСНОВІ ПРОГНОЗНИХ РЕГРЕСІЙНИХ МОДЕЛЕЙ .....	367
<b>Токарев Д.А., Шушляпин Е.А.</b> ИССЛЕДОВАНИЕ ВОЗМОЖНОСТИ УПРАВЛЕНИЯ ЯДЕРНЫМ РЕАКТОРОМ МЕТОДОМ КОНЕЧНОГО СОСТОЯНИЯ.....	369
<b>Трофимов В.В., Ручкин К.А.</b> РАЗРАБОТКА СИСТЕМЫ ИССЛЕДОВАНИЯ НЕЛИНЕЙНЫХ ДИНАМИЧЕСКИХ СИСТЕМ С ПОМОЩЬЮ ПОКАЗАТЕЛЕЙ ЛЯПУНОВА .....	371
<b>Хорошилов А.В., Фельдман Л.П.</b> АНАЛИЗ ЭФФЕКТИВНОСТИ ПАРАЛЛЕЛЬНЫХ АЛГОРИТМОВ РЕШЕНИЯ ЛЕНТОЧНЫХ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ .....	373
<b>Черкашина Т.Б., Дмитриева О.А.</b> МОДЕЛИРОВАНИЕ ЛОГИСТИЧЕСКИХ ПРОЦЕССОВ НА СКЛАДАХ С ПИВОВАРЕННОЙ ПРОДУКЦИЕЙ.....	375
<b>Чернов А.С., Фельдман Л.П.</b> МАРКОВСКИЕ МОДЕЛИ АНАЛИЗА ЭФФЕКТИВНОСТИ ТОРГОВЫХ ПРЕДПРИЯТИЙ .....	377
<b>Секция 12. «Компьютерная графика и специализированные средства» ...</b>	<b>379</b>
<b>Арендарюк А.В., Карабчевский В.В.</b> АВТОМАТИЗОВАННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ СЛОЖНЫХ ТРЁХМЕРНЫХ ОБЪЕКТОВ .....	380
<b>Васильев С.Б., Зори С.А.</b> СОВРЕМЕННЫЕ НОТНЫЕ РЕДАКТОРЫ – ПРОБЛЕМЫ И ПЕРСПЕКТИВЫ СОЗДАНИЯ И ИСПОЛЬЗОВАНИЯ.....	382
<b>Гельдыев Б.А., Хоменко И.В.</b> ИСПОЛЬЗОВАНИЕ БИБЛИОТЕК ТРУБОПРОВОДНОЙ АРМАТУРЫ ПРИ ПРОЕКТИРОВАНИИ .....	384
<b>Гомозов О.В., Солонин А.Н.</b> РЕНДЕРИНГ КОМПЬЮТЕРНОЙ ГРАФИКИ В ПАРАЛЛЕЛЬНОЙ КОМПЬЮТЕРНОЙ СРЕДЕ.....	386
<b>Грицай Е.А., Зори С.А.</b> АЛГОРИТМЫ РАСПОЗНАВАНИЯ ДВИЖЕНИЯ КАК ТЕХНОЛОГИЯ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ ПОЛЬЗОВАТЕЛЯ С МОБИЛЬНЫМ УСТРОЙСТВОМ.....	388
<b>Грищенко А.В., Аноприенко А.Я.</b> СОЗДАНИЕ ФОТОРЕАЛИСТИЧНЫХ ТРЕХМЕРНЫХ МОДЕЛЕЙ.....	390
<b>Дементьев В.С., Осипов К.Н.</b> ВОЗМОЖНОСТИ АВТОМАТИЗАЦИИ И ПОВЫШЕНИЯ ТОЧНОСТИ ИНФОРМАЦИИ ПРИ ДИАГНОСТИРОВАНИИ ДВИГАТЕЛЕЙ ВНУТРЕННЕГО СГОРАНИЯ.....	392
<b>Дружинін О.І., Зінченко Ю.Є.</b> МОДИФІКОВАНА СТРАТЕГІЯ АВТОМАТИЧНОГО ТЕСТУВАННЯ ГРАФІЧНИХ ІНТЕРФЕЙСІВ.....	394
<b>Кавешников И.И., Чуева Е.И., Осокин В.В., Волощенко А.В.</b> АВТОМАТИЗАЦИЯ КОНСТРУКТОРСКОЙ ПРОРАБОТКИ СЛОЖНЫХ ИЗДЕЛИЙ.....	396
<b>Лумпієв И.В., Ковалев С.А.</b> РАЗРАБОТКА ИНТЕРНЕТ-САЙТА ДЛЯ ОРГАНИЗАЦИИ МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ .....	398
<b>Новиковская Е.О., Ковалев С.А.</b> ОБРАБОТКА ГРАФИЧЕСКИХ СИГНАЛОВ В СИСТЕМЕ КОНТРОЛЯ ШАХТНОГО ОБОРУДОВАНИЯ.....	400
<b>Петля В.А., Хоменко И.В.</b> ТВЕРДОТЕЛЬНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ В ТЕХНОЛОГИЧЕСКОЙ ПОДГОТОВКЕ ПРОИЗВОДСТВА.....	402

# РАЗРАБОТКА СИСТЕМЫ ИССЛЕДОВАНИЯ НЕЛИНЕЙНЫХ ДИНАМИЧЕСКИХ СИСТЕМ С ПОМОЩЬЮ ПОКАЗАТЕЛЕЙ ЛЯПУНОВА

Трофимов В.В., Ручкин К.А.

Донецкий государственный институт искусственного интеллекта

В статье рассмотрен модифицированный алгоритм Бенетина численного вычисления характеристических показателей для произвольной динамической системы обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. В дополнение к работе [1], где вычислены характеристические показатели уравнений Эйлера-Пуассона [2], разработана интерактивная компьютерная система вычисления показателей Ляпунова произвольной системы, позволяющая отображать характеристические показатели на плоскую и сферическую карты, наглядно определять характер поведения не только конкретной траектории, но и всего фазового потока динамической системы.

## 1 Введение

Характеристические показатели Ляпунова позволяют проводить качественный анализ динамических систем. Существует несколько практических способов вычисления спектра ляпуновских показателей [3]. Основная идея всех алгоритмов заключается в следовании за траекториями в течение небольших промежутков времени и вычислении скоростей их расхождения, и последующем усреднении этих значений по всему аттрактору. Но большинство методов расчета характеристических показателей предполагают существование аналитического решения системы, получение которого часто затруднительно или вообще невозможно.

В работе рассматривается численный метод вычисления показателей Ляпунова при различных начальных условиях и значениях конструктивных параметров произвольной нелинейной динамической системы обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Характеристические показатели могут быть использованы для определения устойчивости квазипериодического и хаотического поведения так же как и для определения устойчивости состояний равновесия и периодических решений. Они позволяют определить фрактальную размерность аттрактора, энтропию динамической системы, характерное время предсказуемости поведения системы.

## 2 Построения характеристической поверхности

Представление о возможных режимах динамики системы дает построение карты характеристических показателей в зависимости от одного или нескольких управляемых параметров системы или начальных условий.

Рассмотрим систему уравнений Эйлера-Пуассона [2, 4, 5], описывающую математическую модель движения свободного твердого тела в подвижном базисе:

$$\begin{cases} J\dot{\omega} = J\omega \times \omega + r \times v; \\ \dot{v} = v \times \omega; \end{cases} \quad (1)$$

где  $\omega = (\omega_x, \omega_y, \omega_z)^T$  – вектор угловой скорости тела в проекциях на подвижные оси;

$v = (v_x, v_y, v_z)^T$  – единичный вектор вертикали;

$r = (r_x, r_y, r_z)^T$  – радиус-вектор центра масс, направленный из неподвижной точки;

$J = \text{diag}(A, B, C)$  – тензор инерции.

Трехмерная карта показателей Ляпунова системы Эйлера-Пуассона при изменении  $\omega_x$  и  $\omega_y$  от -400 до 400, параметрах системы  $J = \text{diag}(1; 2; 1,5)$ ,  $r = (2; 1; 1)^T$  и начальных условиях  $\omega_z = 0$ ,  $v = (0; 0; 1)^T$  представлена на рисунке 1.

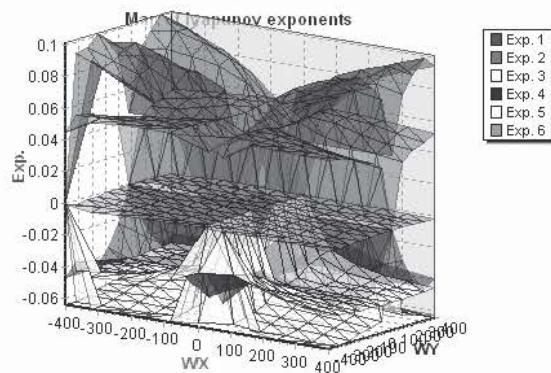


Рисунок 1 –Трехмерная карта характеристических показателей системы Эйлера-Пуассона при изменении  $\omega_x$  и  $\omega_y$  от -400 до 400

Три показателя отрицательные, два положительные и один остается близким к нулю. Присутствие положительных показателей свидетельствует о хаотическом поведении системы. Система Эйлера-Пуассона не обладает диссипацией [5], что согласуется с картой – сумма показателей остается равной нулю.

### 3 Заключение

Разработанный алгоритм позволяет оценить характеристические показатели при различных начальных данных и параметрах системы произвольной нелинейной динамической системы обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Предложенный способ отображения характеристических показателей на плоскую и сферическую карты позволяет наглядно определить характер поведения не только конкретной траектории, но и всего фазового потока динамической системы.

Применение методов интегрирования низких порядков и простых алгоритмов дифференцирования позволяет быстро получить характеристические показатели с достаточно высокой точностью. Более сложные методы, хотя и требуют больших затрат времени, обеспечивают высокоточные расчеты, подтверждаемые аналитически полученными результатами.

### Литература

- [1] Ручкин К.А., Трофимов В.В. Численный анализ характеристических показателей системы уравнений Эйлера-Пуассона, Искусственный интеллект, 2005, с.56 – 64.
- [2] Гашененко И.Н., Кучер Е.Ю. Характеристические показатели периодических решений уравнения Эйлера-Пуассона//Механика твердого тела. – Донецк, 2002, Вып. 32, с.50-59.
- [3] S.P. Kuznetsov, I.R. Sataev. Nonlinear dynamics. – Institute of Radio-Engineering and Electronics RAS, Saratov Division, 2001.
- [4] Ручкин К.А. Компьютерное моделирование динамики твердого тела с неподвижной точкой, Классические задачи динамики твердого тела, 2004, с.48-49.
- [5] Гашененко И.Н., Лапенко С.В., Ручкин К.А. Визуальное моделирование хаотической динамики тяжелого твердого тела, Укр. матем. конгресс, 2001, с.14-15.
- [6] Хайрер Э., Нерсерт С., Ваннер Г. Решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Нежесткие задачи. М.: Мир, 1990. 512 с.
- [7] Бордовицьна Т.В. Современные численные методы в задачах небесной механики. М.: Наука, 1984. 136 с.
- [8] Гашененко И.Н., Кучер Е.Ю. Характеристические показатели периодических решений уравнения Эйлера-Пуассона//Механика твердого тела. – Донецк, 2002, Вып. 32, с.50-59.