

ИНДИКАЦИЯ ЦИРКУЛЯЦИОННЫХ КОНТУРОВ В ОРИЕНТИРОВАННОМ ГРАФЕ СЕТЕВОГО ОБЪЕКТА

Назаренко В.И.
Кафедра ЭВМ ДонГТУ
vn@cs.dgutu.donetsk.ua

Abstract

Nazarenko V.I. Indication of circulating loops in an oriented graph of a network object.
The problem of automatic search for circulating loops in an oriented graph of a network object is considered. The presence of such loops is in general a sign of dangerous situation in the motion of material flows in network branches.

При расчете и анализе потокораспределения в сетевом объекте последний изображается как ориентированный граф, используемый в дальнейшем для автоматического формирования узловых и контурных уравнений [1]. Вид компонент таких уравнений зависит от физических свойств материальных потоков, циркулирующих в сети. Примерами сетевых объектов являются системы энергоснабжения, шахтные вентиляционные сети, газораспределительные сети и др.

Граф сетевого объекта является ориентированным, связным, но не сильно связным. Последнее означает, что среди вершин графа можно указать миноранты и мажоранты, т.е. вершины, для которых отсутствуют соответственно входящие или исходящие ветви.

Предметом рассмотрения является индикация возможных циркуляционных контуров, т.е. таких контуров, в которых материальные потоки одинаково ориентированы по отношению к направлению обхода контура. Такие контуры возникают в сети при наличии локальных источников энергии (например, при пожаре в шахтной вентиляционной сети) и являются, как правило, признаком аварийной ситуации. В связи с этим автоматизация поиска циркуляционных контуров в сетевом объекте, имеющем в своем составе несколько сотен ветвей, является важной практической задачей.

В качестве примера на рис.1 представлена упрощенная схема сетевого объекта. На этой схеме 1, 2 и 3,4 - соответственно миноранты и мажоранты, Е1 и Е2 - основные источники энергии, подчеркнутые числа - номера вершин, остальные числа - номера ветвей. Циркуляционными здесь являются контуры 7 - 26 - 43 - 25, 8 - 21 - 51 - 25 и 24 - 47 - 48.

Будем обозначать граф сетевого объекта [2]

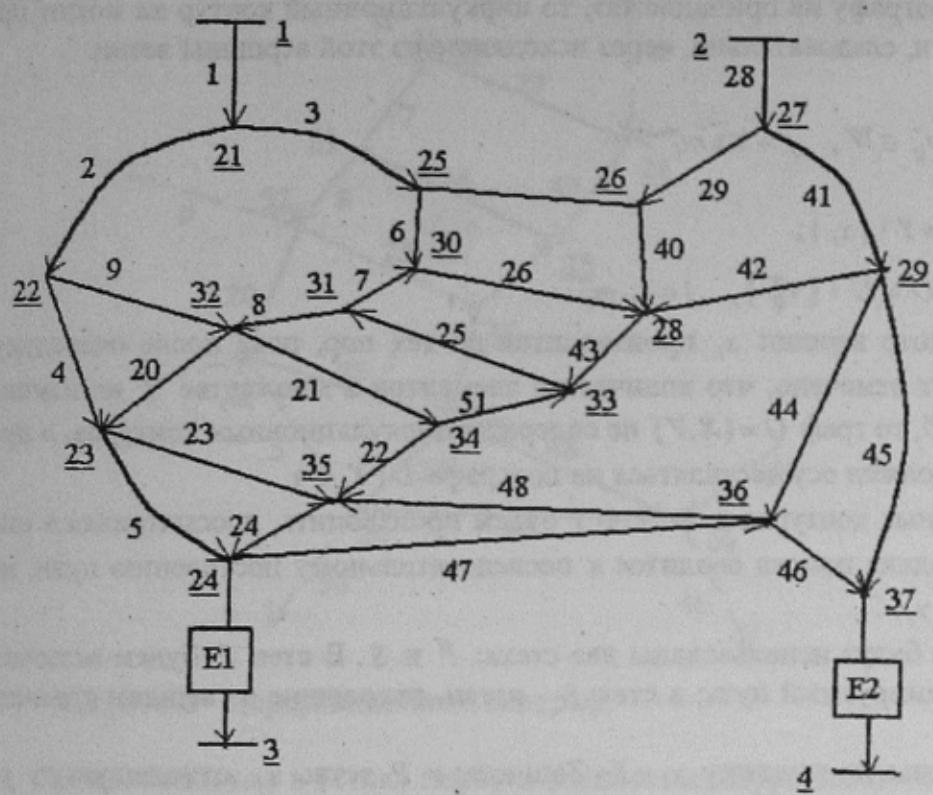
$$G = (X, V),$$

где $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ - множество вершин графа, $|X| = n$;

$V = \{v_1, v_2, \dots, v_m\}$ - множество его ветвей, $|V| = m$.

При нормальном функционировании объекта граф $G = (X, V)$ не должен содержать ни одного циркуляционного контура. Если же в графе имеются такие контуры, то в их образовании принимает участие ограниченное подмножество ветвей исходного графа. В связи с этим алгоритм поиска циркуляционных контуров целесообразно разделить на два этапа:

- формирование циркуляционного подграфа;
- поиск циркуляционных контуров в подграфе.



Это означает: если вершина x_i принадлежит циркуляционному подграфу, а все входящие в нее ветви этому подграфу не принадлежат, то циркуляционный контур не может проходить через вершину x_i и, следовательно, через исходящие из этой вершины ветви.

Аналогично при

$$x_i \in U \quad \text{и} \quad v_{ij}^- \in W, \quad j = 1..m_i^-$$

выполним

$$Z = Z \cup \{x_i\}; \quad Y = Y \setminus \{x_i\};$$

$$W = W \cup \{v_{ij}^+\}; \quad U = U \setminus \{v_{ij}^+\}, \quad j = 1..m_i^+.$$

Циклический просмотр вершин x_i производится до тех пор, пока после очередного цикла просмотра не будет отмечено, что количество элементов в множестве Z не изменилось. Если при этом $Y = \emptyset$, то граф $G = (X, V)$ не содержит циркуляционных контуров, в противном случае их поиск должен осуществляться на подграфе $D(Y, U)$.

Поиск циркуляционных контуров в $D(Y, U)$ будем производить, просматривая в цикле вершины $y_i \in Y$. Методика поиска сводится к последовательному построению пути, начинающемуся в вершине y_i .

При поиске контура будут использованы два стека: P и S . В стек P будем включать ветви, добавляемые в формируемый путь; в стек S - ветви, отходящие от вершин строящегося пути.

Рассмотрим произвольную вершину $y_i \in Y$. Запишем в P ветвь u_j , отходящую от y_i . Если для y_i имеются другие отходящие ветви, то их номера запишем в стек S . Теперь перейдем к вершине y_j , конечной для ветви u_j , и произведем аналогичную работу. Если после добавления очередной ветви u_k обнаружится, что ее конечная вершина y_k совпадает с y_i , то построение контура закончено. Если на очередном этапе будет отмечен "тупик" формирования (нет исходящих ветвей, не включенных в P ; обнаружено локальное замыкание $y_k = y_j$; $y_k \neq y_i$), то берется ветвь u_s , последняя из записанных в стек S , из P удаляются ветви, записанные после u_s , а от ветви u_s продолжается формирование пути.

Циркуляционный контур не проходит через вершину y_i , если стек S исчерпан и ни для одного из формируемых путей не обнаружено замыкание на вершину y_i .

В рассматриваемой задаче представляет интерес не только индикация циркуляционного контура, т.е. построение списка ветвей, входящих в такой контур, но и определение количественного значения материального потока Q_c , циркулирующего по этому контуру. Для решения второй подзадачи обратимся к рис.2, на котором изображен циркуляционный подграф сети рис.1. Пунктиром на рис.2 показаны ветви, обрезаемые при выделении данного подграфа, т.е. ветви, определяющие связь подграфа с остальной сетью. При этом ветви 4, 6, 9, 40, 42, 44 - входящие, а ветви 46 и 50 - исходящие по отношению к подграфу.

Является очевидным, что вне зависимости от топологии циркуляционного подграфа сумма его входящих потоков равна сумме исходящих. В то же время при одних и тех же значениях потоков во входных и выходных ветвях значения потоков в собственных ветвях подграфа могут быть различными.

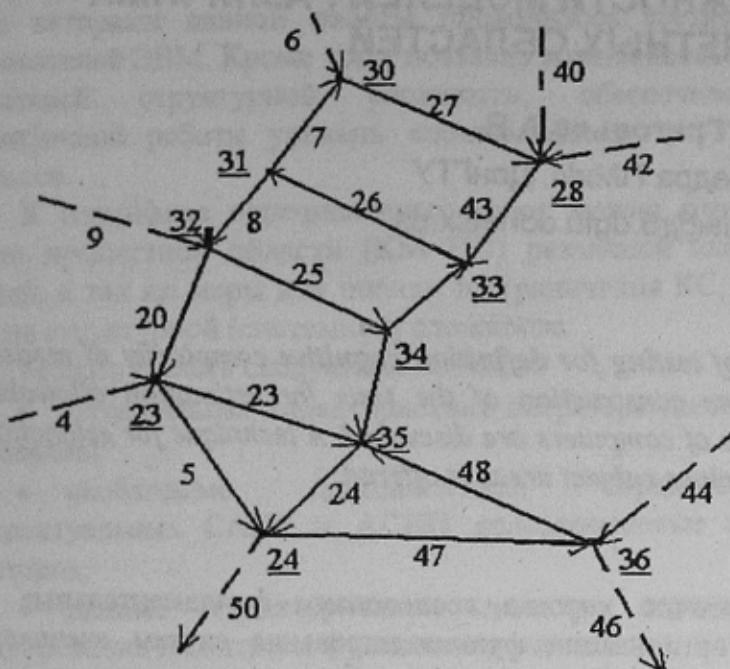


Рисунок 2 - Циркуляционный подграф.

Если к потокам в ветвях циркуляционного контура добавить или отнять одни и те же значения, то их баланс в вершинах этого контура не изменится. Вычтем из потоков ветвей, входящих в циркуляционный контур, их минимальное значение. Тогда в одной из ветвей контура установится нулевое значение потока. Это означает, что такой контур уже не является циркуляционным. Следовательно, циркуляционный поток численно равен минимальному потоку в ветвях, образующих циркуляционный контур.

Рассмотренные выше алгоритмы поиска циркуляционных контуров и определения значений циркуляционных потоков реализованы в программной системе, выполняющей расчет и анализ потокораспределения в шахтной вентиляционной сети в нормальном и аварийных режимах ее функционирования.

Литература

1. Цой С., Цхай С.М. *Прикладная теория графов*. - Алма-Ата: Наука, 1971. - 500 с.
2. Липский В. *Комбинаторика для программистов*. - М.: Мир, 1988. - 213 с.