

## АНАЛИЗ КИНЕМАТИЧЕСКИХ И ДИНАМИЧЕСКИХ СВОЙСТВ КРИВОШИПНО-ШАТУНОГО МЕХАНИЗМА В ПРИВОДЕ НАСОСНОГО АГРЕГАТА

Гуляев В.Г., докт. техн. наук, профессор,  
Гуляев К.В., канд. техн. наук, Анохина С.А., бакалавр  
Донецкий национальный технический университет

*На примере трехплунжерного насосного агрегата СНТ 32 выполнен анализ конструктивных параметров, кинематики и динамики кривошипно-шатунного механизма. Установлено, что при относительной тихоходности агрегата, неуравновешенные силы инерции в его приводе являются активными источниками вибрации и шума.*

*On the example of the threeplunzhern pump aggregate SNT 32 the analysis of structural parameters, kinematics and dynamics of kryvoshypno-shatun mechanism is executed. It is set that at the relative slowness of aggregate, unstable forces of inertia in his drive are the active sources of vibration and noise.*

### ***Проблема в ее связь с научными и практическими задачами.***

В условиях проводимой в отрасли технической политики по концентрации и интенсификации работ по добыче угля в комплексно-механизированных забоях, важной научно-технической проблемой является создание высоконадежного оборудования и, в частности, гидроэнергетических установок (ГЭУ) для систем гидропривода механизированных крепей. В конструкциях ГЭУ, созданных институтом Донгипроуглемаш, а также фирмами РФ, Германии и других стран, широко применяются высоконапорные агрегаты с кривошипно-шатунным приводом линейно расположенных поршней. Органическим недостатком такого привода является формирование инерционных нагрузок и крутильных колебаний, которые снижают ресурс агрегата и являются активными источниками вибрации и шума. Поэтому актуальными научными и практическими задачами являются исследования факторов, определяющих закономерности формирования и уровня динамических нагрузок в приводе насосов с кривошипно-шатунными механизмами для поиска путей их устранения или существенного снижения.

**Аналіз ісследований и публикаций.** В работах [1, 2] рассмотрены тенденции развития ГЭУ и требования к их основным параметрам, к конструкциям насосов и способам регулирования их подачи. Проанализированы технические решения, характерные для трех- и пятиплунжерных насосов, обеспечивающие их сравнительно высокие показатели подачи и давления, а также способы повышения сроков службы плунжерных пар, уплотнений и других напряженных элементов насосных агрегатов.

В работе [3] описаны особенности работы и требования к насосным станциям, предложены методики расчета кинематики, динамики и неравномерности подачи в зависимости от режима работы и конструкции насоса, однако отсутствуют модели рабочих процессов, которые позволили бы исследовать насосный агрегат с системных позиций.

Математическая модель привода высоконапорного агрегата на основе трехплунжерного насоса с кривошипно-шатунным механизмом предложена в работе [4]. Здесь приведены зависимости, характеризующие кинематику и динамику работы насоса без учета динамики клапанов и технологической нагрузки. Предложенная модель позволяет определить в общем виде возмущения от инерционных сил, однако отсутствуют их качественный анализ и количественные показатели применительно к конкретным типовым конструкциям.

**Постановка задачи.** Целью данной работы является исследование кинематических и динамических свойств кривошипно-шатунного механизма применительно к представительной конструкции трехплунжерных агрегатов, используемых в ГЭУ СНТ 32, СНТ 40, СНД 200/32 и типоразмером ряде насосов ЕНР – ЗК фирмы Хаухинко.

**Изложение материала и результаты.** Объектом исследования являются центральные кривошипно-шатунные механизмы трехплунжерного насоса с приводом плунжеров от эксцентрикового вала с фазовым сдвигом эксцентриков (кривошипов) на  $120^\circ$  [4]. Эксцентриковый вал приводится от электродвигателя мощностью 55 кВт ( $n = 1470$  об/мин) через одноступенчатую зубчатую передачу с передаточным числом  $U = 2,5$  и с помощью шатунов и крейцкопфов сообщает ползунам-плунжерам возвратно-поступательное движение.

Расчетная схема центрального кривошипно-шатунного механизма (ЦКШМ) приведена на рис. 1, из которого видно, что перемещение ползуна  $S_n$  является нелинейной периодической функцией угла

поворота  $\varphi$  кривошипа ( эксцентрика), полная длина хода ползуна  $S = 2r$ .

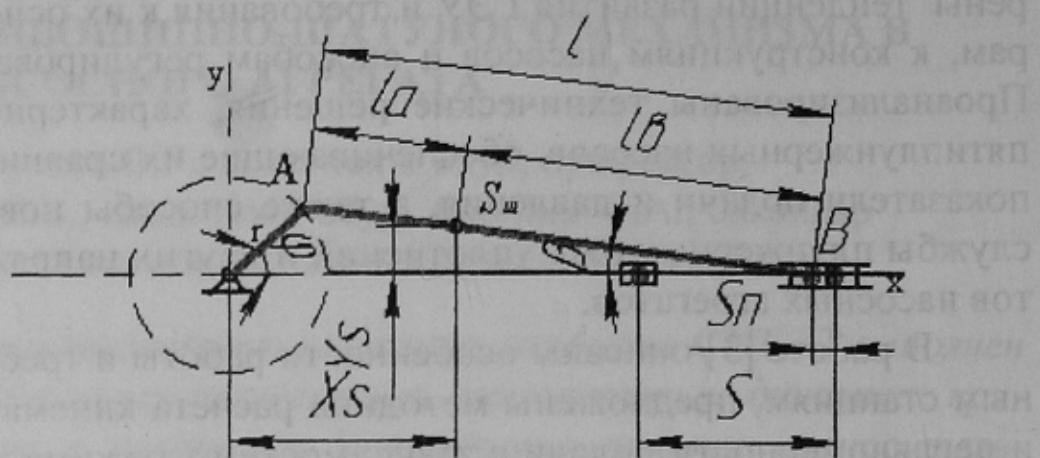


Рисунок 1 - Расчетная схема центрального кривошипно-шатунного механизма

Для кинематического анализа механизма можно применять приведенные в работе [5] точные и приближенные зависимости, в которых используется понятные из рис.1 параметры механизма. Приведенные в табл.1 приближенные формулы для определения угловой скорости и углового ускорения шатуна заимствованы из работы [6].

Таблица 1. Зависимости для кинематического анализа ЦКШМ

Параметры	Точные формулы	Приближенные формулы
Смещение ползуна от крайнего правого положения	$X = S_n = r[1 - \cos \varphi + \frac{1}{\lambda}(1 - \cos \beta)]$ ;	$X \approx S_n \approx r[1 - \cos \varphi + \frac{\lambda}{4}(1 - \cos 2\varphi)]$
Скорость ползуна	$\dot{X} = v = -r\omega(\sin \varphi + \cos \varphi \operatorname{tg} \beta)$ ; $v_{cp} = r\omega \frac{120}{\pi} = 4rn$ ;	$\dot{X} \approx v \approx -r\omega(\sin \varphi + \frac{\lambda}{2} \sin 2\varphi)$ ; $v_{max} \approx r\omega(1 + \lambda^2) \sqrt{1 - \lambda^2}$
Ускорение ползуна при $\omega = \text{const}$	$\ddot{X} = a = -r\omega^2(\cos \varphi - \sin \varphi \operatorname{tg} \beta + \lambda \frac{\cos^2 \varphi}{\cos^3 \beta})$ ;	$\ddot{X} = a \approx -r\omega^2(\cos \varphi + \lambda \cos 2\varphi)$ ; $a_{max} \approx r\omega^2(1 + \lambda)$
Координаты центра тяжести шатуна	$x_s = r \cos \varphi + l_a \cos \beta$ ; $y_s = l_B \lambda \sin \varphi$ ;	$x_s \approx r \cos \varphi + l_a(1 - \frac{\lambda^2}{2} \sin^2 \varphi)$ ;

Параметры	Точные формулы	Приближенные формулы
Скорость центра тяжести шатуна	$v_x = -r\omega(\sin \varphi + \frac{l_a}{l} \cos \varphi \operatorname{tg} \beta);$ $v_y = r\omega \frac{l_B}{l} \cos \varphi;$ $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2};$	_____
Ускорение центра тяжести шатуна при $\omega = \text{const}$	$a_x = -r\omega^2 (\cos \varphi + \lambda \frac{\cos^2 \varphi}{\cos^3 \beta} - \sin \varphi \operatorname{tg} \beta);$	$a_x \approx -r\omega^2 (\cos \varphi + \frac{l_B}{l} \lambda \cos 2\varphi);$ $a_y = -r\omega^2 \frac{l_B}{l} \sin \varphi;$
Угловая скорость шатуна	$\omega_u = \omega \lambda \frac{\cos \varphi}{\cos \beta};$	$\omega_u \approx \lambda \omega (C_1 \cos \varphi - \frac{1}{3} C_3 \cos 3\varphi +$ $+ \frac{1}{5} C_5 \cos 5\varphi \pm .);$
Угловое ускорение шатуна	$\varepsilon_u = -\omega^2 \operatorname{tg} \beta [1 - (\lambda \frac{\cos \varphi}{\cos \beta})^2].$	$\varepsilon_u \approx -\lambda \omega^2 (C_1 \sin \varphi - C_3 \sin 3\varphi +$ $+ C_5 \sin 5\varphi \mp .).$

В точных формулах  $\beta = \arcsin(\lambda \sin \varphi)$ , приближенные зависимости получены путем разложения  $\cos \beta = \sqrt{1 - \lambda^2 \sin^2 \varphi}$  в ряд, они дают согласно [5] достаточно точные результаты при малых  $\lambda$ .

Важнейшими конструктивными параметрами ЦКШМ являются отношение длины кривошипа  $r$  к длине шатуна  $l$  ( $\lambda = r/l$ ) и угол передачи  $\gamma_u$  в соединении шатуна с ползуном.

Рекомендуется принимать  $\gamma_u \geq 60^\circ$ , тогда  $\lambda \leq \cos \gamma \leq 0,5$ . Чем меньше  $\lambda$ , тем в лучших условиях работает ЦКШМ и тем выше его К.П.Д.

Характеристики ЦКШМ при различных  $\lambda$  приведены в таблице 2. Первая строка этой таблицы относится кривошипно-шатунному приводу насоса СНТ 32.

В таблице 2 в формулах для расчета  $a_{max} = K_\lambda r n^2$ , м/с<sup>2</sup>.

$K_\lambda$  - коэффициент зависящий от  $\lambda$ ;  $r$  - радиус кривошипа, м;  $n$  - число оборотов кривошипа в минуту, об/мин.

Поскольку уравновешивание сил инерции, формируемых в ЦКШМ, представляет довольно сложную задачу [6,7,8] целесообразно, как видно из таблицы 2, применять в приводе высоконапорного насоса по возможности тихоходный ЦКШМ с минимальными значениями  $\lambda$  и  $n$ , обеспечивающими необходимую среднюю теоретиче-

скую подачу. Этим условиям отвечает, как будет показано ниже, анализируемый объект.

Таблица 2. Основные характеристики центральных кривошипно-шатунных механизмов

$\lambda = r/l$	Наименьшее значение угла передачи $\gamma_{\min}$	Отношение скоростей ползуна, $v_{\max}/v_{cp}$	Наибольшее ускорение ползуна $a_{\max}, \text{м/с}^2$
0,065	$> 84^\circ$	1,57	$< 0,012 \text{м}^2/\text{с}^2$
0,1	$84^\circ$	1,59	$0,012 \text{м}^2/\text{с}^2$
0,2	$78,5^\circ$	1,6	$0,013 \text{м}^2/\text{с}^2$
0,3	$72,5^\circ$	1,63	$0,014 \text{м}^2/\text{с}^2$
0,4	$66,5^\circ$	1,71	$0,0155 \text{м}^2/\text{с}^2$
0,5	$60^\circ$	1,79	$0,0165 \text{м}^2/\text{с}^2$

Определенные на основе анализа конструкторской документации, в том числе и с использованием программы «Компас - 3D V7», исходные данные для исследования кинематики и динамики ЦКШМ насосного агрегата СНТ 32 приведены в табл. 3.

Согласно данным табл. 3 определим теоретическую подачу насоса СНТ32

$$Q_T = z \frac{\pi d_P^2}{4} Sn = 3 \frac{\pi \cdot 4,5^2}{4} \cdot 1,88 \cdot 2 \cdot 588 = 105434 \text{ см}^3/\text{мин} \approx 105,4 \text{ л/мин}$$

Численное значение параметра  $\lambda = \frac{r}{l} = \frac{1,88 \cdot 10^{-2}}{2,88 \cdot 10^{-1}} = 0,065$  позволяет применить для анализа кинематики механизма приближенные формулы таблицы 1.

Анализ этих формул для определения функций  $X(\phi)$ ,  $\dot{X}(\phi)$  и  $\ddot{X}(\phi)$  ползуна показывает, что первое слагаемое их правых частей определяет первую гармоническую составляющую с частотой равной угловой скорости кривошипа ( $\phi = \omega t$ ), а второе слагаемое характеризует составляющую с частотой  $2\omega$ . Численные значения функций перемещения, скорости и ускорения ползуна насоса СНТ 32 определены для периода  $\phi=2\pi$ .

Графики функций  $X(\phi)$ ,  $\dot{X}(\phi)$  и  $\ddot{X}(\phi)$  представлены на рисунке 2.

Таблица 3. Исходные данные для анализа ЦКШМ  
насосного агрегата СНТ 32

Наименование показателя	Условное обозначение	Норма
Номинальная мощность электродвигателя ВАО 82-4, кВт	N	55
Число оборотов вала электродвигателя, об/мин	n <sub>d</sub>	1470
Число оборотов эксцентрикового вала, об/мин	n	588
Рабочее давление, развиваемое насосом, МПа	p	32
Производительность, м <sup>3</sup> /сек	Q	1,67·10 <sup>-3</sup>
Число плунжеров насоса	z	3
Радиус кривошипа, м	r	1,88·10 <sup>-2</sup>
Длина шатуна, м	l	0,288
Диаметр плунжера, м	d <sub>n</sub>	45·10 <sup>-2</sup>
Масса кривошипа (эксцентрика с подшипниками), кг	M <sub>1</sub>	24,1
Масса комплекта ползуна, кг	M <sub>2</sub>	15,29
Масса шатуна, кг	M <sub>3</sub>	18,00
Расстояние от центра масс шатуна до точек А и В, м (см. рис. 1)	l <sub>a</sub>	0,04
Расстояние от оси эксцентрикового вала до центра тяжести кривошипа, м	l <sub>e</sub>	0,248
	Y <sub>c</sub>	0,762·10 <sup>-2</sup>

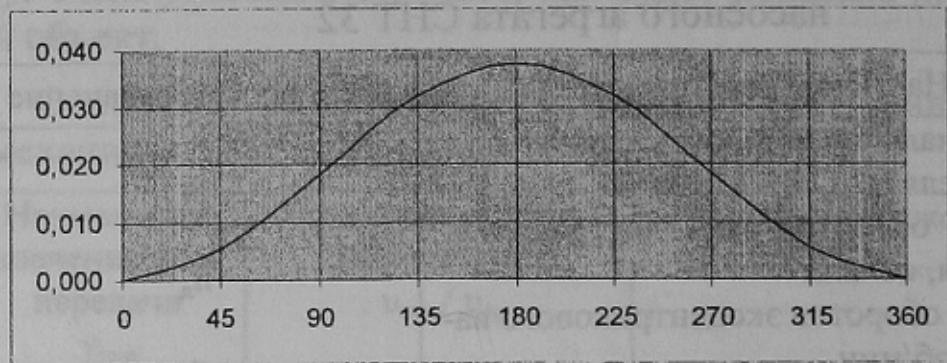
Их анализ показывает, что при совершении полного цикла возвратно-поступательного движения ползуна максимальные мгновенные значения его скорости и ускорения равны соответственно:

$$v_{max} = 1,17 \text{ м/с}, \quad a_{max} = 74,75 \text{ м/с}^2, \quad \text{а кратность скоростей } \frac{V_{max}}{V_{cp}} = 1,57.$$

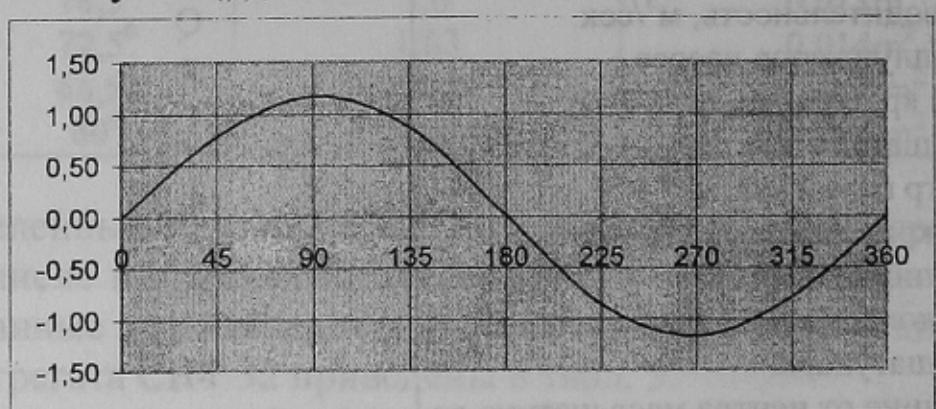
Угловую скорость шатуна  $\omega_w(\phi)$  и угловое его ускорение  $\varepsilon_w(\phi)$  можно с достаточной степенью точности определить по формулам (см. табл.1)  $\omega_w \approx \lambda \omega \cos \phi$  и  $\varepsilon_w \approx -\lambda \omega^2 \sin \phi$ , так как при  $\lambda=0,065$  ( $1/\lambda=15,385$ ) значение коэффициента  $C_1 \approx 1$ , а коэффициенты  $C_3=0$  и  $C_5=0$  [6].

Графики функций  $\omega_w(\phi)$  и  $\varepsilon_w(\phi)$  аппроксимированы, таким образом соответственно, косинусоидой и синусоидой с периодом  $\phi = 2\pi$  с максимальными мгновенными значениями  $\omega_w(\phi) \approx 4,03 \text{ с}^{-1}$  и  $\varepsilon_w(\phi) \approx 249,9 \text{ с}^{-2}$ .

- перемещения ползуна  $X(\phi)$ , м



- скорости ползуна  $\dot{X}(\phi)$ , м/с



- ускорения ползуна  $\ddot{X}(\phi)$ , м/с<sup>2</sup>

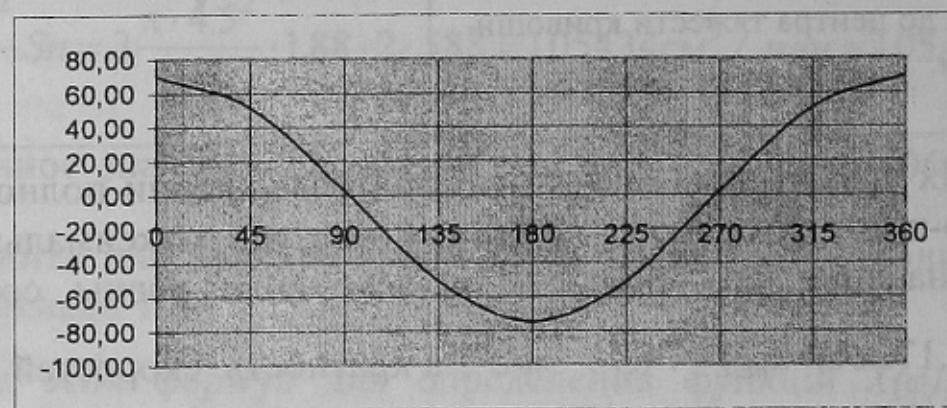


Рисунок 2 – Кинематические характеристики ЦКШМ в приводе насосного агрегата СНТ – 32

Численные значения функций  $\omega_w(\phi)$  и  $\varepsilon_w(\phi)$  приведены в таблице 4.

Таблица 4. Кинематические параметры шатуна

$\phi$ , град	0	45	90	135	180	225	270	315	360
$\omega$ , с <sup>-1</sup>	4,03	2,85	0,00	-2,85	-4,03	-2,85	0,00	2,85	4,03
$\varepsilon$ , с <sup>-2</sup>	0,00	176,68	249,86	176,68	0,00	-176,68	-249,86	-176,68	0,00

Сравнивая полученные результаты с аналогичными параметрами поршневых насосов и компрессоров, у которых средняя скорость ползуна равна 2-3 м/с, и других быстроходных машин [6], можно отнести анализируемый объект со средней скоростью ползуна 0,745 м/с к относительно к тихоходным.

Этот вывод позволяет определить динамические силы инерции, в анализируемом объекте с учетом только двух первых гармоник. При этом необходимо иметь в виду, что с повышением значений  $\lambda$  и особенно  $\omega$ , анализ динамики должен производиться с учетом большего числа гармоник. Так, например, в работах [4,7] для ускорения ползуна рекомендуется зависимость в виде суммы четырех гармоник:

$$\ddot{X}(\varphi) = -r\omega^2(\cos \varphi - A_2 \cos 2\varphi + A_4 \cos 4\varphi - A_6 \cos 6\varphi), \quad (1)$$

где

$$\begin{cases} A_2 = \lambda + \frac{\lambda^3}{4} + \frac{15\lambda^5}{128}; \\ A_4 = -\frac{\lambda^3}{4} + \frac{3\lambda^5}{16}; \\ A_6 = \frac{9\lambda^5}{128}. \end{cases}$$

Однако, в рассматриваемом случае, при  $\lambda=0,065$ ,  $A_2=\lambda$ ,  $A_4$  и  $A_6$  можно считать равными нулю, следовательно гармониками порядка выше второго можно пренебречь.

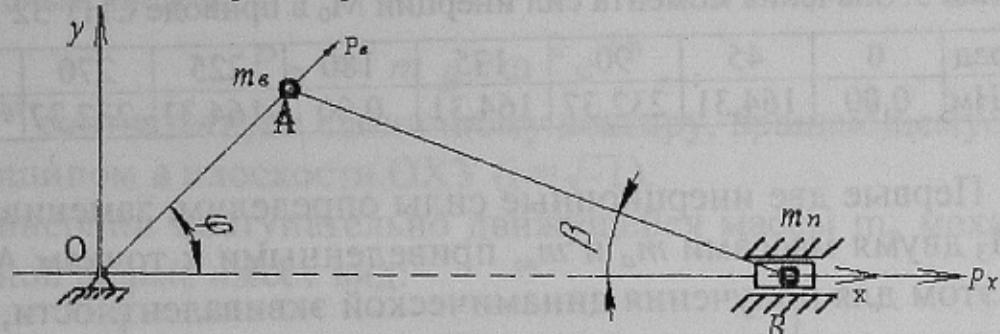


Рисунок 3. Эквивалентная динамическая модель ЦКШМ

В центральном однокривошипном механизме, см. рис. 3, формируются, как известно, следующие динамические нагрузки:

1) центробежная сила инерции  $P_B = m_B r \omega^2$ , направленная по оси кривошипа, ее проекции на оси ОХ и ОУ равны соответственно  $P_{Bx} = m_B r \omega^2 \cos \varphi$  и  $P_{By} = m_B r \omega^2 \sin \varphi$ , здесь  $m_B = m_1 + m_a$  – сумма массы кривошипа  $m_1$  и приведенной к точке А части массы шатуна  $m_a$ ;

2) действующая вдоль оси ОХ переменная по величине и направлению сила инерции возвратно-поступательного движения комплекта крейцкопфа, ползуна и поршня

$$P_n = m_n r \omega^2 (\cos\phi + \sum_{k=2,4,6} A_k \cos k\phi), \quad (2)$$

где  $m_n$  - сумма возвратно-поступательно движущейся массы комплекта ползуна  $M_2$  и приведенной к точке В части массы шатуна  $m_b$ ;

3) момент от неуравновешенных сил инерции  $M_0 = \Delta J \varepsilon_{\text{ш}}$ , относительно оси перпендикулярной к плоскости механизма, где  $\Delta J$  – остаточный момент инерции шатуна,  $\varepsilon_{\text{ш}}$  – угловое ускорение шатуна.

Так как векторы обоих инерционных сил ( $P_v$  и  $P_n$ ) проходят через ось кривошипа, то  $M_0$  является одновременно равнодействующим моментом инерционных сил механизма относительно оси кривошипа.

Согласно [7,8] равнодействующий момент инерционных сил относительно оси кривошипа равен:

$$M_0 = \Delta J \varepsilon_{\text{ш}} = \Delta J \lambda \omega^2 (C_1 \sin \omega t - C_3 \sin 3\omega t + C_5 \sin 5\omega t + \dots), \quad (3)$$

где  $\Delta J = M_3(l_a^2 - l_a l_b) = 18 \cdot (0,248^2 - 0,248 \cdot 0,04) = 0,93 \text{ кгм}^2$  – момент инерции шатуна.

Определенные по (3) (при  $C_1=1$ ,  $C_3=C_5=0$ , так как  $\lambda=0,065$ ) численные значения  $M_0$  для однокривошипного механизма с параметрами СНТ 32, приведены в таблице 5.

Таблица 5. Значения момента сил инерции  $M_0$  в приводе СНТ 32

$\phi, \text{град}$	0	45	90	135	180	225	270	315	360
$M_0, \text{Нм}$	0,00	164,31	232,37	164,31	0,00	-164,31	-232,37	-164,31	0,00

Первые две инерционные силы определим, заменив массу шатуна  $M_3$  двумя массами  $m_a$  и  $m_b$ , приведенными к точкам А и В, рис. 3. При этом для получения динамической эквивалентности, необходимо выполнить следующие условия [7]:

- сумма масс  $m_a$  и  $m_b$  должна равняться массе  $M_3$  шатуна;
- центр масс замещающих масс должен совпадать с центром масс шатуна;
- момент сил инерции замещающих сосредоточенных масс относительно

центра масс шатуна должен быть равен моменту сил инерции шатуна относительно той же точки.

В соответствии с первыми двумя условиями, определяем замещающие массы:

$$\begin{cases} m_a = \frac{l_b}{l} M_3 = \frac{0.248}{0.288} \cdot 18 = 15,5 \text{ кг} \\ m_b = \frac{l_a}{l} M_3 = \frac{0.04}{0.288} \cdot 18 = 2,5 \text{ кг} \end{cases}$$

Приведенная к условной оси пальца кривошипа масса эксцентрика в сборе с подшипниками  $m_1 = \frac{M_1 \rho_1}{r}$ , где  $\rho_1 = Y_c$  - расстояние от оси эксцентрикового вала до центра тяжести сборки эксцентрика с подшипниками. По программе «Компас 3D V7» была построена 3D модель сборочного чертежа эксцентрика и определены значения координат центра тяжести ( $\rho_1 = 0,762 \cdot 10^{-2}$  м).

Следовательно,  $m_1 = \frac{24,1 \cdot 0,762 \cdot 10^{-2}}{1,88 \cdot 10^{-2}} = 9,77$  кг, а эквивалентная вращающаяся масса  $m_B = 9,77 + 15,5 = 25,27$  кг.

Массу комплекта ползуна  $M_2$  считаем сосредоточенной в точке В, тогда масса поступательно движущихся деталей с приведенной массой шатуна  $m_n$  будет  $m_n = M_2 + m_n = 15,29 + 2,5 = 17,79$  кг.

Если считать плоскость, в которой сосредоточены массы  $m_B$  и  $m_n$ , комплексной плоскостью, то силу инерции вращающейся массы  $m_B$  можно выразить комплексным числом

$$P_B = m_B r \omega^2 e^{i\phi}, \quad (4)$$

где число  $e^{i\phi}$  соответствует единичному вектору, вращающемуся вместе с кривошипом в плоскости ОХУ ( $i = \sqrt{-1}$ ).

Сила инерции поступательно движущейся массы  $m_n$  механизма в комплексной форме имеет вид:

$$P_n = 0.5 m_n r \omega^2 \left[ e^{i\phi} + e^{-i\phi} + \sum_{k=2,4,6\dots} A_k (e^{ik\phi} + e^{-ik\phi}) \right], \quad (5)$$

Суммируя (4) и (5), получим комплексное выражение главного вектора сил инерции ЦКШМ

$$P^H = r \omega^2 \left[ \left( m_B + \frac{m_n}{2} \right) e^{i\phi} + \frac{m_n}{2} e^{-i\phi} + \frac{m_n}{2} \sum_{k=2,4,6\dots} A_k (e^{ik\phi} + e^{-ik\phi}) \right]. \quad (6)$$

Для многопоршневых насосов с кривошипно-шатунным приводом с постоянным фазовым углом сдвига между кривошипами  $\gamma_i =$

$360^{\circ}/z$  ( $z$  - число поршней) главный вектор сил инерции  $R^H$  и главный момент сил инерции  $M^H$  будут иметь вид [4,7]:

$$R^H = r\omega^2 [(m_B + 0.5m_n)e^{i\varphi} \sum_{j=1}^n e^{i\gamma_j} + 0.5m_n e^{-i\varphi} \sum_{j=1}^n e^{-i\gamma_j} + \\ + 0.5m_n \sum_{k=2,4,6} A_k (e^{ik\varphi} \sum_{j=1}^n e^{ik\gamma_j} + e^{-ik\varphi} \sum_{j=1}^n e^{-ik\gamma_j})] \quad (7)$$

$$M^H = ir\omega^2 [(m_B + 0.5m_n)e^{i\varphi} \sum_{j=1}^n Y_j e^{i\gamma_j} + 0.5m_n e^{-i\varphi} \sum_{j=1}^n Y_j e^{-i\gamma_j} + \\ + 0.5m_n \sum_{k=2,4,6} A_k (e^{ik\varphi} \sum_{j=1}^n Y_j e^{ik\gamma_j} + e^{-ik\varphi} \sum_{j=1}^n Y_j e^{-ik\gamma_j})] \quad (8)$$

В выражениях (7) и (8) члены, содержащие  $e^{\pm i\varphi}$ , являются соответственно силами инерции и моментами сил инерции первого порядка, а члены, содержащие  $e^{\pm ik\varphi}$  - соответственно силами инерции и моментами сил инерции  $k$ -го порядка;  $Y_j$  - расстояние от плоскости  $j$ -го механизма до плоскости первого механизма [4].

В приводе трехцилиндрового насоса СНТ 32 векторы центробежных сил  $P_B$ , сдвинуты по фазе на угол  $120^{\circ}$  и образуют замкнутый силовой треугольник, что свидетельствует об их взаимной самоуравновешенности.

Таким образом, в трехплунжерном насосе с ЦКШМ остаются неуравновешенными силы  $P_n$  вдоль оси ОХ каждого ползуна и момент  $M_0$ , см. табл. 5. В соответствии с результатами исследования кинематических параметров, сила инерции поступательно движущихся масс

$$P_n = m_n r \omega^2 (\cos \omega t + \lambda \cos 2\omega t), \quad (9)$$

где первое слагаемое является первой гармоникой с амплитудой  $P_{n1} = m_n r \omega^2$ , а второе характеризует амплитуду второй гармоники  $P_{n2} = \lambda m_n r \omega^2$ .

Численные значения амплитуд указанных гармоник равны:

$$P_{n1} = 17,79 \cdot 1,88 \cdot 10^{-2} \cdot 62^2 = 1286 \text{ Н};$$

$$P_{n2} = 0,065 \cdot 1286 = 84 \text{ Н.}$$

Графики, характеризующие закономерности изменения составляющих  $P_n$  согласно (9), приведены на рис. 4.

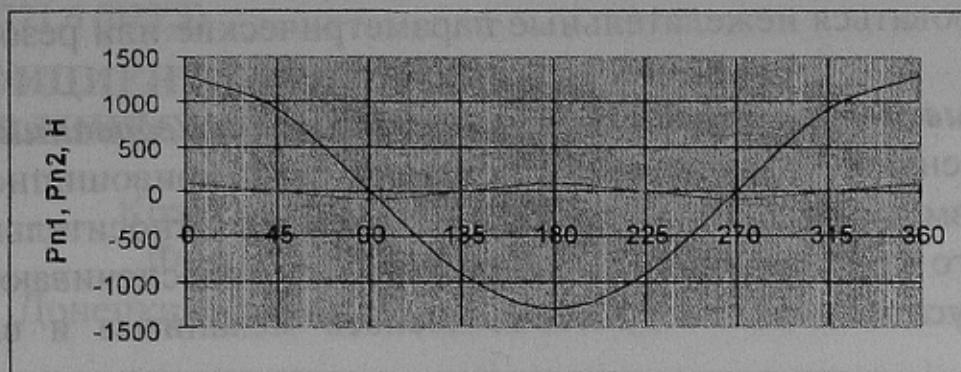


Рисунок 4 - Графики первой и второй гармонических составляющих сил  $P_n$ .

Следует, отметить, что в составе однокривошипного механизма (без самоуравновешивания сил  $P_b$ ) возмущающая сила инерции  $P_{n\Sigma}$  представляет собой сумму сил  $P_n$  и  $P_{bx}$  и равна

$$P_{n\Sigma} = (m_n + m_B)r\omega^2(\cos\omega t + \lambda\cos 2\omega t), \quad (10)$$

При этом амплитуды первой и второй гармоник составляют соответственно:

$$P_{n1}^\Sigma = (25,2 + 17,79) \cdot 1,88 \cdot 10^{-2} \cdot 62^2 = 3107 \text{ Н};$$

$$P_{n2}^\Sigma = 0,065 \cdot 3107 = 202 \text{ Н.}$$

Из приведенных выше результатов анализа и расчетов видна важность реализации принципа самоуравновешенности центробежных сил в ЦКШМ привода трехплунжерного насоса как фактора, обеспечивающего снижение его виброактивности и повышения ресурса. Необходимо также заметить, что центробежные силы  $P_b$  нагружают подшипники эксцентрикового вала, но, не имея плеча относительно оси его вращения, не создают возбуждающего момента.

Факторами, возбуждающими крутильные колебания в приводе насосного агрегата, являются неуравновешенные силы инерции  $P_n$ , и моменты  $M_0$ . Именно эти силовые факторы являются активными источниками вибрации и шума, обусловливающих износ шарнирных соединений механизма и снижение ресурса силовых элементов привода.

В трехцилиндровом насосе указанные выше возмущающие силы и моменты, действующие на эксцентриковый вал со сдвигом по фазе  $120^\circ$  и суммируясь с моментом сил сопротивления  $M_c$  от давления рабочей жидкости на плунжера, определяют нагрузку на приводной двигатель. Поскольку частоты изменения момента сил сопротивления  $M_c$  и возмущающего момента  $M_0$  совпадают или кратны частоте вращения эксцентрикового вала, то в нелинейной системе привода могут

формироваться нежелательные параметрические или резонансные явления.

**Выводы и направления дальнейших исследований.** На основе выполненных исследований показано, что кривошипно-шатунный механизм в приводе насоса СНТ 32 является относительно тихоходным. Его конструктивные параметры  $\lambda$  и  $\gamma_p$  обеспечивают благоприятные условия взаимодействия звеньев механизма и высокий его КПД.

Определены количественные характеристики кинематических параметров механизма и формируемых при его работе неуравновешенных сил инерции. Установлено, что наиболее динамически значимыми и подлежащими уравновешиванию в первую очередь являются первые гармоники сил инерции возвратно-поступательного движения масс механизма  $P_{n1} = 1286\cos\omega t$ , Н и возбуждающего момента  $M_0 = 232\sin\omega t$ , Нм.

В дальнейшем целесообразно рассмотреть возможные способы уравновешивания инерционных нагрузок в приводе СНТ 32 и других аналогичных ГЭУ.

#### Список источников.

1. Гуляев В.Г., Бойко Н.Г. Требования к гидроэнергетическим установкам механизированных крепей нового технического уровня //Известия Донецкого горного института, №2/2000, Донецк, ДонГТУ – 2000 – С. 47-51
2. Современные насосные станции для очистных агрегатов и механизированных крепей / Н.И.Стадник, Ю. И. Варшавский, А.В. Мезников, А.Л.Олиференко // Уголь Украины, 2005, №9 - С. 19-20
3. Пономаренко Ю.Ф. Насосы и насосные станции механизированных крепей. М:Недра, 1983 – 183 с.
4. Гуляев К. В. Математическая модель привода высоконапорного насосного агрегата для гидросистемы механизированных крепей // Зб. наук праць ДонНТУ (серія «Гірничо-електромеханічна»), випуск №83, Донецк, 2004.– С. 121 - 129
5. Справочник машиностроителя в трех томах. Т.1/Под ред. М.А.Саверина. Государственное научно-техническое издательство машиностроительной литературы, М.– 1950.– 1036 с.
6. Я. Кожешник Динамика машин. М.: Машгиз, 1961. — 424 с.
7. Штейнвольф Л. И. Динамические расчеты машин и механизмов. М.: Машгиз, 1961.– 340 с.
8. Теория и практика уравновешивания машин. Под ред. В.А.Щепетильникова. М.:Машиностроение, 1970. – 440 с.

Дата поступления статьи в редакцию: 9.04.07