

# СИНТЕЗ ИЕРАРХИЧЕСКОЙ СТРУКТУРЫ УПРАВЛЕНИЯ КОРПОРАТИВНЫМИ ОБЪЕДИНЕНИЯМИ ПРОИЗВОДСТВ

Махмудов А.Г., Воропаева В.Я.

Инвестиционная компания ДИКОМ,

Донецкий государственный технический университет, кафедра АТ,

E-mail: vita@fcita.dn.ua

## Abstract.

*A. Mahmudov, V. Voropaeva "The Synthesis of corporations' control hierachic structure". This article is deal with problem of corporations' control hierachic structure. Optimum structure synthesis is fulfilled according to combine economic criterion.*

В условиях переходного периода, возникшая проблема реструктуризации промышленности и подъема экономики может быть решена при наличии механизма регулирования перетока капиталов из одних секторов экономики в другие и, в частности, за счет развития институциональных структур инвестиционного рынка. При общем дефиците бюджетных средств для подъема сферы производства необходима начальная аккумуляция стратегического капитала и селективная поддержка (финансовая, кредитная и другая) вначале приоритетных производств, как очагов «оживления» и роста, с последующей целевой финансовой инъекцией при определенном регулировании монетарной массы.

Идея такого регулирования инвестиционной деятельности и перераспределения капиталов в переходном периоде заключается в создании гибкого механизма широкомасштабного привлечения (под твердые гарантии государства или местных властей) капитала мелких и средних инвесторов, трансформации его в крупные инвестиционные проекты, последующей реализации проектов для получения отдачи в приоритетных точках экономики.

Механизм управления инвестиционной деятельностью регионов или

государства в целом представляет сложную многомерную иерархическую структуру, а общее решение задачи управления встречает значительные трудности, связанные с «проклятием размерности» даже для современных ЭВМ. При построении структуры такого механизма использован модульно-иерархический принцип и декомпозиционный подход [1].

Согласно этому принципу в многоуровневой системе выделяется блок «кустовой модуль», связывающий только два соседних уровня, верхний и нижний, оптимизируемых по критерию верхнего уровня, с учетом максимального удовлетворения локальных критериев и общесистемных ограничений.

Такой механизм привлечения и оптимизации распределения инвестиционных ресурсов в виде «кустового модуля» обладает свойством общности и универсальности, поскольку может быть использован как в двухуровневых структурах (каковыми являются малые и средние инвестиционные компании и фирмы) так и в многоуровневой системе регионального или государственного масштаба. В многоуровневой структуре в качестве нижних подсистем «кустового модуля» выступают свернутые структуры нижележащих уровней, образующие вместе с верхней подсистемой «кустовой модуль». Передвигая «кустовой модуль» вверх или вниз по уровням иерархии можно решать инвестиционные задачи для широкого класса инвестиционных структур.

Постановка задачи синтеза оптимальной структуры системы заключается в следующем.

Задана необходимая совокупность функций для выполнения основной цели инвестиционного предприятия. Известны исходные структуры моделей инвестиционных процессов и связи между ними на нижнем уровне (технологическом), известны ориентировочные размерности исходных моделей (число входных и выходных переменных и связей). Необходимо так разложить набор функций (моделей) на группы, последовательно сопоставив каждой

группе старшие (верхние) над ними подсистемы координации, чтобы в результате объединения старших (верхних) и младших (нижних) подсистем получить целостную иерархическую структуру, оптимальную в смысле выбранного критерия.

Синтез оптимальной структуры произведем для корпоративного объединения по комбинированному экономическому критерию, учитывающему трудоемкость, точность решения задач и суммарные затраты. В этом случае необходимо формализовать оценку трудоемкости и точности реализации алгоритмов управления, выразив ее через параметры структуры: число уровней  $L$ , число подсистем на уровнях  $m_l$ , общее число задач  $N$ , размерность моделей подсистем  $n_{lk}$ .

Основу оптимизации структуры промышленно-инвестиционного комплекса составляет обобщенная исходная модель задачи «куста», задаваемая в виде:

$$M_{l-1,1} : \dot{X} = \tilde{A}X + \tilde{B}U; \quad (1)$$

$$M_{l-1,2} : \dot{Y} = \tilde{C}Y + \tilde{D}W; \quad (2)$$

$$M_{lv} : \tilde{E}X + \tilde{G}Y \leq \tilde{H}; \quad (3)$$

$$Q_{l-1,v} = Y_{l-1,v}(X, U) = \max; \quad l = 2, N; \quad v = 1, m_l; \quad (4)$$

$$Q_{lv} = \sum_{v=1}^{m_l} Q_{l-1,v} = \max; \quad l = 2, N; \quad v = 1, m_l, \quad (5)$$

где  $lv$ -индексы уровня подсистемы на  $l$ -м уровне,  $X$  – вектор распределения инвестиционного капитала,  $Y$  – вектор получаемых эффектов (прибылей),  $U, W$  – векторы управлений проектами (реализацией инвестиций на предприятиях корпорации),  $\tilde{A}, \tilde{B}, \tilde{C}, \tilde{D}, \tilde{E}, \tilde{G}$  – матрицы коэффициентов управлений моделей,  $\sim$  – символ возможного изменения коэффициентов во времени,  $\tilde{H}$  – матрица

ограничений по привлекаемым инвестиционным ресурсам.

В приведенной модели выражения (1), (2) и критерий (4) относятся к нижним, выражение (3) и критерий (5) – к верхнему уровню.

В дискретном варианте на интервалах  $T_{l-1}$  и  $T_l$  исходная модель (1) –(5) может рассматриваться как стационарная:

$$X(k+1) = AX(k) + BU(k); \quad (6)$$

$$Y(k+1) = CY(k) + DW(k); \quad (7)$$

$$EX(k) + GY(k) \leq H; \quad (8)$$

$$Q_{l-1,v(k)} = Y_{l-1,v}[X(k), U(k)] = \max; \quad (9)$$

$$Q_{l,v}(k) = \sum_{v=1}^{m_l} Q_{l-1,v(k)} = \max; \quad (10)$$

где  $k=1, K_{l-1}$  – число интервалов  $T_{l-1}$  для нижних подсистем, на которое разбивается интервал  $T_l$  верхней подсистемы .

Решение задачи «кустового модуля» по алгоритму (6) – (10) осуществляется в два этапа . На первом этапе решаются задачи (6), (7), (9) нижних подсистем на  $k \in K_{l-1}$  интервале путем оптимизации согласования переменных  $X, Y$ . На втором этапе происходит итеративное согласование решений задач (6), (7), (9) на отрезке  $(0, T_l)$  в рамках модели (8), (10) верхней подсистемы.

В качестве критерия трудоемкости принимается время  $\tau_x$  решения всех задач, входящих в одну большую итерацию алгоритма (6) – (10).

Поскольку время итерации  $\tau_u$  установить сложно, выразим его через число подсистем и их размерность:

$$\tau_u = \sum_{l=2}^L \tau_l m_l \frac{T_l}{T_{l-1}} = \sum_{l=2}^L r_l n_{lk} m_l \frac{T_l}{T_{l-1}}, \quad (11)$$

где  $\tau_l$  – время решения  $l$ - й задачи подсистемы,  $r_l$  – коэффициент пропорциональности,  $n_{lk}$  – размерность моделей нижних подсистем,  $m_l$  – число подсистем  $l$ - уровня. Общее число задач  $N$  определяется выражением:

$$N = \sum_{l=2}^L N_l = \sum_{l=2}^L m_l \frac{T_l}{T_{l-1}}. \quad (12)$$

Таким образом, задача синтеза оптимальной структуры по критерию трудоёмкости ставится в виде:

$$Q_T = \tau_H = \sum_{l=2}^L r_l n_{lk} m_l \frac{T_L}{T_{L-1}} = \min, \quad (13)$$

$$\text{при } n_l = \sum_{k=1}^{K_{l-1}} n_{lk} = \sum_{k=1}^{K_{l-1}} \sum_{j=1}^{J_l} n_{lkj} \leq Am, \quad (14)$$

$$\text{и } n_{lk} \geq 2; \quad m_l \geq 1; \quad (15)$$

где  $Am$  - ограничение по вычислительной мощности компьютерной техники.

При замене обычных условий неотрицательности переменных  $n_{lk}$  и  $m_l$  условиями (15), задача синтеза сводится к классической задаче квадратичного программирования.

Синтез оптимальной структуры по критерию точности базируется на минимизации дисперсии  $D_i$ , ошибки  $\delta_i$ , расчёта критерия (10), обусловленной неточностью (дисперсией) моделей подсистем и дискретностью процесса оптимизации:

$$D = \sum_{i=1}^K b_i D_i(X, Y) + \sum_{l=1}^L D_l(T_{l-1}, T_l, m_l) = \min, \quad (16)$$

$i = 1, K$ , ( $K$  - число переменных целевой функции).

Оценка дисперсий в (16) основана на линейной комбинации независимых дисперсий её составляющих. Первое слагаемое в (16) является дисперсией целевой функции (10), второе – дисперсией моделей (6)-(8), обусловленной дискретностью, зависящей в свою очередь от структуры системы (числа уровней  $L$ , подсистем  $m_l$ , интервалов  $T_l, T_{l-1}$ ).

Введём обобщённую оценку синтезируемой структуры в виде степени агрегированности структуры  $S_l$ , где  $S_l = m_l^{-1}$  ( $m_l$  - число подсистем). Тогда задача оптимизации структуры заключается в определении степени агрегированности  $S_l$  уровней  $l$  и числа уровней  $L$ , обеспечивающей минимум дисперсии  $D$ .

Установлено, что дисперсия  $D$  в зависимости от степени агрегированности  $S$ , имеет экстремальный характер [2].

Далее используется алгоритмический подход к определению структуры по критерию (16). Здесь используется предположение, что реальные потери оптимизации по критерию (10) тем больше, чем грубее иерархическая модель и больше её дисперсия. Тогда величина дисперсии (16) для выбранной структуры модели определяет потери оптимизации по функционалу (10).

Среднеквадратическая ошибка  $\delta$  для дисперсии (16) выбранной структуры, учитывается при расчёте усреднённого показателя эффективности оптимизации:

$$Q_{Iv}(k) = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n (Q_{Ivpk} - Q_{Ivfk} - \delta), \quad (17)$$

где  $Q_{Ivpk}, Q_{Ivfk}$  - расчётное и фактическое значение целевой функции (10)  $k$ -го наблюдения,  $n$  - число наблюдений. Здесь учитываются только наблюдения, соответствующие  $|Q_{Ivp} - Q_{Ivf}| > \delta$ .

Экономическая оценка полученного варианта структуры оценивается с учётом критерия трудоёмкости (13). Для заданной степени агрегированности  $S$ , затраты на машинное время и оперативное управление составляют:

$$Z_y(S_l) = C_M C_0 \sum_{l=2}^L r_l n_k S_l^{-1} \frac{T_L}{T_{L-1}}, \quad (18)$$

где  $C_M, C_0$  - стоимость машинного времени и оснащения для оперативного управления.

Результирующий экономический эффект использования варианта  $L$ -уровневой структуры со степенью агрегирования  $S_l$  будет

$$\mathcal{E}_L(S_l) = Q_L(S_l) - Z_y(S_l). \quad (19)$$

Приведенный метод пригоден как для стадии проектирования новых, так и усовершенствования (модернизации) имеющихся управляющих структур иерархических надстроек предприятий и корпоративных объединений с рыночными отношениями, поскольку для синтеза необходимо иметь лишь

начальный полный набор функций корпорации, стратегию и цель функционирования, грубые модели реализации функций, ресурс и вычислительную мощность компьютерной техники, данные о мониторинге по точности получаемой информации и размерности информационных параметров, что на практике всегда имеется. Синтез структур систем регионального и государственного масштабов производится в основном на эвристическом уровне, на базе декомпозиции и стратифицированного описания концептуальных моделей.

Анализ результатов моделирования показывает, что для корпораций с добровольным объединением предприятий, с малой степенью централизации, слабыми связями между участниками, с числом предприятий (участников) не более 5-10 достаточно двух уровневой структуры с общей координирующей подсистемой на верхнем уровне. При этом в качестве подсистем нижнего уровня выступают предприятия (участники) в целом (несмотря на возможность их иерархической структуры). Для крупных предприятий и фирм с большой степенью централизации и числом связанных подсистем оптимальной является трёхуровневая структура. Структуры регионального и государственного масштабов являются многоуровневыми.

### Література

1. Цвиркун А.Д. Основы синтеза структуры сложных систем. М.: Наука,

1982. - 200с.

2. Махмудов А.Г. Организация корпоративных объединений в условиях реструктуризации производства.: Сб. научных трудов Национальной горной академии Украины, № 3, Днепропетровск, 1998, с. 189 - 194.